ऐतिहासिक, सांस्कृतिक तथा भाषाकास्त्रीय अध्ययन

प्राचीन सारतीय गणित

(वेदाङ्ग-ज्योतिष तथा आर्यभटीय मूल सहित)

हा० व० ल० उपाध्याय एम० ए० (गणित), ज्ञास्त्री, पी-एच० डी०

विज्ञान भारती

१४६७,वजीर नगर, नई दिल्ली-३

मेरा स्वास्थ्य इतना क्षीण हो गया कि दो मास शय्या पर बिताने पड़े और मैं इसको समाप्त करने में एक समय वित्कुल निराश हो गया। पुनः मगवान् की कृपा से कुछ ठीक हुआ और इस कार्य को ४-५ वर्षों के निरंतर उद्योग के उपरांत पूर्ण रूप से समाप्त कर पाया है। इस विषय के श्रध्ययन के लिए गणित, संस्कृत तथा हिंदी इन तीनों के उत्कृष्ट कोटि के ज्ञान की आवश्यकता थी, जिन सवका एक व्यक्ति में समावेश होना कठिन था। श्रतएव मैंने राष्ट्रमापा तथा मारतीय संस्कृति के प्रति अपना यह पुनीत कर्तव्य समझा कि इस कार्य का मैं संपादन कर्रों। अपने इस कार्य में में कहाँ तक सफल रहा हूँ यह मेरे कहने की वात नहीं है।

तिथि-निर्धारण:

प्राचीन लेखकों तथा ग्रंथों की तिथियाँ अधिकांशत: डाँ० दत्त के अनुसार हैं।

मुझसे पूर्व इस संवंध में परोक्ष रूप से भी जिन-जिन विद्वानों ने कार्य किया

है उन सबके प्रति में अपनी श्रद्धांजिल समर्पित करता हूँ। इनमें डाँ० सिद्धे श्वर
वर्मा, डाँ० बी०बी० दत्त, डाँ० ए०एन० सिह, श्री त्रिवेणी प्रसाद सिह बाई०सी०एस०,
महामहो० सुधाकर द्विवेदी, श्री हीरालाल कपाड़िया, डाँ० कृपाशंकर शुक्ल, डाँ०
घीरेन्द्र वर्मा, डाँ० सत्यप्रकाश, डाँ० गोरखप्रसाद, श्री नेमिचंद्र शास्त्री, सूर्यसिद्धांत
के टीकाकार श्री वर्जिस, संस्कृत अल्जैंबा के रचियता श्री कोलबुक, श्री जोहन स्ट्रेंची,
श्री एल० बी० गुर्जर तथा डाँ० थीवो के नाम विशेष उल्लेखनीय हैं। इन विद्वानों के
ग्रंथों की सामग्री का मैंने इस ग्रंथ में प्रचुर प्रयोग किया है।

दिनांक १-१-७१

व॰ ल॰ उपाध्याय

संकेताक्षर

अनु० सू०		अनुयोगद्वार नूत्र
अ० को०	=	क्षमरकोप
साप० ग्रु० सू० } आपस्तंब		बापस्तंव ग ुल्वसूत्र
बा ०	=	श्रार ण्यक
आर्य ०	-	<u> बार्यभट</u> ोय
आर्ये० ग० पा०	=	वार्यमटीय गणितपाद
आर्य ० गो० पा०	=	आर्यभटीय गोलपाद
त्रार्यं० गोल०	****	आर्यभटीय गोलपाद
程。	-	ऋग्वेद
ऐ॰	=	ऐतरेय बाह्यरा
ট্০ সা০		ऐतरेय बारण्यक
- কাত ্	=	काठक संहिता
का० गु० चू०		कात्यायन गुल्व सूत्र
कौटिल्य०	=	कौटिल्य अर्थशास्त्र
को० अ०	=	कोटिल्य अर्थशास्त्र
ৰি৹	=	खिलस ूक्त
ग० ति०	=	गिएात तिलक
ग० सा० सं०	=	गणित सार संग्रह
गो०	=	गोपय ब्राह्मण
जै०	=	जैमिनीय ब्राह्मण
तां०	=	तांड्य बाह्मण
নীত	=	तैत्तिरीय ब्राह्मण
तै० आ०	de residente maio de des	तैतिरीयारण्यक
पं० सि०	=	पंच सिद्धान्तिका
पा० ग०		पाटी गणित
दौ० गु० नू०	=	वौदायन शुल्व सूत्र
बाह्यस्फुट ०	=	-बाह्यस्फुटसि द्धां त
बा॰ स्कु॰ सि ॰	=	ब्राह्यस्फुटसिद्धा न्त
भा० वी० ग०	=	मास्करीय दीजगरित

मारोपीय	==
ष० भा०	==
मा ०	=
मै०	==
रघु०	==
ल॰ भा॰	
लोला ०	
वे० ज्यो०	=
ম০ ঘ০ লা০ }	==
য়াঁ০	=
गु॰ सू॰	=
নী ০	==
ष०	==
सा०	-
सि० शि०	==
सि० वे०	==

सू० सि०

विषयानुक्रमशिका

विषय			पृष्ठ संख्या
भूमिका	•••	***	i—ii
संकेतावर	•••	•••	iv—v
विषयानुक्रमणिका	•••	•••	5 65
प्रस्तावना	•••	• • •	१२१5
गणित का महत्व	•••	•••	११
जैन तया वौद्धवर्म में गणित का महत्त्व	•••		१२
विषयवस्तु	•••	• • •	१३
शब्दावली के अध्ययन से लाम	•••	•••	१३१६
प्रयम	भाग		
(सामान्य अध्ययन, प्	[0 80-800)		
अव्याय १-प्राचीन नारतीय गणित का सं	क्षिप्त इतिहास	•••	१६ −४६
प्राचीन भारतीय गिएत के इतिहास का	कालविमाजन	•••	38
वादि फाल			
वैदिककाल	•••	•••	38
गुस्यकाल	•••	•••	ঽ৽
वेदियों की विभिन्न बाकृतियां	•••	•••	28
पार्ट = का मान तथा पार्यागोरस प्रमे	य का ज्ञान	•••	र् र
भरणी का ज्ञान	•••	***	ন্য
पर्ग का क्षेत्रकल	•••	•••	२ ३
गणित की आधार मूत कियाचें	•••	•••	ন্ট
भिन्न	•••		5,8
वैदांग-ज्योतिष-काल	•••		२४
गुर्य प्रज्ञन्ति	•••	•••	২ %
दोर्पवृत्त का व्यविष्कार	***	***	Þγ
र्राजयसाल अथवा सन्वयार पूर्व			
जैन गवित -	•••		० ६
मैगवकास के आविष्कार	• • •	***	25

दशमिक अंकप्रणाली तथा शून्य का साविष्	कार	•••	२७
चमास्वाति -	•••	•••	२्द
वीजगणितीय नियम	•••	•••	ξo
कमचय तथा संचय	•••	•••	30
वक्षाली गणित		•••	३१
मूर्यमिद्धान्त सूर्यमिद्धान्त	•••	•••	३२
त्रुवानकार्य त्रिकोग्रामिति का जन्म		•••	३२
ग्रहों के सम्बन्ध में विचार	***	•••	33
बारकल्पना		•••	३३
व्याज तथा प्रतिशत की कल्पनायें	•••	•••	३४
व्यक्ताल श्रयवा स्वर्णयुग			
वर्गमूल	•••	•••	έĄ
घनमूल	•••	•••	३५
हैराशिक नियम		•••	ĘĶ
आर्यभट तथा मू-भ्रम ण	•••	•••	इ६
ब्रह्मगुप्त	•••	•••	इ७
इनंत की कल्पना	•••	•••	३८
बी जगणित	•••	•••	3,4
गृषोतर श्रेणी	•••	•••	3,5
युक्तिड का एक प्रमेय	•••	•••	४०
पाडधागोरस प्रमेय	•••	•••	80
महावी राचार्य	•••	•••	४०
लवृतम समापवर्यं	•••	•••	४०
श्रीवराचार्य	•••	•••	४१
श्रेरियों का ज्यामितीय उपचार	•••	•••	88
श्रीपति	•••	•••	88
प्रतिज्ञत	•••	• • •	४१
मास्कर द्वितीय .		•••	85
अनिर्वार्य समीकरणों का व्यापक सायन	•••	•••	४२
अज्ञात राजियों के संकेता लरों का विका	ਚ •••	•••	४२
স্বৰ্শন (Differentiation)	•••	•••	४२
ज्योतिष का विकास	•••	•••	88

उत्तरकाल

र्थावण मारत गणित का केन्द्र		•••	35
सम्राट जगन्दान	•••	***	Rá
यतंमान काल			<u>۾</u>
अध्याय २— मारतीय गणितीय जन्याननी	का ऐतिहासिक	अञ्चल	X3-60
वैदिक गाहित्य की गणितीय बच्दावर्जी			४७
वासाल संजी और			पूर
$n \sim n$	11		प्र
शुल्य सूत्रों की ,, ,,	11	•••	43
धेदांग ज्योतिष ,, ,, ,,	17	•••	पूर
पुत्रप्यां ,, ,, ,,	73	• • •	-
बीद साहित्य की ,, ,, ,,	11	•••	<i>त</i> .८
र्जन गानिका की			ध्र
रवानांगमूत्र	13		४६
	•••	4**	ष्ट
भगवतीसूत्र के सब्द	•••		रू
उत्तराध्ययन "	•••		٧=
अनुयोगद्वार सूत्र ,,		•••	ሂሩ
उगास्वानि की गांग्सीय शब्दावली	•••	•••	3.8
भाग्रत मापा के गिरातीय शब्द	***	***	Ęe
गुण्डा भाषा के घळ	***	***	Ęø
कौटिल्य अर्थशास्त्र की गणितीय शब्द	रावली	•••	
यधाली धन्दावली	•••	•••	ξ γ
वराहिमहिर शब्दावली	• • •	• • •	ĘŲ
प्रसम्बद्धाः	***	•••	
मारकर प्रथम		• • •	6.
महावाराचार्य "	•••	***	éé
Constitution of the Consti	•••	***	Ç'9
elver		***	इं७
vient.	•••	•••	६७
triese Cala	•••	***	Ş
	•••	***	33
मधार् जमन्ताप 🔑			

अघ्याय २भारतीय गणित-शब्दावली व	ना सांस्कृतिक	अष्यम	७१ - -७≂
तून्य, करणी, बीजगणित आदि शस्त्री	-		
सांस्कृतिक तथ्य	•••	***	७१७=
चून प्रया, ऋण-ग्रहण प्रया	•••	• • •	७?
व्याज-प्रणाली	***	***	७४
जीवविकय, स्त्रीविकय	•••	***	હદ્
अपेकाङ्कत सरलजीवन	•••	•••	७६
अव्याय ४—गणितीय शब्दावली का भाव	गशास्त्रीय स	घ्ययन	७६ - ६५
प्रकरण १.			
गणितीय झब्दों की ब्युत्पत्तियाँ	•••	•••	3 છ
प्रकर्रा २.			
गिंगितीय शब्दों के प्राचीन प्रयोग	•••	•••	5 4
प्रकरण ३.			
गिणितीय सन्दों के अर्थविकास की एव	क फलक	•••	দ ও
प्रकरता ४.			
प्राचीन गणितीय शब्दावली की रवन	ा के मूलभूत ि	सद्धान्त	5 E
प्रकरण ५.			
वर्तमान गणिनीय शब्दावली में विदेश	ो नापाओं के	सब्द	£3
अव्याय ५-भारतीय गणितीय शव्दावत	नी का विदेशों	पर प्रभाव	६६—१००
<u> हित्तीय</u>	भाग		
(विशिष्ट श्रद्ययन,	पृष्ठ १०१—	೨೯೦)	
अध्याय १—गणित	***	-	१०३११२
गणित शब्द की व्यत्पत्ति	•••	•••	१०३
पर्याय	***	•••	१०५
गणना और गणित का भेद	***	•••	१०६
गणित शास्त्र की प्राचीनता	•••	•••	१०७
गणित शब्द का प्रयम प्रयोग	***	•••	११०
प्राचीन गिएत-ग्रंथ	•••	•••	१११
गिएत का क्षेत्र-विकास	•••	•••	१११

अध्याय २अंकगणित	***	•••	११३- १८३
प्रकरसा १. अंकगणित	•••	•••	613660
ब्यु हपत्ति	•••		११३
पर्माय	•••	•••	११३
राशिविद्या	•••	•••	११३
वूलिकर्म	•••	•••	688
धूलिकमं का अरवी में अनुवाद	•••	***	888
पाटीगणित	***		११५
पाटीगिएत का अरबी में अनुवाद	•••		११५
योरपीय भाषाओं में अनुवाद	•••	•••	११६
.च्यक्तगणित	•••	***	११६
अंकगणित शब्द का प्रादुर्माव	144	• • •	११६
सारांश	•••	•••	११७
प्रकरण २. अंक	•••	•••	११७१२३
अंक नी हैं या दस	***	• • •	११५
अंक शब्द की अन्वर्यकता	***	***	. ११६
अक के विविध अर्थ	* * *	***	३११
ऐतिहासिकता	***	•••	१२१
प्रकरण ३. जून्य	• • •	•••	858-830
पर्याय	• • •	•••	१२४
जीरो तथा साइफर	•••	• • •	` १२५
शून्य ऋगा-चिह्न के रूप में	• • •	•••	१२७
शून्य के आविष्कार् का महत्व	***	•••	१२७
यून्य सस्या है या चिह्न ?	•••	•••	१२८
प्रयोग	•••	•••	१२८
झून्य की परिभाषा	•••	•••	१२६
तच्छेद, खहर	***	•••	358
प्रकरण ४. अनन्त	***	***	१३०१३१
प्रकरण ५. संस्थावाचक शब्द	***	***	१३२—१४४
व्यु त्पत्ति	***	•••	655
ऐतिहासिकता	•••	•••	१३२
प्रथम प्रयोग	•••	•••	, १३२

परवर्ती प्रयोग	•••	•••	१३२
संख्याओं का ज्ञान	•••	•••	१३३
तल्लक्षणा तथा शीर्प प्रहेलिका (२	५० स्यानों की संस्य	п)	१३३
विदेशी साहित्य की वहत्संख्यायें	•••		१३३
संख्याओं की दशिमक अंकप्रणाली	***	•••	१३४
संख्यालेखन का प्रारम्भ	•••	•••	१३४
शव्दांकलेखन प्रणाली	•••	•••	१३४
वर्णांकलेखन प्रणाली	•••	•••	१३४
अंकानां वामतो गतिः	•••	•••	१३५
हिंदी संख्यावाचक शब्दों के संस्कृत	तथा प्राकृत नाम	•••	१३५
सैकड़ा	•••	•••	8.8.5
सहस्र	•••	•••	१४२
लझ तथा लाख	•••	•••	१४२
कोटि अथवा करोड़	•••	•••	१४३
अर व	•••	•••	688
खरव, नील, पद्म, शंख	•••	•••	१४४
प्रकरण ६. योग, संकलन, जोड़	•••	•••	१४६—१४६
योग	•••	•••	१४६
थम्यास	•••	•••	१४७
संकलित अयवा संकलन	•••	•••	१४७
जोड्ना	•••	•••	१४८
प्रकरण ७. घटाना, व्यवकलन	•••	•••	१४६—१५१
प्रकरण ८. घन, ऋगा	***	•••	१५१—१५३
घन, ऋण के संकेत-चिह्न	***	• • •	१५३
प्रकरण १. गुणा	•••	•••	१५४—१५६
हनन, वघ	•••	•••	१५५
गुरान-विघियाँ	•••		१५७
वज्राभ्यास	•••	***	१५७
प्रकरण १०. माग	•••		१ ५६—१ ६१
्वार	•••		
•	•••	•••	१६०

		१६३-१६	=
प्रकरण २. करणी ब्युत्पत्ति	•••	१६	3
च्युरपारा ग्रयं का समिक विकास	•••	१६	8
	•••	₹€	¥.
करणीमूल, करगी का सांकेतिक चिह्न	***	१६	
करणी के विविध अर्थ	•••	? 6	
करगो का अरबी और अंगरेजी में अनुवा	₹	? ? ?	
सारांस	•••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	
भारतीय गर्गित का प्राचीनता और क्रमि	क विकास	? 8	
प्रकरण ३. समीकरण	•••	१६= - २०	
प्रकरण ४. कमचय तथा संचय	***	२००२०	, 2
प्रकरण ५. श्रेणी, श्रेढ़ी	•••	२०२२०	६
ब्युत्पत्ति	•••	٠٠. ٦٠	
जैन साहित्य के पर्याय	•••	•	ર્ગ્સ
सस्कृत के प्रयोग	•••		ş e
संकलित शब्द का अरव में प्रचार	•••		08
श्रेगा्ियों के भेद	• • •		8
श्रेणियों का ज्यामितीय उपचार	•••	·	0 K
चय, प्रचय	• • •	٠ ٦	eХ
अघ्याय ४ – रेखागणित	•••	٠٠. ٢٥٥ ٢	४४
प्रकरण १. रेखागिएत	• • •	२०७—२	ጸጸ
व्यु रपत्ति	•••	٠ ٦	०७
पर्याय	• • •	٠٠٠ ٦	७७
ऐतिहासिक विकास	•••	٠٠. ٦	०७
दीर्घवृत्त का आविष्कार	•••	٠ ۶	٥5
सूर्येप्रज्ञित	•••	••• ?	30
कोटिल्य अर्थशास्त्र के ज्यामितीय शब्द	***	٠ ۶	30
रेखागिएत का जन्म	•••	٠٠٠ ۶	Şο
पाइथागोरस प्रमेय	•••	•••	१०
सम्राट् जगन्नाथ	•••	٠٠٠ ٦	१२
रेखागणित के पर्याय	•••	••• ₹	१२

प्रकरण २. रेखा	•••	२१३—२१४
समांतर रेखा		२१४
प्रकरण ३. लेखा	***	२१४२१५
प्रकरण ४. रज्जू	•••	२१५
प्रकरण. ५. कोण, समकोण, न्यूनकोण, अ	ं चककोण	२१८२२०
व्युत्पत्ति, प्रयोग	•••	२१५
व्युत्पात, प्रयान त्रिकोण, चतुब्कोण सादि	• • •	389
7 42	•••	२१६
स्रक्ति, कर्ण क्या कोण यूनानी सब्द है ?	***	385
समकोरा	***	270
	•••	२२० २ २ २
प्रकरण ६. लंब, अवलंब-सूत्र	 	*** //0///
प्रकरण ७. विकोण, विभुज, चतुभु ज, चतुष	काण आद	222 275
ऋजुरेखीय बाक्रतियाँ		२२२—-२२६
जात्यश्रिभुज	•••	२२४
समदिवाहु त्रिमुज	•••	328
समपार्श्व		२२५
प्रकरण ८. कोटि, कर्ण तथा भुजा	4 * *	२२६२२८
प्रकरण ६. सायत	***	२२५—२२६
व्युत्पत्ति, प्राचीन प्रयोग	•••	२२६
घनायत	***	२२६
सार्याग	•••	355
प्रकरण १०. कर्ण	***	··· २ २६ —२३२
ब्यु दपत्ति	444	२३०
🗸 ऐतिहासिक विकास	•••	२३०
भू-कर्ण, चापकर्ण	•••	••• २३१
विकर्णे ,,	***	••• २३१
प्रकरण ११. वृता, दीर्ववृत्त	***	··· २३२— २३४
प्रकरण १२, व्यास	***	***
व्युत्पत्ति	•••	••• २३४
े त्रिच्या	***	रहरू
प्रकरण १३. केन्द्र	4 * *	••• २३४२३८
प्रथम प्रयोग	4 • •	••• २३५
मघ्य, नाभि	•••	••• २३६

ऐतिहासिकता		•••	-
सारांग	•••	•••	
प्रकरण १४. चाप'	•••	२३८	
प्रकरण १५. परिधि	•••	२३६-	
प्रकरण १६. जीवा	•••	२४१-	
प्रकरण १७. मकु तया नुचीस्तम	• • •	5.55-	
मू चीस्तम	• • •	•••	
अद्याय ५— विकोणमिति	•••	२ ४४-	
प्रकरण १. ज्या	•••	५४४ –	
प्रकरण २. उत्प्रमञ्जा	•••	5,8=-	
घार	•••	•••	
प्रकरण ३. कोटिज्या	***	२४६-	
प्रकरण ४. स्पर्यंज्या, तदा कोटिस्पर्यंज्या	• • •	२४०	
प्रकरण ५. व्युत्क्रमकोटिज्या, व्युत्क्रमज्या	• • •		:
अध्याय ६— ज्योतिष	•••	२४२ -	τ,
प्रकरण १. ज्योतिप	• • •	२४२	-₹.
ज्योतिष की शाखाएँ		•••	হ্:
वया राशियों के नाम भारतीय हैं ?	***		२५.
ग्रह-नक्षत्र तया वारकल्पना	•••	•••	24
प्रकरण २. भूगोल, भू-भ्रमण एवं भू-बाकर्षण	•••	२४४—	- R.M.
प्रकरण ३. विपुवत् रेखा	***	२५७ –	-२६ः
ब्यु त्पत्ति	•••	•••	२४्८
वियु ्	•••	•••	२५७
विषुव की व्युत्पत्ति	•••	***	२४=
क्रमिक अर्थविकास	•••	•••	२६१
प्रकरण ४. अंश, कला, विकला, घड़ी, पल, ि	वपत, समय,	प्रहर २६१-	२६८
घंटा, समय, क्षरा, मुहूर्त, भार	• • •	•••	२६५
पाष्ठिक-विभाजन	•••	•••	२६५
प्रहर, याम, पल	•••	•••	२६६
कला	•••	***	२६६
विकला, विपल, क्षरा, मुहूर्त	•••	***	२६न

•	•		
प्रकरण ५. युग	• • •	•••	२६५२७१
व्यु त्पत्ति	•••	•••	२६=
अविमास		•••	२६९.
कलियुग आदि शब्द	• • •	•••	२७०
प्रकरण ६. वर्ष	•••	***	२७१ — २७२
संवत्सर	•••	•••	२७१
हायन	•••	•••	२७२
प्रकरण ७. ऋतु	•••	***	२७२—२७३
वैदिक काल में वर्ष का प्रारम्म	•••	•••	२७३
प्रकरण ८. मास	•••	•••	२७३२७४
मासों के प्राचीन वैदिक नाम	•••	•••	२७४
प्रकरण ६. दिन, वार	•••	• • •	२७४२७४
प्रकरण १०. देशान्तर, रेखांश	***		२७४२७६
प्रकरण ११. अक्षांश			२७६२७७
प्रकरण १२. लम्बन, नित	•••		२७७ — २७=
जकरण १३. पात	•••	•••	२७८
प्रकरण१४. संपात, विषुव, जलविषुव, महावि	वपुव मेपादि, वस	ांत-संपात	२७५२५०
संपात	•••	***	२७८
मेपादि	•••	•••	२७६
अंगरेजी और हिंदी में सामान्य त्रुटि	•••	• • •	२७६
प्राचीन प्रयोग		•••	२७६
परिशिष्ट	•		
परिकाष्ट १. ग्रंथानुक्रमणिका	•••		२८० (अ)
परिशिष्ट २. श्रायंभटीय गणित-शब्दा वली	•••	•••	२८१२८३
परिशिष्ट ३. बह्मगुष्त रचित ब्राह्मस्कुट सिः	००० सरस्य स्टीन्स्टीलन्स		528—5ER.
परिक्षिण्ट ४. वेदांग ज्योतिष-शन्दावली	क्षान्त का गायत	सण्दाचला	
ंपरिशिष्ट ५. सूर्यसिद्धान्त-शब्दावली	***	• • •	355
परिशिष्ट ६. सम्राट् जगन्नाय कृत रेखागणि	••• स्थानसम्बद्धाः		005085
परिशिष्ट ७. आर्यभटीय-मूल	ा-सब्दावल ।	•••	४७६१७४
परिक्षिण्ट ८. वेदांग ज्योतिष-मूल	•••	•••	₹७ <u>४</u>
to dealer in the states and the fact that	•••	• • •	きこみ

प्रस्तावना

व्याकरण की दृष्टि से यद्यपि हिंदी और संस्कृत में पर्याप्त वैषम्य है किन्तू शब्दावली की दृष्टि से दोनों में, उतना ही साम्य है जितना कि माँ वेटियों में हुआ करता है। यों तो समस्त हिन्दी शब्दावली प्राय: संस्कृत जन्य ही है किन्तू गिणतीय हिंदी शब्दावली तो प्रायः संस्कृतमय ही है अर्थात इसका आदि स्रोत हमारा प्राचीन-तम संस्कृत वाङमय है। इसकी आधारभूमि इसी के रत्नों से बनी है, इसका कलेवर भी इसी के अन्तजल से पुष्ट हुआ है। आइये इस पावन पुतीत मंदािकनी के अंचल में चलकर इसके कल्लोलों का श्रवण करते हुए हिमाच्छादित गंगोत्री के दर्शन कर और मार्ग में आए हुए तथा एकान्त में भरते हुए झरनों का अवलोकन करके चध्लाभ के सुख का अनुभव करें। इस प्रकार न केवल अपने इस जन्म को ही चरितार्थ करें अपित जन्म-जन्मान्तर से शाश्वत साथ रहने वाली इस कर्म श्रांखला को तोडकर शब्दब्रह्म में लीन हो जायें।

गणित का महत्व:

जिस प्रकार मयूरों की शिखाएँ, नागों की मणियाँ, शरीरों में मस्तिष्क मुधी-स्थान में स्थित है उसी प्रकार गिएत भी सकल वेद, वेदांगीं तथा शास्त्रों में मिरोमणि है। वेदांग ज्योतिष का निम्न वचन सर्वथा सत्य है:--

> यथा शिखा मयूराणां नागानां मणयो यथा। तद्वद्वेदांग-शास्त्राणां गणितं मुध्निं वर्तते ॥ प्रसिद्ध जैन गणितज्ञ महावीर। चार्य ने तो यहाँ तक कहा है कि-वह भिविप्रलापैः किम् त्रैलोक्ये सचराचरे । यरिकचिद्रस्तु तत्सर्व गणितेन विना न हि ॥

अर्थात् और श्रधिक प्रलाप करने से क्या लाभ । इस चराचर संसार में कोई भी वस्तू ऐसी नहीं है जिसके आधार में गणित न हो। प्राचीन काल में मोक्ष प्राप्त के लिए यज्ञ करना परम आवश्यक माना जाता था और यज्ञ तभी फलदायी होते थे जब कि उचित समय और ठीक वेदी बनाकर किये जायें जो गणित ज्ञान के बिना संभव नहीं था। जैनियों का मी यही विश्वास था कि यदि उचित समय पर दीक्षा न ली गई तो वह फलदायी नहीं होगी। अतएव उनके लिये भी काल-गणना -आवश्यक हो गई। देखिये--शान्तचन्द्र गणि (१५६५ ई०) की निम्न उक्ति:--

"शुद्ध-गणितसिद्धे प्रशस्ते काले गृहीतानि प्रशस्तफलानि स्यः ज्योतिश्वाराधीन: स च जम्बुद्धीपादिक्षेत्राधीनव्यवस्थस्तेनाअ्यं कालापरपर्यायी गणितानुयोगः।"

ऐतिहासिक एवं सांस्कृतिक अध्ययन करूँ। यदि देश के अन्य विद्वान् इसी प्रकार अपने २ शास्त्रों की शब्दावली का अध्ययन कर दें तो अचिरकाल में राष्ट्रभाषा का यह शून्य प्रकोष्ठ मर सकता है।

विषयवस्तु :

मैंने गणितशास्त्र की उस हिंदी शब्दावली को ही अपने अध्ययन का विषय बनाया है जो पिछले ५०-६० वर्षों से अपने देश में प्रचलित रही है और जो संस्कृत भाषा की देन है। स्वर्गीय बापू देवशास्त्री, महामहोपाष्याय पं० सुघाकर द्विवेदी तथा काशी नागरी प्रचारगी सभा के उन विद्वानों के हम चिरऋणी हैं जिन्होंने उस दासता-काल में भी हिंदी भाषा के रूप को संजीये रक्खा। उन्होंने अंगरेजी शब्दावली के पर्यायों के रूप में अपने प्राचीन गणितीय शब्दों को सुस्थिर किया जो १९११ ई० के लगभग काशी नागरी प्रचारिणी सभा की वैज्ञानिक शब्दावली नामक पुस्तक में प्रकाशित हुई थी तथा इसका द्वितीय परिमाजित संस्करण १६३१ ई० में प्रकाशित हुआ। मैंने इसी पुस्तक के प्राचीन एवं आधारमृत गिएातीय शब्दों की माध्यम जनाकर गिर्मातीय शब्दावली का विवेचन किया है जो गिर्माय शब्दावली की व्यत्पत्तियों, मुलस्रोतों, विभिन्न कालों में उनके प्रयोगों एवं उससे विनिर्गत कुछ ऐतिहासिक तथा सांस्कृतिक तत्वों पर प्रकाश डालता है। इस प्रकार का यह प्रथम प्रयत्न है यद्यपि आनुषंगिक रूप से डॉ॰ दत्त एवं डॉ॰ ए॰ एन॰ सिंह ने गणित शास्त्र के इतिहास तथा श्रपने अन्य गणितीय लेखों की कतिपय पंक्तियों में माषा-विषयक रुचि का परिचय दिया है जो अत्यन्त सराहनीय है किन्तु न वे भाषा-शास्त्र के पंडित थे और न उनकी गवेषणा का यह विषय था। ऐसा प्रतीत होता है कि उन्होंने इन पंक्तियों को लिखकर केवल एक आह्वान किया था कि कोई प्राचीन हिंदू गिरात के केवल शब्द-पक्ष का अध्ययन करे।

शब्दावली के श्रध्ययन से लाभ:

इस प्रकार के अध्ययन से मुख्यतः दो बड़े लाम होते हैं, एक तो किसी विषय के पारिभाषिक शब्दों की ब्युत्पित्त तथा अर्थ ज्ञान के विना विषय की आत्मा तक नहीं पहुँचा जा सकता है और बिना इसके टेश में उच्चकोटि के विद्वान् निकलने असंभव हैं। उदाहरणतः हिन्दी का इमली शब्द व्युत्पित ज्ञान के विना एक याद्यच्छिक शब्द लगता है किंतु जब हमें यह मालूम हो कि यह संस्कृत शब्द अम्ली से बना है तो इसके अम्ल होने के गुण-धर्म का भी पता चल जाता है। प्राचीन हिन्दू गिएत की प्रसिद्ध पुस्तक गणित सार-संग्रह में लघुतम समापवत्यं के लिए निश्द शब्द प्रयुक्त किया गया है जिसका अर्थ, बिना वताए संस्कृत के बड़े से बड़े साहित्याचार्य भी नहीं समझ सकते। दूसरा बड़ा लाभ यह है कि शब्द-विवेचन से विषय तो बोधगम्य हो हो जाता है किन्तु भाषा की भी उन्नति हो जाती है। जिस माषा के शब्दों की न तो ब्युत्पित्त का पता हो और न इस बात का पता हो कि

नहीं या। ग्रामी ए जन रोप में अपने शत्रु के संबंध में कहते हैं कि 'पनियापत को वहा देंगे' अर्थात् वे उनको बरबाद कर देंगे । यह उनित पानीपत रणक्षेत्र के रनत-पात की स्मारक है। बोलचाल का 'दिकयानुस' शब्द संकीर्ण तथा परंपरावादी के अर्थ में आता है। ब्युत्पत्ति से पता चला कि दिकयानूस नामक एक रोमन सम्राट (३४९ ई॰ पू॰) था जो परंपराबादी था। इसी प्रकार 'अफलातून' शब्द भी युनानी प्लैटो का अपभ्रंश है। यह उच्च दार्शनिक व्यक्ति या। अव यह शब्द 'महान्' के अर्थ में वक्नोवितमय भाषा में बोला जाता है। हिन्दी का 'हजआ' शब्द 'हावूड़ा' (एक जाति-विशेष) से विगड़ कर बना है। हिन्दी का औना-पीना शब्द कीटिल्य अर्थशास्त्र में प्रयुक्त 'कनं, पूर्ण' से बना है। देखने में पौना का अर्थ तीन चौथाई तथा श्रीना एक निरर्थक शब्द लगता है किन्तु वास्तव में यहाँ औना का अर्थ है कम तथा पौना का अर्थ है पूर्ण। सर्जरी के लिए संस्कृत के 'शल्य' शब्द की व्युत्पत्ति से पता चलता है कि युद्ध में चुभे हुए वाण आदि के निकालने में इस विद्या का प्रारंभ हुवा था। हिंदी के महाब्राह्मण, महतर, प्रज्ञाचक्षु (नेत्रविहीन) त्तथा हरिजन शब्द उर्द के खलीफा (नाई), एवं हाफिज (नेत्र विहीन) शब्द संभापण, माध्यं तथा उच्च संस्कृति के द्योतक हैं। "अचला" (पृथ्वी) तथा सूर्य की नवग्रहों में गिनती एवं ग्रह का शाब्दिक अर्थ (गच्छतीतिग्रह: अर्थात् चलनेवाला) इस तथ्य के द्योतक हैं कि प्राचीन काल में हमारे पूर्वज (आर्यमट को छोड़कर) पृथ्वी को अचल तथा सूर्य को चल मानते थे। संस्कृत के वामन (छोटा, अवतार विशेष), नृसिंह (नर मी है तथा सिंह भी, अवतार विशेष), बानर (वा विकल्पेन नर: अर्थात् नर जैसा) विकासवाद की ओर ले जाने वाले शब्द हैं। 'धर्मपत्नी' शब्द में वैवाहिक बन्धन की घामिकता एवं अंगरेजी के 'बैटरहाफ' शब्द में पत्नी के प्रति सम्मान की मावना अन्तिनिहित है। संस्कृत के 'मातृ पितृ', अंगरेजी के 'फादर मदर', तथा फारसी के 'पिदर तथा मादर', यूनानी के 'पेटर मेटर', संस्कृत 'दक्षस, दान्त', अंगरेजी 'डेक्सट्स तथा डौंटिड' आदि अनेक सहज शब्दों के विवेचन से ही एक नवीन इतिहास का पता चला कि यह सब जातियां पहिले एक थीं ग्रीर एक स्थान में वास करती थीं। किसी भी इतिहास-वेत्ता को इस महत्वपूर्ण तथ्य का कभी भी पता नहीं चलता यदि इन शब्दों का मापाशास्त्रीय अध्ययन नहीं किया गया होता । संस्कृत का केन्द्र, (यूनानी केंत्रान), यवन (यूनानी आयोनियन), द्रम्म, दीनार, नेम अरबी का हिरसा एवं इल्मे तिरुत (पाटीगणित) तथा यूनानी केन्योस (शून्य) ब्रिज (भूजं), पिटर (पिप्पली), इंडिया, (सं० [सिन्धू अवेस्तन हिंदू) शब्द इस बात के द्योतक हैं कि इन देशों में कभी सांस्कृतिक तथा वैज्ञानिक आदान-प्रदान होता या ।

(Drachme) थां। संस्कृत में यह 'द्रम्म' तथा 'द्राम' एवं हिंदी में 'दाम' हो गया तया इसका अर्थ 'मोल' हो गया। ये सिक्के किन्छ और हिंदि को प्रतीत होता है, यहीं) के अधिक मिलते हैं। हमारा 'सलूनी' शब्द जो हिंदी का प्रतीत होता है, यह 'सालेनी' से बना है। अकवर ने एक नया संवत (फस्ली सन्) चलाया था, जो उस साल 'सलूनी' से प्रारम्भ होता था अतएव रक्षावंवन का नाम 'सलूनी' पड़ गया। अंग्रेजी का राइस (Rice) शब्द दक्षिण मारत में चावलों के लिए प्रचलित तिमल के अरिस शब्द से बना है। 'सुपारी' शब्द भी कितने पुराने वन्दरगाह 'मूपारक' की स्मृति दिलाता है जिसके नाम पर एक 'सूपारक-जातक' भी है। वौद्धकाल में पिश्चमी घाट पर यह एक वन्दरगाह या जहाँ से सुपारी लदकर विदेशों को जाती थी। विदेशियों ने उस पदार्थ का नाम ही उसी स्थान के नाम पर रख लिया जहाँ से यह वस्तु आती थी, जैसे प्रारंभ में मूरत बंदरगाह पर उतरने के कारण तम्बाकू का नाम सुरती हो गया। इसी प्रकार मिस्र से आने के कारण मिस्री गया प्रारंभ में चीन से थाने के कारण चीनी नाम पड़ा। 'कमरल' शब्द भी संस्कृत कमरंग से बना है। ध्वीं शती में मलय में कमरंग नाम का एक छोटा राज्य या वहाँ से यह प्रारंभ में आई, अतएव इमका नाम 'कमरंग' नाम का एक छोटा राज्य या वहाँ से यह प्रारंभ में आई, अतएव इमका नाम 'कमरंग' वह गया।

इस प्रकार के अन्य शतमः उदाहरण और भी दिए जा सकते हैं जिनका देना यहाँ अनावश्यक प्रतीत होता है। इनसे ही यह भलीमौति सिद्ध हो जाता है कि गव्दायनी का अव्ययन किसी भी जाति अथवा देश किया समस्त विश्व को ही अत्यन्त नामप्रद है। विशेषतः हम भारतवासियों को जो नश्वर प्राणियों के इतिहास-नेपान के प्रति सदा उदासीन रहे हैं अतएय जिनका प्राचीनतम इतिहास इसी प्राचीन शब्दायनी में ही अंतर्गू द है और कर्ण-कण करके जिसके संपूर्ण स्वस्त्य को मंत्रोकर विश्व के सम्मुख हमें पुनः उपस्थित करना है।

प्राप्तान्य ग्राध्ययन

प्राचीन भारतीय गणित का संचित्त इतिहास

यद्यपि प्राचीन भारतीय गिएति मेरे अनुसंघान का विषय नहीं है, मुक्ते तो केवल उसके एक पक्ष, अर्थात् उसकी शब्दावली, का ही अघ्ययन करना है। फिर भी किविकुलगुरु कालिदास की प्रसिद्ध उनित, 'वागर्याविवसंपृक्ती' अर्थात् शब्द और अर्थ सदा एक दूसरे से मिले रहते हैं, के अनुसार एक के विवेचन में दूसरे का विवेचन किसी अंश तक अन्तिनिहत ही है; अथवा यों कहिए कि एक का ज्ञान दूसरे की सहायता के बिना हो ही नहीं सकता। अतएव गणितीय शब्दावली की विशेषताओं, उनके किमक विकास, विकास सम्बन्धी नियमों एवं गणितीय शब्दावली की रोचक ब्युत्पित्तयों तथा उन ब्युत्पित्तयों से विनिगंत सांस्कृतिक तथा ऐतिहासिक तत्वों के वताने के पहिले में प्राचीन गणित की एक छोटी झाँकी प्रस्तुत कर रहा हूँ:—

प्राचीन हिन्दू गणित के इतिहास को निम्न कालों में विभक्त किया जा सकता है:—

१. आदि काल	३००० ई०	q. —	५०० ई० पू०
(क) वैदिक का	ल ३००० ई०	go - :	१००० ई० पू०
(ख) शुल्व काल (ग) वेदांग ज्यो	तिपकाल } १००० ई८	पू० से ५००	ई॰ पू॰
(घ) सूयंप्रज्ञाप्ति			
२. गौराव काल प्रयवा अंध	वकार-युग ५०० ई०) पू	५०० ई०
३. मध्य काल अथवा स्व	र्ण-यूग ५०० ई	0	१२०० ई०
४. उत्तर काल	१२००	င် ဝ	१८०० ई०
५. वर्तमान काल	१८०० ई	ço.	अद्याविध

आदिकाल (२००० ई० पू०—५०० ई० पू०) (फ) पैदिक-काल (२००० ई० पू०—१००० ई० पू०):

वंदिक काल की विदय को सबसे बड़ी देन संग्याओं का आविष्कार तथा उन की दमिक प्रणाली है। वंदिक काल के एक से लेकर सहस्र तक की संख्याओं के नाम तथा बरव (अर्जुंद) संस्था का नाम अब तक चले धाते हैं। यद्यवि बाद की मंस्याओं के नाम परार्ष (१०१२) तक हैं, किन्तु उनके स्थान पर बौद्ध-साहित्य के नाम दशरहस्त, लक्ष्त, कोटि तथा जैन साहित्य के नाम प्रयं, नील, पदम आदि प्रमलित हो गए। सरकालीन लोग संस्थाओं को द्विगुणित से द्वादशगुणित करना जानते ये। पिक मंत्र में (यजु० १६।४४) असंख्य सहस्र का भी उल्लेख है। वे किसी वस्तु के भाग करना भी जानते थे। अतएव उन में अर्ध, पाद ($=\frac{1}{6}$) शफ ($=\frac{1}{6}$), कुष्ठ ($=\frac{1}{6}$) आदि भागों के नाम मिलते हैं। इसमें यह विदित होता है कि यद्यपि गणित की योग, गुणा, भाग, भिन्न आदि प्राथमिक कियाओं का अभी आदिष्कार नहीं हुआ था, किन्तु उन में इन सकल्पनाओं का प्रादुर्माव होना प्रारंभ हो गया था। तैत्तिरीय संहिता (६।२,४,५) में एक स्थल पर $=8^2=38^2+25^2$ यह सम्बन्ध मी दिया हुआ है। इतने प्राचीन काल में इतनी वड़ी-वड़ी संख्याओं का जान होना ही एक बहुत बड़ी बात थी, व्योंकि हम देखते हैं कि १००० वर्ष वाद तक रोमन और यूनानी लोग वृहत्तम संख्या कमशः हजार और दम हजार ही जानते थे।

वाजसनेयि-संहिता की एक उक्ति है, 'प्रज्ञानाय नक्षत्रदर्शम् यादसे ''
''' गणाकम्' अर्थात् विशेष ज्ञान के लिए नक्षत्रदर्शी गणक के पास जाग्रो'
इससे यह अनुमान होता है कि उस ममय के लोग न केवल नक्षत्र वेघ ही कर लेते
थे किन्तु गणना करके उनकी गति आदि को जान लेते थे।

वैदिक काल में ज्योतिप का मी आदिम ज्ञान हो गया था। अथवंवेद के एक सूत्रत (१९।७) में चित्रा से प्रारम्भ करके वर्तमान सभी नक्षत्रों का उल्लेख है। उस काल में वर्ष, ऋतु, मास, अधिमास, अमा, पूर्णिमा दिन आदि सभी का ज्ञान था।

ऐतरेय ब्राह्मण के निम्न उद्धरण से प्रतीत होता है कि उस समय लोग यह जानते थे कि पृथ्वी गोल है अतएव न तो कमी सूर्य उदित होता है और न कभी अस्त । जब हम उसे उदित या अस्त होता हुन्ना देखते हैं तब वह वास्तव में अपनी दिशा परिवर्तित करता है । यथाः—

स वा एष न कदाचनास्तमेति नोदेति । तं यदस्तमेतीति मन्यन्तेऽह्न एव तदन्तमित्वाथात्मानं विपर्यस्यते रात्रिमेवावस्तात् कुरुतेऽहः परस्तात् । अथ यदेनं प्रातरु-देनीति मन्यन्ते रात्रेरेव तदन्तमित्वाथात्मानं विपर्यस्यतेऽहरेवावस्तात् कुरुते रात्रि परस्तात् । स वा एष न कदाचन निम्नोचित । न ह वै कदाचन निम्म्रोचित-एतस्य ह सायुज्यं सरूपतामश्नुतेय एवं वेद । विश्वास था कि यजों से इष्टफल की प्राप्ति के लिए वेदियों की विहित विवि-विद्यान से बनाना परमाबद्यक है। उस विद्यान में कि चिन्मात्र भी त्रुटि हो जाने से इष्टफल प्राप्ति के स्थान पर अनिष्ट फल की आशंका हो जाती थी। उचित यज्ञकाल और ऋचाओं का यथाविद्यिपाठन भी नितांत आबद्यक माना जाता था। वेदियाँ नाना प्रकार की होती थीं, यथा: — श्येनचित, वक्ष्यक्ष, व्यस्तपुच्छ, अलज, प्रज्ञग, उभयत, प्रज्ञग रथचक, द्रोण, समूह्य, परिचाय्य, रमशान तथा कूमं। इन सब विभिन्न आकृतियों की वेदियों की रचना के लिए यह भी आब्द्यक था कि इनका क्षेत्रफल वही हो जो कि मानकवेदी 'श्येनचित' का होता है अर्थात् साढ़े सात वर्ग पुरुप (मान विशेष)। कभी-कभी एक वेदी दूसरी वेदी से निश्चित प्रमाण से ही कम या अधिक की जाती थी। जैसे सौत्रामिण की वेदी महावेदी की तिहाई होनी चाहिए तथा अश्वक्षक का मत है कि यह वृत्ताकार होनी चाहिए। आह्वनीय वेदी का ग्राकार सदा वर्गाकार होना चाहिए तथा दक्षिण वेदी का आकार सदा वर्गाकार होना चाहिए तथा दक्षिण वेदी का आकार अर्थक पक्ष तथा पुच्छ आयताकार होती है। इनका क्षेत्रफल भी कम्यः १५ वर्गपुरुप तथा १५ वर्ष वर्गपुरुप होना चाहिए।

इन सब वैदियों को यायातथ्य से बनाने के लिए निम्नलिखित रेखागणितीय प्रक्रियाओं का ज्ञान होना नितान्त अपंक्षित था:—

- १. सरल रेखा पर वर्ग बनाना ।
- २. वर्ग के चतुर्दिक् परिगतवृत्त खोंचना ग्रौर वृत के अन्तर्गत वर्ग खींचना। वर्ग के वरावर वृत्त तथा वृत्त के वरावर वर्ग वनाना।
- इ. वृत्त को हिगुणित करना, वर्ग को त्रिगुणित, चतुर्गुणित तथा पंचगुणित करना।
- V. वर्ग के विकर्ण का वर्ग उसकी भुजा के वर्ग का दूगना होता है।
- ४. दी हुई भुजाग्रों से आयत, समलंब चतुर्भु ज आदि बनाना ।
- ६. एक वर्ग अथवा समलंब चतुर्भुज के बरावर, गुणज अथवा मिन्नगुणज दूसरा वर्ग अथवा समलंब चतुर्भुज बनाना।
- ७. दो भिन्न वर्गों के बरावर एक वर्ग बनाना ।
- त्रभुज को आयत में परिणत करना तथा आयत को त्रिभुज में ।
- ८. वर्ग के बराबर विभुज बनाना।
- १०. क्षायत के कर्ण का वर्ग उसकी भुजाओं के वर्गों के योग के बराबर होता है।
- वर्ग का क्षेत्रकल निकालना।
 श्वाद्यियों के प्रचलित इन नियमों को बताने के लिए हमारे महर्षियों को

थे। एक मंत्र में (यजु० १६।१४) अमंख्य सहस्र का मी उल्लेख है। वे किसी वस्तु के माग करना मी जानते थे। अतएव उन में अर्ध, पाद $(=\frac{1}{6})$ णफ $(=\frac{1}{6})$, कुष्ठ $(=\frac{1}{6})$ आदि भागों के नाम मिलते हैं। इसमे यह विदित होता है कि यद्यपि गणित की योग, गुणा, भाग, भिन्न आदि प्राथमिक कियाओं का अभी आविष्कार नहीं हुआ था, किन्तु उन में उन सकल्पनाओं का प्रादुर्माव होना प्रारंभ हो गया था। तैतिरोय सहिता (६।२,४,५) में एक स्थल पर $38^2 = 38^2 + 74^2$ यह सम्बन्ध मी दिया हुआ है। इतने प्राचीन काल में उतनी बड़ी-बड़ी संस्थाओं का ज्ञान होना ही एक बहुत बड़ी बात थी, व्योंकि हम देखते हैं कि १००० वर्ष बाद तक रोमन और यूनानी लोग वृहत्तम संस्था कमशः हजार और दम हजार ही जानते थे।

वाजसनेयि-संहिता की एक उक्ति है, 'प्रज्ञानाय नक्षत्रदर्शम् यादसे...
... गणाकम्' अर्थात् विशेष ज्ञान के लिए नक्षत्रदर्शी गणक के पास जान्नी'
इससे यह अनुमान होता है कि उस ममय के लोग न केवल नक्षत्र वेच ही कर लेते
थे किन्तु गणना करके उनकी गति आदि को जान लेते थे।

वैदिक काल में ज्योनिष का भी आदिम ज्ञान हो गया या। अयर्ववेद के एक सूक्त (१६।७) में वित्रा से प्रारम्भ करके वर्तमान सभी नक्षत्रों का उल्लेख है। उस काल में वर्ष, ऋतु, मास, अधिमास, अमा, पूणिमा दिन आदि सभी का ज्ञान था।

ऐतरेय ब्राह्मण के निम्न उद्धरण से प्रतीत होता है कि उस समय लोग यह जानते थे कि पृथ्वी गोल है अतएव न तो कभी सूर्य उदित होता है और न कभी अस्त । जब हम उसे उदित या अस्त होता हुन्ना देखते हैं तब वह वास्तव में अपनी दिशा परिवर्तित करता है । यथा:—

स वा एष न कदाचनास्तमेति नोदेति । तं यदस्तमेतीति मन्यन्तेऽह्न एव तदन्तिमित्वायात्मानं विपर्यस्यते रात्रिमेवावस्तात् कुरुतेऽहः परस्तात् । अय यदेनं प्रातरु-देनीति मन्यन्ते रात्रेरेव तदन्तिमित्वायात्मानं विपर्यस्यतेऽहरेवावस्तात् कुरुते रात्रि परस्तात् । स वा एप न कदाचन निम्नोचिति । न ह वै कदाचन निम्म्रोचित-एतस्य ह सायुज्यं सरूपतामश्नुतेय एवं वेद ।

(ऐ॰ ब्राह्मण १४-६)

(ख) जुल्व काल (१००० पू० ई०—५०० ई० पू०):

शुल्त काल की विश्व को सबसे बिंदी देन रेखागणित के ज्ञान की नींव डालना है। भारत घर्मप्राण देश रहा है। प्राचीन आयों का विश्वास था कि मोक्षप्राप्ति का सबसे वड़ा साघन यज्ञ है। किंवदंती प्रचलित है कि १०० यज्ञ करने से इन्द्रासन तक निल जाता था। यज्ञ भी अनेक प्रकार के होते थे। जैसे अश्वमेघ यज्ञ, पुत्रेष्टि यज्ञ श्रादि। इन यज्ञों के लिए वेदियों के आकार प्रकार भी सुनिश्चित थे। उनका

१. देखिए माग २, संख्यावाचक शब्द ।

मण्डलं चतुरश्रं चिकीर्षेन्विष्कम्भमण्टौ भागान् कृत्वा भागमेकोनित्रशधा विभज्याष्टाविशति भागानुद्धरेंद्भागस्य च षष्ठमण्टमभागोनम् ।

—बौ०गु०सूत्र १।५६

यहां यह उल्लेखनीय है कि शुल्व सूत्रों का पाई का मान यद्यपि बहुत स्थूल है, किन्तु इतने प्राचीनकाल में उसका होना ही एक बहुत बड़ी बात है। मिस्र के पूर्व निवासियों ने पाई के इससे अच्छे मान बाद में निकाल लिए थे। आर्किमेदी ने मी बाद में पाई का मान $=\frac{22}{9}=(3.882c)$ निकाल लिया था। ४६६ ई० में आर्यमट ने इससे भी सूक्ष्मतर पाई का मान निकाला था, जो समस्त यूनानी मानों से अधिक यथार्थ है अर्थात् पाई $=\frac{52.832}{20.000}=3.8825$ ।

करणी (Surd) का जान:

रेखागणितीय उक्त ज्ञान के साथ-साथ अन्य गिएतीय नियम भी अनायास प्रकाश में आ गए। जैसे वर्ग को द्विगुणित तथा पंचगुणित आदि करने में $\sqrt{2}$, $\sqrt{2}$... आदि करणियों का ज्ञान समुद्भूत हो गया। आपस्तंव शुल्व सूत्र में उल्लेख है कि:—

'प्रमाणं तृतीयेनवर्द्धयेत्तच्च चतुर्थेनात्मचतुस्त्रिंशीनेन सविशेषः' अर्थात्

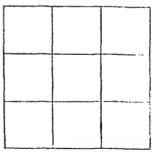
$$\sqrt{5} = 6 + \frac{3}{6} + \frac{3 \cdot 3}{6} + \frac{3 \cdot 3 \cdot 3}{6}$$

घगं का क्षेत्रफल:

गुल्व सूत्रों में वर्ग के क्षेत्रफल के संबंध में निम्नलिखित नियम दिया है :—
'यावत्प्रमाणा रज्जुर्मवित तावतस्तावन्तो वर्गाभवन्ति तान् समस्येत्'

-कात्यायन शुल्व सूत्र

अर्थात् रज्जु जितनी लंबी होती है उतने
गुणित उतने ही एकक वर्गों की पंक्तियाँ
बनाती है। उन सबको मिलाने से क्षेत्रफल
निकल आता है जैसे आसन्न चित्र में ३ एकक
सम्बी रज्जु ने ३ × ३ वर्ग आड़े और पड़े
बनाए हैं उनको मिलाने से वर्ग का क्षेत्रफल
ह एकक हुआ।
गणित की ग्राधारभूत क्रियायें:



उनत ज्यामितीय ज्ञान के अतिरिनत समास (जोड़), निर्हास (घटाना),

शुक्त रूत्रों की रचना करनी पड़ी। गुक्तिवज्ञान अयवा गुन्त्रगणित ही इस प्रकार विश्व की रेखागणित का आदिम रूप तथा आदिम नाम थे। गुक्त उस रज्जु की कहते थें जिससे वेदी बनाई जाती थी। उस समय रज्जु से वह काम कर लेते ये जो आज-कल पटरी और परकार से करते हैं। मानव और मैत्रायणी शुक्त मुत्रों में शुक्तिवज्ञान शब्द का प्रयोग हुआ है। पाइयागोरस प्रमेय का शुक्तकान में मनीमौति ज्ञान था।

पाइयागोरस प्रमेय का ज्ञान :

बौद्यायन के निम्नतिस्ति सूत्र में पाइयगोरस प्रमेय का ज्ञान अंतर्निहित है — दीर्वं बतुरश्वस्याव्ण्या रज्जुः पाइवं मानी तिर्यं ङ्मानी च यत्पृयन्भूते कुरतस्त दुभयं करोति । बौ॰ शुल्व सूत्र १।४८ ।

अर्थान् दीर्घवतुरश्च (अ।यत) की तिर्घक्ष्मानी और पार्श्वमानी भुजायें जो दो वर्ग बनाती हैं उनके योग के बरावर अकेली अक्ष्मयारज्जु वर्ग बनाती है। पाइया-गोरस का समय १४० ई० पू० है, जबिक बौधायन का समय लगमग १००० ई० पू० है।

पाई (🕳) का मान :

वर्ग के बरावर वृत्त कींचने के प्रसंग में पाई का मान अंतर्निहित हो जाता है। मानव गुल्व सूत्र में कहा है कि २ हाय का वर्ग, १ हाय ३ अंगुल अर्घव्यास पर वने हुए वृत्त के बराबर होता है जिसको यदि गणितीय भाषा में लिखें तो यह समीकरण बनेगा।

बीवायन ने पाई का मान ३ बताया या। यया:--

यूपावटाः पदविष्कम्माः त्रिपदपरिपाहानि यूपोपराणीति

बौ॰ जुल्ब सूत्र १। (१२-३

एक दूसरे स्थान पर वौवायन ने वृत्त को वर्ग में परिणत करने के लिए एक नियम बताया है जिसमें

उक्त नियम निम्नलिखित पंत्रितयों में बताया है।

(घ) मुर्यप्रज्ञप्ति :

सर्व प्रज्ञानित तथा चन्द्रप्रज्ञानित ५०० ई० पूर्व के प्रसिद्ध जैन वासिक ग्रंथ हैं को गणितानुयोग पर हैं। डॉ॰ बीबो के मतानुसार ये यूनानी प्रमाव से एकदम यून्य होने के कारण यूनानी आक्रमण से पहिले लिखे गये हैं। प्रा० वेवर इसमें और वेदांग-ज्योतिय में पर्याप्त साम्य बताते हैं। मुक्ते तो गुल्व मूत्रों ग्रीर प्राचीनतम जैन साहित्य में भी कुछ सहशता मिली है। कात्यायन के रज्जूसमास तथा जैनियों के रज्जु-संस्थान (मृमिति) में पर्याप्त साम्य है। रज्जु का जैन साहित्य में भी प्रचुर प्रयोग मिलता है। सुर्यप्रज्ञित में भी रेखागणित के निम्न प्रसंग मिलते हैं:-

?. पाई का मान $^1=\sqrt{20}$ । जंबुडीपप्रज्ञित ने मी यही मान व्यवनाया या ।

क्षेत्रमिति के कुछ सत्र जैसे ब्यास तथा परिवि के मान ।

३. निम्नलिखित ज्यामितीय बाङ्गतियों के नाम ।

ज्यामितीय ग्राकृतियाँ वेवर कृत अनुवाद

समचतुरस

Square

विषमचत्रस Oblique square समचन्दकोग्

Even parallelogram विषमचतुष्कोगु Oblique parallelogram

समचक्रवाल Circle

विषमस्क्रवा न Ellipse

चकार्धचकवाल Semi ellipse

चक्राकार Segment of a sphere

दीर्घवृत्त का ग्राविष्कार:

यहाँ यह रुल्लेखनीय है कि दीर्घवृत्त के आविष्कार का श्रेय जो यूनानी मिनैवमस (३५० ई०पू०) को दिया जाता है वह ठीक नहीं है क्योंकि हमारे यहाँ इससे बहुत पहले सूर्यप्रज्ञित (५०० ई०प०) तथा बम्मसंगनी (४००ई०पू०)में इसका उल्लेख है। बम्मसंगनी में इसके लिए परिमंडल शब्द बाया है जो शतपय बाह्मण (६,७) में मां मिलता है। टीकाकार बृद्धघोष ने परिमंडल का अर्थ 'कुवकुटांडसंयान' (Eggshaped figure) किया है । पीतवत्यूटीका में इसका अर्थ आयतवृत्त (Elongated circle) मी किया है। मगवतीसूत्र (३०० ई० पू०) में भी परिमंडल शब्द दीर्घवृत्त के वर्ष में प्रयुक्त हुआ है जिसके वहां दो भेद भी किये हैं। (१) प्रतरपरिमंडल (Plane ellipse) तथा (२) वनपरिमंडल (Elliptic cylinder) ।

१. नुत्र २०।

अम्यास (जोड़, गुग्गा) तया भाग आदि शब्दों के व्यवहार से पता चलता है कि गणित की मूलभूत प्रक्रियायें योग, वियोग, गुणा, तथा भाग शुल्व काल में ज्ञात थीं। भिन्न:

मिन्नों के परिकर्मों का भी उस समय ज्ञान था । यथा :— 'अर्घप्रमाग्गेन पादप्रमाग्गं विघीयते' प्रर्थात्
$$\left(\frac{?}{?}\right)^2 = \frac{?}{\checkmark}$$
 'अर्घ्यचंपुरुपा रज्जुद्दों सपादो' करोति अर्थान् $\left(? + \frac{?}{?}\right)^2 = ? \frac{?}{\checkmark}$

(ग) वेदांग-ज्योतिय-काल (१००० ई० पू०-५०० ई० पू०):

यजों के निमित्त वेदी बनाने के लिए रेखागणित तथा समुचित काल निर्ण्य करने के लिए ज्योतिप की समकालीन आवश्यकता प्रतीत हुई। (रेखागणित वेदी बनाने के लिए तथा ज्योतिप यज्ञ का समुचित काल निर्ण्य करने के लिए)। वेदांग ज्योतिप में कहा है:—

वेदा हि यज्ञार्थमिमप्रवृत्ताः कालानुपूर्व्या विहिताश्च यज्ञाः । तस्मादिदं कालविधानशास्त्रं, यो ज्योतिषं वेद स वेद यज्ञान् ।

अर्थात् वेदों की प्रवृति यजों के निमित्त हुई, तथा यज्ञ यथाकाल किए जाते हैं। अतएव जो इस कालविवान शास्त्र ज्योतिष को जानता है वही यज्ञों के मर्म को भी जानता है।

वेदांगज्योतिष के अध्ययन से प्रतीत होता है कि उस समय (८०० ई०पू०) ज्योतिषी योग, वियोग, गुणा, भाग करना जानते थे। उनको भिन्नों की भी उक्त प्रकियायें आती थीं। यथा:—

तिथिमकादशाम्यस्तां पर्वभाशसमन्विताम् । विमज्य भसमूहेन तिथिनक्षत्रमादिशेत् ॥

अर्थात् तिथि को ११ से गुणा करे उसमें पर्व के भांश जोड़े और फिर नक्षत्र संख्या में भाग देवे । इस प्रकार तिथि के नक्षत्र की बतावे ।

'कलादश सिंद्यास्यात्' अयित् १ नाडिका = १० १ कला । इसमें मिन्न का प्रयोग है। शुल्वसूत्रों के उदाहरणों से भी यह सिद्ध किया था कि ५०० ई० पू० से पहिले गणित की आचारभूत प्रिक्रियायें तथा मिन्नों की प्रिक्रियायें आती थीं, परन्तु फिर मी उनसे केवल ज्यामितीय अंकगणित के ज्ञान का संदेह हो सकता है। वेदांग ज्योतिष के उक्त उदाहरणों से तो अंकगणितीय मूलभूत प्रिक्रियाओं का ज्ञान निश्चित हो जाता है। आपाढ़ी के दिन समस्त गाणिनक अक्षपटल (A. G. Office) में आकर अपने विभिन्न शीर्षकों के अग्नों (Grand totals) को सूचित करके पुनः अपना व्यीरेवार हिसाव दिया करते थे। इतना बड़ा हिसाव किताव बिना अंकलेखन प्रणाली के कैसे हो सकता है। अर्थआस्त्र में संकलन और निर्वर्तन (घटाना) शब्द मी प्रयुक्त हुए हैं। मेगास्थनीज कहता है कि उस समय सड़कों पर मील के पत्थर भी थे। यदि पत्थर थे तो दूरीसूचक अंक भी अवस्य रहे होंगे। वेदांग ज्योतिप में 'विभज्य भस- मूहेन' अर्थात् 'नक्षत्र संख्या से माग देकर' यह पंक्ति मी आई है। भाग भी बिना दशमिक अंकलेखन प्रणाली के जाने कैसे हो सकता है?

अनुयोगद्वार के १४२ वें सूत्र में 'स्थान' शब्द संख्या-स्थान के अर्थ में आया है। इसमें कोटाकोटि (कोडाकोडि) णब्द भी प्रयुक्त हुआ है जो स्थान मान से सम्बन्धित है। इसमें २९ स्थान तक के एक बड़े अंक का भी जन्लेख है। उच्यवहार सूत्र (उद्देशक १) में 'गएाना-स्थान' शब्द भी आया है।

दशमिक अंकलेखन प्रगाली तथा शून्य का आविष्कार:

पिगल छन्दशास्त्र में शून्य के सांकेतिक चिह्न का प्रयोग किया गया था। उसमें छन्द के प्रस्तार करने के सम्बन्ध में लिखा है 'रूपे शून्यम्' अर्थात् विषम संख्या से १ घटाने पर शून्य स्थापित करिये। 'द्वि: शून्ये' अर्थात् शून्य स्थान में दो बार आवृत्ति कीजिए। प्रस्तार-विधि का विवर्ण हिन्दू गणितशास्त्र के इतिहास के पृष्ठ ७१-७२ में दिया है। इस उल्लेख से यह प्रमाणित होता है कि २०० ई० पू० शून्य का कोई सांकेतिक चिन्ह अवश्य रहा होगा। अत्तएव दशमिक अंकलेखन प्रणाली तथा शून्य का आविष्कार लगमग २०० ई० पू० का है। हिन्दुओं का सबसे वड़ा आविष्कार शून्य सहित् दणमिक संख्या-पद्धति तथा दशमिक-अंकलेखन प्रणाली है। संसार में बुद्धि और सम्यता के विकास में सहायक सबसे महत्वपूर्ण गणितीय आविष्कार यही हैं। १-६ तक के अंकों तथा शून्य के द्वारा बड़ी से बड़ी संख्या बड़ी सुगम्यता तथा कुशलता से लिखी जा सकती है अत्तएव विश्व भर ने इस प्रणाली को स्रपना लिया है। शून्य के आविष्कार के सम्बन्ध में अमरीका के प्रोफेसर हाल्सटोड के निम्न विचार श्रवलोकनीय हैं—

"This giving to airy nothing not merely a local habitation and a name, a picture, a symbol but helpful power is the characteristic of the Hindu race whence it sprang. It is like coining the nirvana into Dynamos. No single mathematical creation has been more potent for the general ongo of intelligence and power."

१. गणिततिलक की भूमिका, पृ० २२।

शशव काल अथवा अंग्कार-युग (५०० ई०पू०-५०० ई०)

५०० ई० पू० से ५०० ई० तक के काल को अंबकार-रुग इसलिए कहा है क्योंकि इस युग की हिन्दू गणित की पुस्तकें प्रायः कालकविलत हो चुकी हैं। केवल जैन वामिकग्रंयों के गणितानुयोग एवं वसाली-गणित के कुछ पन्ने ही अब उपलब्ध हैं। किन्तु इस उपलब्ध साहित्य के देखने से पता चलता है कि यह युग गणित के विकास के लिए अत्यन्त महत्वपूर्ण था, वयोंकि इसके उपरान्त आर्यनट तथा ब्रह्मगुष्त का गणित अत्यन्त उन्नत प्रवस्था में मिलता है। अतः यह स्वतः सिद्ध है कि इस युग में गणित का पर्याप्त विकास हुआ था। कैन गणित:

यदि जैन लोग इस युग के अपने वार्मिक ग्रंथ संजोए न रखते तो लाज गिर्मित का एतत्कालीन इतिहास पूर्ण रूप से अंबकार-विलीन हो गया होता। स्थानांगसूत्र, मगवतीसूत्र तथा अनुयोगद्वार सूत्र इस युग के प्रमुख ग्रंथ हैं, जा गणित के संदर्भों से बोतप्रोत हैं।

शैशव काल का स्राविष्कार:

इस युग के प्रमुख आविष्कार तथा महत्वपूर्ण कृतियाँ ये हैं:-

- १. दशमिक वंक-लेखन-प्रणाली।
- २. जून्य का आविष्कार।
- बीजगणित का अविष्कार।
- अंकगणित का विकास—वक्षाली-गणित ।
- प्योतिप का विकास और सूर्यसिद्धान्त की रचना।
 इस युग के गणित का प्रतिनिधि और परिचायक क्लोक यह है:—
- इस युग क गणत का प्रातानाम आर पारचायक ३लाक यह ह :— . परिकम्मं ववहारो रज्जू रासी क्लासदन्ते य ।

जावन्तावति वन्गो घनो ततह वन्गवन्गो विकम्पोत ॥

(स्यानांग सुत्र, ७४७)

अर्थात् ३५० ई० पू० भारतवासी परिकर्म्म (मूलभूत क्रियायें), व्यवहार (व्यवहार गणित Practical Arithmatic), रज्जु (रेखागणित), राशि (कर्राशिक नियम), कलासवर्ण (भिन्न क्रिया), यावतावत (सरल समीकरण)। वर्ग वर्ग समीकरण), घन (घन समीकरण) वर्गवर्ग (चतुर्घात समीकरण), विकल्प (क्रमचय तथा संचय) जानते थे।

३२२ ई० पू० चन्द्रगुप्य मौर्यं के शासन काल से सम्बन्धित कौटिल्य वर्ध-शास्त्र में तत्कालीन एक विशाल गणना विभाग के होने की सुचना मिलती है। आपाढ़ी के दिन समस्त गाणिनक अक्षपटल (A. G. Office) में आकर अपने विभिन्न शीर्पकों के अग्रों (Grand totals) को सूचित करके पुनः अपना व्योरेवार हिसाव दिया करते थे। इतना वड़ा हिसाव किताव विना अंकलेखन प्रणाली के कैसे हो सकता है। अर्थशास्त्र में संकलन और निर्वर्तन (घटाना) शब्द मी प्रयुक्त हुए हैं। भेगास्थनीज कहता है कि उस समय सड़कों पर मील के पत्थर भी थे। यदि पत्थर थे तो दूरीसूचक अंक भी अवश्य रहे होंगे। वेदांग ज्योतिष में 'विभज्य भस-सूहेन' अर्थात् 'नक्षत्र संख्या से माग देकर' यह पंक्ति भी आई है। भाग भी बिना दशमिक अंकलेखन प्रणाली के जाने कैसे हो सकता है?

अनुयोगद्वार के १४२ वें सूत्र में 'स्थान' शब्द संख्या-स्थान के अर्थ में आया है। इसमें कोटाकोटि (कोडाकोडि) शब्द भी प्रयुक्त हुआ है जो स्थान मान से सम्बन्धित है। इसमें २६ स्थान तक के एक बड़े अंक का भी जल्लेख है। विश्ववहार सूत्र (उद्देशक १) में 'गएाना-स्थान' शब्द भी आया है।

दशमिक अंकलेखन प्राणाली तथा शून्य का आविष्कार:

पिंगल छन्दशास्त्र में शून्य के सांकितिक चिह्न का प्रयोग किया गया था। उसमें छन्द के प्रस्तार करने के सम्बन्ध में लिखा है 'रूपे शून्यम्' अर्थात् विषम संख्या से १ घटाने पर शून्य स्थापित करिये। 'द्वि: शून्ये' अर्थात् शून्य स्थान में दो बार आवृत्ति की जिए। प्रस्तार-विधि का विवर्ग हिन्दू गणितशास्त्र के इतिहास के पृष्ठ ७१-७२ में दिया है। इस उल्लेख से यह प्रमाणित होता है कि २०० ई० पू० शून्य का कोई सांकेतिक चिन्ह अवश्य रहा होगा। अत्तएव दशमिक अंकलेखन प्रणाली तथा शून्य का आविष्कार लगमग २०० ई० पू० का है। हिन्दुओं का सबसे बड़ा आविष्कार शून्य सहित दशमिक संख्या-पद्धति तथा दशमिक-अंकलेखन प्रणाली है। संसार में बुद्धि और सम्यता के विकास में सहायक सबसे महत्वपूर्ण गणितीय आवि-ष्कार यही हैं। १-६ तक के अंकों तथा शून्य के द्वारा बड़ी से बड़ी संख्या वड़ी सुग-मता तथा कुशलता से लिखी जा सकती है अत्तएव विश्व भर ने इस प्रणाली को अपना लिया है। शून्य के आविष्कार के सम्बन्ध में अमरीका के प्रोफेसर हाल्सटीड के निम्न विचार श्रवलोकनीय हैं—

"This giving to airy nothing not merely a local habitation and a name, a picture, a symbol but helpful power is the characteristic of the Hindu race whence it sprang. It is like coining the nirvana into Dynamos. No single mathematical creation has been more potent for the general ongo of intelligence and power."

१. गणिततिलक की भूमिका, पृ० २२।

उमास्वाति की भाषा में ये निम्नलिखित हैं-

विष्कंम-कृतेर्दशगुणाया मूलं वृत्तपिरक्षेपः । स विष्कंभपादाभ्यस्तो गणितम् । इच्छावगाहो नावगाहाम्यस्तस्य विष्कंमस्य चतुर्गुणं मूलं ज्या । ज्याविष्कंमयोवंगंविशेषमूलं विष्कंमाच्छोध्यं शेषाधंमिपुः । इपुवर्गस्य पड्गुणस्य ज्यावर्गयुतस्य मूलं धनुःकाष्ठम्
ज्यावर्गचतुर्भागयुक्तमिपुवर्गमिपुविभक्तं तत् प्रकृति वृत्तविष्कंभः । उदग्धनुः काष्ठाद्
दिक्षणं शोध्यं शेषाधं वाहुरिति । अनेन कारणाभ्युपातेन सर्वक्षेत्राणां सर्वेपवंतानामायाम विष्कंभज्येषु धनुःकाष्ठपरिमाणानि ज्ञातव्यानि ।

(तत्वा० भा०, अ० ३, सूत्र ७१)

यहाँ 'वृत्तपरिक्षेप' परिधि के लिए, 'ज्या' जीवा के लिए, 'विष्कंम' ज्यास के लिए, 'इपु' शर (उत्क्रमज्या) के लिए, 'धनु:काष्ठ' चाप के लिए तथा 'वाहु' त्रिज्या के लिए आए हैं। उमास्वाति ने (२।५२) गुणा तथा माग की दो विधियाँ बताई हैं। पहिली विधि तो साधारण विधि ही है दूसरी खंड-पद्धति पर है।

स्थानांग सूत्र (४६२) में ५ प्रकार के अनन्त दिये हैं (१) एकतोऽनन्त, (२) हिविधाऽनन्त, (३) देशविस्तारानन्त, (४) सर्वविस्तारानन्त, (५) काश्वतानन्त ।

अनुयोगद्वार (सूत्र १३१) में ४ प्रकार के प्रमाण (Measure) बताए हैं—
(१) द्रव्य प्रमाण, (२) क्षेत्र प्रमाण, (३) काल प्रमाण, (४) माव प्रमाण। द्रव्य प्रमाण
पुन: २ प्रकार का है (१) प्रदेश-निष्पन्न, (२) विमाग-निष्पन्न । पहला अनन्त प्रकार
का होता है तथा दूसरा ५ प्रकार का :— (१) मान (Measure by bulk),
(२) उन्मान (Measure by weight), (३) अवमान (रैखिक मान), (४) गणिम
(संख्या-मान), (५) प्रतिमान । मान दो प्रकार का बताया है—(१) धान्य मान (Dry measure), (२) रस-मान (Liquid Measure)।

भगवती-सूत्र में निम्नलिखित ज्यामितीय बाकृतियों का उल्लेख है-

त्र्यस (त्रिभुज) वृत्त चतुरस्र (चतुर्भुज) परिमंडल (दीर्घवृत्त) भागत प्रतर (समतल) धनत्र्यस्र (त्रिभुजाधार धनचतुरस्र (धन)

मूची-स्तंम)

घनायत (आयताकार समांतरफलक) घनपरिमंडल (दीर्घवृत्ताकार वेलन) वनय यृत्त (वृत्ताकार वलय) वलय प्रयम्य (प्रभुजाकार वलय) वलय चतुरम्य (चतुर्भुजाकार वलय)

nc =
$$\frac{n(n-1)(n-2)(n-3)}{4!}$$
, $nP_1 = n$, $nP_2 = n(n-1)$
 $nP_3 = n(n-1)(n-2)$

१,२,३,४, तक के फलों को कहकर इसी प्रकार ५,६.७,८,१० संख्येय एवं असंख्येय तथा अनन्त द्रव्यों के संयोगों के फलों का भी उल्लेख है यथा:—

एवम् एतेन क्रमेण पंचपट् सप्त यावत् दश-संख्येयानि असंख्येयानि अनन्तानि च द्रव्याणि मिण्तित्यानि । एकक संयोगेन, द्विकसंयोगेन, त्रिकसंयोगेन यावत् दशसंयोगेन द्वादशसंयोगेन न उपयुज्य यथा संयोगा उतिष्ठन्ति ते सर्वेमिण्तिव्याः ।

(भगवती सूत्र = 1३१४)

अनुयोगद्वार के समयाच्ययन की टीका में शीलांकसूरि ने निम्न तीन श्लोक उद्धृत किए हैं जो मंगगणित के लिए अत्यन्त महत्वपूर्ण हैं। यह किस ग्रंथ के हैं यह भ्राज तक पता न लग सका। इससे यह भी विदित होता है कि गणित के अनेक ग्रंथ लुप्त हो गए हैं:—

> एकाचा गच्छपर्यन्ताः परस्परसमाहताः । राशयस्तद्धि विज्ञेयं विकल्पगणिते फलम् ॥ १ पुन्वाणुपुन्वि हेट्ठा समयाभेएण कुण जहाजेटठं । उवरिमतुल्लं पुरबो नसेज्ज पुन्ववकमो से से ॥२ गणितेऽन्त्य विभक्ते तु लब्धंशेषैंविभाजयेत् । आदावन्ते च तत् स्याप्यं विकल्पगणिते कमात् ॥३

प्रथम श्लोक में 'न' वस्तुओं के कमचयों के सम्बन्ध में निम्नलिखित नियम दिया हुआ है: —

न $!=१\times २\times ३ \cdots$ न

वक्षाली-गणितः

अंवकार-युग के हिन्दू-गणित की पुस्तकों में केवल वक्षाली-पांडुलिपि के कुछ पन्ने ही अब उनलब्ब हैं। पेशावर जिले के यूसुफलजाइ तहसील में वक्षले नामक एक ग्राम है जो काबुल से १५० मील, तक्षित्रला से ७० मील तथा श्रीनगर से १६० मील दूर है। १०वीं शताब्दी के बन्त में इस गांव के एक किसान को हल जोतते समय पत्यर की शिला के नीचे दवे हुए गणित की किसी प्राचीन पुस्तक के जीएंशीर्ण लगमग ५० पन्ने मिले। इन्हीं पन्नों को वक्षाली-पाण्डुलिपि, वक्षाली-हस्तलिपि अयवा वक्षाली-गणित कहा गया है। इन पन्नों के देवने से पता चलता है कि ईसवी तीसरी शताब्दी में अंकगणित अपनी पर्याप्त विकसित अवस्था में था। इसमें अंकगणित की मूल कियायें दशमिक अंकलेखन प्रणाली पर लिखी हुई संख्यायें, भिन्नपरिकर्म, वर्ग,

धन, त्रैराशिक नियम, इष्टकमं (Rule of false position) व्याज रीहि सम्बन्धी प्रक्त, सम्मिश्रण सम्बन्धी प्रक्त दिये हुए हैं। प्रक्तों को निकाल पुन: जांचने की किया का भी उल्लेख है जिसे आजकल किया-कांटा कर उस समय उसको 'प्रत्यानय' अथवा 'प्रत्यय' कहते थे। इसमें भिन्न सा को 'कलासवगं' तथा जोड़ को 'संकलित' एव प्रक्रन में दिये हुए आंकडों लिखने को 'न्यासस्थापन' घट्दों से प्रयुक्त किया गया है, जिनका बाद में से प्रयोग हुआ है। 'क्षय' शब्द वर्तमान ऋण शब्द के स्थान पर प्रयुक्त इसका मांकेतिक चिल्ल 🕂 था। मानी जानेवाली राशि, इच्छा, कामिक न शब्दों से घोतित की गई है।

विधानी-गणित के देखने में पता चलता है कि उस समय से पूर्व लिखी हुई पुस्तकों भी थीं जो कालकम से नष्ट हो गई। इससे यह निश्चित होता है कि ३००ई० में पूर्व ही वर्तमान अंकगणित की नीव पड़ चुकी: जिसके पर्याप्त उद्धररा जैन साहित्य में मिलते हैं। छांदोग्य उपनिषद् में नार कुमार आख्यान में जो राशिविद्या शब्द आता है वह सम्मव है अंकगणित के रि प्रयुक्त किया गया हो।

सूर्य-सिद्धान्त :

उपर्युंक्त गिरात ग्रंथों के अतिरिक्त ईसवी सन् १०० के आसपास ज्यं के भी स्वतंत्र ग्रंथ लिखे गये। उनमें से पितामह-सिद्धान्त, विसप्ट-सिद्धान्त, रोः सिद्धान्त, पीलिश-सिद्धान्त तथा सूर्य-सिद्धान्त प्रसिद्ध हैं। इन सबका संग्रह शताब्दी में वराहिमिहिर ने अपने ग्रंथ पंच-सिद्धान्तिका में भी किया था इन सबमें पितामह-सिद्धान्त अधिक प्राचीन है। इसी की ब्रह्म-सिद्धान्त भी कह हैं। इनमें पीलिश सिद्धान्त तथा रोमक-सिद्धान्त, यूनानी सिद्धान्तों के आधार प् वने हुए बताए जाते हैं। रोमक-सिद्धान्त में यवनपुर के मध्याह्मकालीन सहगंध्य सिद्ध किए गए हैं। सूर्य-सिद्धान्त का रचिता सूर्य नामक ऋषि है। कुछ लोगों का विचार है स्वयं सूर्य भगवान ने मयनामक असुर को उसकी तपस्या से प्रसन्त होकर ज्योतिष शास्त्र का ज्ञान दिया था। यह ग्रन्य ई० १०० के आसपास बना था। ज्योतिष-शास्त्र की दृष्टि से सूर्य-सिद्धान्त इस काल के रचित सूर्य-सिद्धान्त से कुछ भिन्त है। इसमें गुगादि से अहगंण लाकर मुम्यम ग्रह सिद्ध किए हैं तथा ग्रागे संस्कार देकर स्पष्ट-ग्रहविधि बताई गई है।

त्रिकोणमिति का जन्म:

सूर्य-सिद्धान्त में ज्या (Sine) उत्कम ज्या (Versine) तथा कोटिज्या (Cosine) इन तीन त्रिकोणमितीय-फलनों का उल्लेख है। इससे पूर्व चाप को जीवा (Chord) के साथ सम्बद्ध किया गया था, जो यूनानियों ने भी किया था, किन्तु

चाप को चाप के एक सिरे से जीवा पर डाले हुए लम्ब के पदों में अभिव्यक्त करना यह उच्च कोटि की गिएत की कल्पना थी, जिससे संसार में त्रिकोणमिति की नींव पड़ी। अरवों ने मारत से त्रिकोणमिति का ज्ञान ग्रह्ण किया, यह उनके जेव (जी्वा, साइन) शब्द से ही प्रतीत होता है। वाद को अरवों ने इस शास्त्र का और अधिक विकास किया श्रीर उन्होंने त्रिकोणमिति के स्वशंज्या तथा कोटिस्पर्शंज्या फलनों को ज्ञात किया।

ग्रहों के सम्बन्ध में विचार:

पहिले बताया जा चुका है कि वैदिक काल में नक्षत्र-ज्ञान मली प्रकार था। अथवंवेद के काल में फलित ज्योतिप के ज्ञान का भी प्रारम्म हो गया था। मूल नक्षत्र में उत्पन्न बालक की दोप शान्ति तथा उसके मंगल के लिए उसमें अन्तिदेव से प्रार्थनाएँ भी की गई हैं। यथा:—

ज्येष्ठध्न्यां जातो विवृतोर्यमस्य मूलवर्हणात् परिपालयेनम् । अत्येनं नेपद्द्रितानि विश्वा दीर्घायुत्वाय शतशारदाय ॥

गह-विचार यद्यपि वैदिक काल में प्रारम्भ हो गया था, तो भी अधिक से अधिक, सूर्य तथा सोम को छोड़कर वृहस्पति और शुक्र का कुछ उल्लेख मिलता है। यहस्पति का नाम तैत्तरीय ब्राह्मण में भी मिलता है:—

वृहस्पतिः प्रथमं जायमानः । तिप्यं नक्षत्रमि संवभूव ॥ (तै॰ बा॰ । ३ । १ १ १)

ठाशांग व्याकरण (५०० ई० पू०) में मान ग्रहों का उल्लेख है। इसमें यतंमान ग्रहों के सकल नाम भी सम्मिलित हैं। समदायांग में भी ये मिलते हैं। प्रमान व्याकरण में भी वर्तमान नवग्रहों की चर्चा की गई है। पाणिनि के 'विभाषा- ग्रह:' मूत्र में ग्रह दाव्द लाया है। याज्ञवल्नयस्मृति के निम्न दलोक में ग्रहों का उल्लेग है:—

मूर्यः सोमो महीपुत्रः सोमपुत्रो पृहस्पतिः।
गुकः गनैश्चरो राहुः केतुरचैते ग्रहाःचैस्मृताः॥

पार-फल्पना:

विषयेण्योतिष में ग्रहों के नाम तथा वार-कल्पना मी मिलती है। यथा :—
तिविरेकगुणा प्रोक्ता नक्षत्रंचचतुर्गुणम् ।
वाररचाष्ट्रगुण: प्रोक्तः करम् पोडमान्वितम् ॥
हानिशद्गुणो योगस्तारा पिटनमन्विता ।
पन्द्रःमतगुण: प्रोक्तक्तसम्ब्चान्द्रयनावलम् ।
समीध्य पन्द्रस्य वनावनानि ग्रहाः प्रयच्छन्ति शुभागुभानि ॥
सादित्यः गोमो मौमद्य तथा व्य वृत्स्पतिः।
भागवः सन्दरपरचैष एते मधा दिनाधिषाः ॥

प्राचीन भारतीय गणित का संक्षिप्त इतिहास श्लोक में वर्णन किया है:—

> मामं हरेदवर्गान्नित्यं द्विगुर्गेन वर्गमूलेन । वर्गादवर्गे गुद्धे लब्धं स्थानान्तरे मूलम् ॥

वर्षात् थिनतम वर्ग-स्थान में से बड़ी से बड़ी जो वर्ग-संख्या घट जाय उसे घटा दो। सबंदा वर्गमूल के दुगुने से अवर्गस्थित को माग दो। माग करने से प्राप्त लिब्ध के वर्ग को आगे के वर्गस्थानों में से घटाओ। पृथक् पंक्ति में रखी हुई संख्या वर्गमूल सूचित करती है। यह रीति आज की रीति से मिन्न है। विवरण के लिए हिंदू-गणित-शास्त्र के इतिहास के पृ१६४ का अवलोकन की जिए। घनमूल:

घनमूल निकालने की विधि निम्न श्लोक में वताई गई है:— अघनाद्मजेद् द्वितीयात् त्रिगुणने घनस्य मूलवर्गेण । वर्गस्त्रिपूर्वगुणितः शोध्यः प्रथमाद् घनश्चघनात् ॥ (आर्यमटीय गणितपाद)

वर्षात् अन्तिम घनस्थान में से सबसे बड़ी संख्या घटाओ । इसके वाद द्वितीय अघनस्थान से आरम्म करके जो संख्या वाई ओर हो उसे घनमूल के वगं के तिगुने से माग दो । इसके वाद प्रथम घन से आरम्म करके वायीं ओर जो संख्या हो उसमें से तिगुणित घनमूल के गुग्गनफल को तथा अगले घनस्थान से लिंब्ब के घन को घटाओ । विशेष विवरण के लिए गिगत के इतिहास के पृष्ठ १६६ तथा १६७ का अवलोकन की जिये । घनमूल निकालने की आधुनिक विधि आर्यमट की उपरोक्त विधि का ही संक्षिन्त रूप है।

भैराशिक नियम :

भैराशिक नियम को आर्यमट ने निम्न दलोक में समझाया है:— भैराशिक फलराशि तमथेच्छाराशिना हतं कृत्वा। लब्पं प्रमाणमजिते तस्मादिच्छाफलमिदं स्यात्।।

अर्थात् पैराशिक के प्रश्नों में फलराशि को इच्छाराशि से गुणा करना चाहिए और प्राप्त गुणफल को प्रमाण राशि से माग देना चाहिए। इस प्रकार माग करने से जो लिंग्य प्राप्त होती है यही इच्छाफल है।

वार्यमट का निम्न स्लोक बीजगणितीय प्रक्रिया की ओर संकेत करता है। इसी के कारण कोई-कोई इनको बीजगणित का जन्मदाता कह देते हैं।

गुनिकान्तरेण विमनेदृहयोः पुरुषयोस्तु रूपकविद्येषम् । लट्यं गुनिकामूर्यं यद्यर्थकृतं भवति नुस्यम् ॥

वर्षात् दो पुरुषों की ज्ञात धनराधियों के अन्तर को वस्तुओं की अज्ञात गंरपाओं के अंतर से भाग देते हैं। इस प्रकार प्राप्त लिट्य अज्ञात राणि के मूल्य के बराबर होती है। परमेश्वर (१४३० ६०) ने आर्यमटीय की टीका में इस दलीक पर लिखा है:—

'अध्यक्तमृत्याना मृत्यप्रदर्शनिमित्याह । गवादिद्रव्यं गुलिकाशस्त्रेतोच्यते हनकमन्द्रेन पणादिमज्ञितं स्वर्णादिद्रव्यम्' । उन्होने इसको समझाने के लिए निस्न उदाहरण मी दिया है :—

समस्वयो रूपकागां वर्तं पष्टि: क्रमाइनम् । गावष्यङ्वषिजञ्चाष्टी तत्र गोमूल्यकं कियत् ॥

अर्थात् दो बिनयों के पास कुछ गायें तथा कुछ नकट रुप्या है। पहिले के पास १०० रुपये तथा द गायें तथा दूसरे के पास ६० रुपये एवं = गायें हैं। यदि दोनों की बनराशियाँ जिसमें गायों का भी मूल्य सम्मिलित है, दरादर हों तो दोनों पर कुल कितनों सम्पत्ति है। अर्थान् १०० — ६य — ६० — = य

इमिनिण् २ छ=४०, य=२० उत्तर २२०

मृ-भ्रमण:

आर्थमट ने पृथ्वी की चलता हुआ तथा नक्षयों को स्थिर बनाकर मारत के सबंप्रमुख ज्योतियों के पद को प्रहर्ण किया। यह उनकी इतनी बड़ी सूझ यों कि मारत में ही उनके परवित्यों में से पृथूदक् (=६० ई०) को छोड़कर १००० वर्ष तक अन्य कोई गणितज्ञ अथवा खगोलज इस तथ्य को नहीं समस्त सका और न ममझ सकने के कारण उन्होंने उनकी बड़ी निन्दा की। पिर्चम में १००० वर्ष बाद १६वीं शती के प्रारम्भ में कापरिनक्स ने पुनः इस सिद्धान्त की स्थापना की। गैलीलियों को तो १६४२ ई० में इसी बात ८२ शूली दे दी गई। आर्यमट का उक्त नियम निम्न ब्लोक में बताया गया है:—

अनुलोमगतिनो स्यः पश्यत्यचलं विलोमगं यद्वत् ।

अचलानि मानि तहत् समपश्चिमगानि लंकायाम् ॥ (आर्यमटीय गोलपाद) अर्यात् नौका में बैठा हुआ सीबी ग्रीर को जाने वाला पुरुप जिस प्रकार तटवर्ती अचल वृक्षादिकों को उल्टी दिशा में चलता हुआ देखता है उसी प्रकार लंका में बैठा हुआ व्यक्ति इन अचल नसत्रों को पश्चिम की ओर जाते हुए देखता हैं। प्रसिद्ध टीकाकार पृथुदक् स्वामी (५६० ई०) ने आर्यमट के दैनिक भ्रमण सम्बन्धी उक्त नियम का निम्न इलोक में समर्थन किया है:—

मपंजरः स्यिरी भूरेवावृत्यावृत्य प्रातिदैवसिकौ । उदयास्तमयौ संपादयति नङ्गश्रद्वासाम् ॥

वर्यात् तत्वत्रगण स्थिर हैं । पृथ्वी ही घूम-चूम कर प्रति दिवस उनका उदय तथा अस्त सम्पादन करती है ।

ब्रह्मगुप्त :

ब्रह्मगुप्त प्राचीन भारतवर्ष के सर्वप्रमुख गणितज्ञ थे इन्होंने शून्यपरिकर्म, क्षेत्रमिति के उच्च नियम, बीजगणित तथा अनन्तराशि के नियम समझाये। वह कहते हैं:—

परिकर्मविशतिमिमां संकलिताद्यां पृथग्विजानाति ।

अष्टीच व्यवहारान् छायान्तान् भवति गणकः सः ।। (ब्रा० स्फु॰ सि॰)। वर्षात् संकलितं आदि गणित की २० कियाओं तथा द व्यवहारों को जो जानता है वही गणक है। वैदिक काल में गणक, ज्योतिषी को कहते थे किन्तु अब गणित स्वतन्त्र संता रखने लंगा। टीकॉकॉर पृथूदंक् स्वामी के मैंते में ये २० परिकर्म तथां दं व्यवहारे निम्नलिखित थे जो प्रायः परवर्ती लेखकों ने भी यथोवित् माने हैं—

₹.	संकलित	۲.	घनमूल	१५.	त्रैरोशिक
₹.	व्यवकलित		मागजा ति	१६.	व्यंस्त त्रैराशिक
₹.	प्रत्युत्पन्न	१०.	प्रभागजति	ģ0.	पंचराशिक
٧.	मागहार	११.	भागमागजाति	ξs.	सप्तराशिक
ሂ.	वंग	१२.	मोगींनुबन्धं जोति	38.	नवराशिक
ξ.	वेगेंमूल		भागांपवाह जीति	२०.	एकादशराशिक
७.	घन	88.	भागमातां जाति	२१.	भाण्डप्रतिमाण्ड
	a				

टिप्परंगी:---६-१४ तर्क के भिन्नों के ६ भेदों में से एंक भेद नहीं था। द व्यवहार:

१. मिश्रक-व्यवहार

२. श्रेढ़ी-व्यवहार

३. क्षेत्र-व्यवहार

४. खात-व्यंवहार

५. चिति-व्यवहार

६. ऋाकचिक-व्यवहार

७. राशिक-व्यवहार

द. छाया-व्यवहार

भास्कर प्रथम (६२६ ई७) ने आंर्यभटीय की टीका में लिखा है कि आंर्यभट के समय में भी द व्यवहार और वीज-चेंतुष्ट्य (वीजंगणित) प्रचलित थे और इनमें से प्रत्येक पर मस्करी, पूरिए तथी मुंदेगल आदि ने स्वंतन्त्र ग्रंथ-रचना की थी, किन्तु भाग्यवश वे सब कालंकविलित हो गए। अब तो बीजंगणित पर सर्वप्रथम बाह्मस्फुट सिद्धान्त का कुट्टकांच्याय ही मिलता है। उस समय छुट्टक समीकरण (Indeterminate equations) के सींघन की अंत्यन्त महत्वपूर्ण समझा जाता था अतएव बीजगणित की कुट्टिक कही गया। वह कहते हैं:—

प्रायेण यतः प्रश्नाः कुट्टाकाराहते न शक्यन्ते । ज्ञातुं वक्ष्यामिततः कुट्टाकारं सहं प्रश्नैः ॥ यहाँ मुखद्युति आघार के सम्मुख फलक के क्षेत्रफल के लिए तथा तलद्युति आघार के क्षेत्रफल के लिए शब्द प्रयुक्त हुए हैं।

यदि \triangle , \triangle' कमशः मुस तथा तल के क्षेत्रफल हैं और उ ऊँ चाई है तो स्चीछिन्नक का व्यावहारिक घनफल= $\left(\frac{\sqrt{\triangle}+\sqrt{\triangle'}}{2}\right)^2$ उ=घ , ओत्र घनफल= $\frac{\triangle+\triangle'}{2}$ उ=औ , सूक्ष्म घनफल= $\frac{-\frac{\triangle}{2}}{2}$ + घ = $\frac{-\frac{-1}{2}}{2}$ + $\frac{-\frac{-1}{2}}{2}$ = $\frac{-\frac{-1}{2}}{2}$ ($\triangle+\triangle'$) + $\frac{-\frac{-1}{2}}{2}$ ($\triangle+\triangle'$) $\frac{-\frac{-1}{2}}{2}$ ($\triangle+\triangle'$) $\frac{-\frac{-1}{2}}{2}$ ($\triangle+\triangle'$)

यहाँ व्यावहारिक फल, आसन्त मान के लिए तथा औत्रफल निकटतर आसन्त मान के लिए एवं सूक्ष्मफल यथार्थमान (Accurate Value) के लिए आए हैं।

गुणोतर घेणी:

व्रह्मगुर्ण ने गुणोतर श्रेणो के योग के नियम भी दिये थे। यथा:— गुर्णसंकलितान्त्यवनं विगतैक्यपदस्य गुणवनं भवति । तद्गुणगर्णं मुखोनंत्र्यकोत्तरमाजितं सारम् ॥

यहाँ अंत्यधन अन्तिम पद के लिए, गुण सार्व अनुपात के लिए, प्रयुक्त हुए हैं।

श्रेणी योग =
$$\frac{\text{अा } \sqrt{\frac{x^{4}-2}{x}} \times \sqrt{y}-\text{अा}}{\sqrt{y}-2}$$

$$= \frac{\text{अा } (\sqrt{y}^{4}-2)}{\sqrt{y}-2}$$
यहां अन्त्यधन = आ $\sqrt{y}^{4}-2$
तथा
 \sqrt{y}
 \sqrt{y}

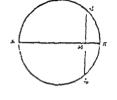
युविलम्ड का एक प्रमेय:

ब्रह्मगुष्त ने निम्न ब्लोक में यूक्तिमंड के एक प्रमेय की भलक दिखाई देती है।

> वृत्तेशरोनगुणिताद्वायासाच्चतुराहतात्वदं जीवा । ज्यावर्गश्चतुराहतगरभवतः शरयुतीव्यामः ॥

श्रयति √ ४कख ८ खग = चछ

इस श्लोक में यदि दो जीवायें परस्पर एक दूसरे



को काटती हों तो एक के अन्त: खण्डों की गुणा दूसरे के अन्त: खण्डों के गुणा के वरावर होती है, इस प्रमेय का आमास है।

पाइयागोरस प्रसेव :

पाइयागोरस प्रमेय यद्यपि गुल्व-काल से ही मारत में ज्ञात यी किन्तु ब्रह्म-गुप्त ने उसको और विस्तृत रूप से निम्न इलोक में विणित किया है। यया :--

कर्णकृतेः कोटिक्टितिविशोध्य मूलं भूजो भूजस्य कृतिम्।

श्रोहय पदं कोटि: कोटिवाहुकृतियुतिपदं कर्गी: ॥ (ब्रा० फु० सि०)

अर्थात् कर्ण^२-कोटि^२=भूज^२ कर्णं²--भूज²=कोटि² कोटिरे + भूजर = कर्सार

जन्होंने कोणास्पृग्वृत्त (चतुर्भुं ज के परिगत वृत्त) के त्रिज्या के निकालन का भी नियम बताया था।

महावीराचार्य (५५० ई०) :

ब्रह्मगुप्त के उपरा^{न्}त दक्षिण के प्रसिद्ध जैन गणितज्ञ महावीराचार्य हुए। इन्होंने गणित के अनेक नदीन सिद्धान्त निकाले । इनकी वनाई हुई गणितसार-संग्रह अंकगिरात को सर्वश्रेष्ठ पुस्तकों में से एक है। इन्होंने निम्नलिखित गणितीय सिद्धांत वताये:--

लघुतनसमापवर्त्य -- वक्षाली गणित के समय (२०० ई०) से ही दो भिन्नों के जोड़ने या घटाने में परस्पर एक दूसरे के हर से ऊपर नीचे गुणा कर दिया करते थे । जैसे $\frac{7}{3} + \frac{3}{3} = \frac{5}{92} + \frac{6}{92}$ और फिर अंशों को जोड़ या घटा

दिया करते थे। दो दो का हर साम्य करके अनेकों का हर साम्य भी कर लेते थे। इसी को कलासवर्रा, सवर्णन, एवं हरसाम्यकरण कहते थे। महावीराचार्य ने आवुनिक लघुतम समापवर्य का नियम साविष्कृत किया जिसको उन्होंने 'निरुद्ध'

वराहिमहिर ने उक्त संशोधनों का पंचिसद्धांतिका के दूसरे श्लोक में उल्लेख किया है—

पूर्वाचार्यमतेम्यो यद्यच्छ्रेष्ठं लघुस्फुटं वीजम् । तत्तदिहाविकलमहं रहस्यमभ्युद्यतो वक्तुम् ॥

वराहमिहिर मी जनसाघारण से इतने उरते थे कि अपने इन संशोधनों को उन्हें पूर्वाचार्यों के मतों के नाम पर कहना पड़ा। सिद्धान्त-ग्रन्थों में श्रायंभटीय, ब्रह्मगुष्त कृत ब्राह्मस्फुट-सिद्धान्त, मास्कर प्रथम कृत लघुमास्करीय तथा महा-भास्करीय, श्रीपित कृत सिद्धान्तशेखर तथा मास्कर दितीय कृत सिद्धान्त-शिरोमणि, श्रायंभट दितीय कृत महासिद्धान्त, मुंजाल कृत लघुमानस इस काल की उत्कृष्ट कृतियाँ हैं।

उत्तरकाल (१२००--१८०० ई०)

भास्कर की मृत्यु (११८३ ई०) के साथ-साथ हिन्दू-गणित का उत्कर्ष युग समाप्त हो जाता है। अब उसमें मौलिक कृतियों की रचना बहुत कम हो गई। प्राचीन ग्रन्थों पर टीकायें तथा कुछेक ग्रंथ भी लिखे गए किन्तु विषय-विस्तार की दृष्टि से ये अविक महत्वपूर्ण नहीं थे। मुस्लिम विजय के साथ-साथ उत्तर मारत में गणित की प्रगति प्राय: स्तव्य हो जाती है ग्रोर दक्षिण भारत अब सांस्कृतिक तथा वैज्ञानिक कार्यकलापों का केन्द्र बन जाता है। १३५० ई० के आसपास महेन्द्र, सूद्धि ने अपने फारसी से अनूदित ग्रन्थ में क्रान्ति-वृत्त की तिर्यक्ता २३०.३० बतायी तथा विपुवअयन की वार्षिक गति ४५ विकला वताई। नक्षत्रों के शर एवं भोग भी निकाले। केरल के नीलकण्ठ ने १५०० ई० के आसपास एक पुस्तक लिखी, जिसमें निम्न त्रिकोणमितीय फल दिया हुआ है:—

स्पन्या ऋ=ऋ
$$-\frac{\pi^3}{3}+\frac{\pi^2}{2}$$
.....

मलयालम पाण्डुलेख युक्तिमास में भी यह सूत्र दिया हुआ है। इसको वृथा अब ग्रेगरीश्रेणी के नाम से पुकारते हैं जबिक वह बहुत परवर्ती गणितज्ञ हैं। शंकर वर्मन् कृत सद्रत्नमाला (१५३० ई०) में पाई का १२ स्थानों तक गुद्ध मान दिया हुआ है। इसी युग में कमलाकर (१६०८ ई०) ने सिद्धान्त-तत्व-विवेक तथा नारायण ने गणित-कौमुदी की रचना का एवं नीलकंठ (१५८७ ई०) ने ताजिक नीलकण्ठी नामक वर्षफल-पद्धति का एक सुन्दर ग्रंथ लिखा। उन्होंने इस पारसीक पद्धति का मारत में प्रचार किया। इसमें अरबी-फारसी के शब्द भी बाहुल्य रूप से ग्रहण किए गए हैं।

सम्राट जगन्नाय:

सम्राट जगन्नाय ने सन् १७३१ ई० में टाल्मी के अल्मेजिस्ट तथा युक्लिड

मास्कर द्वितीय:

मध्यष्टुग के अंतिम तथा अहितीय गणितज्ञ हिनीय मास्कराचार्य ही वे जिन्होंने वीजगणित तथा लीलावती की लिखकर मंगार का वड़ा उपकार किया। संसार की अनेक मापाओं में इन ग्रंथों का अनुवाद भी हो चुका है। प्राचीन बीजगणित पर अब केवल मास्कर का बीजगणित ही उपलब्ध है। मास्कराचार्य ने लीलावर्ता में अंक-गणित को अतीव मुन्दर तथा साहित्यिक मापा में ममसाया था। मास्कराचार्य ने घून्यपरिकर्म में ब्रह्मगुप्त तथा महाबीराचार्य की अगुद्धियों को ठीक किया। ई का मान बताया। चहर (Infinity) रागि का मान अनन्त बताया, त्रिमुज तथा चतुर्मुं ज के क्षेत्रकन की अगुद्धियों को भी ठीक किया, गीने के क्षेत्रकत तथा घनकन से यथाये मुत्र निकान।

अनिर्वायं समीकरणों का व्यापक साधन:

श्रितिवाँचे समीकरणों का जितना इन्होंने विकास किया उतना किसी अल्प गणितज्ञ ने नहीं किया। उन्होंने उनके व्यापक साधन निकाले। समीकरण न र³ + १ = य³ के साधन की चक्रवाल-विधि के बताने के कारण हैं कस, कैंटर श्रादि पाइ-चात्य गणितज्ञ इनको लगरांज के पूर्व संख्यासिद्धांत विषय का सबसे वड़ा अन्वेषक मानते हैं। इनकी मुलझाई हुई समस्याओं पर योजनीय वैज्ञानिक ५०० साल बाद तक उनको रहे।

यज्ञात राशियों के संकेताक्षरों का विकास:

मास्करावार्य ने अध्यक्त राशियों की वर्णमाला के अक्षरों से घोतित करके वीजगणित को बहुन कुछ अग्रमर किया। इनने पूर्व अध्यक्तराशियों को वर्णों के नामों, कालक, नीलक, पीतक, हरितक आदि से अधवा उनके संक्षिप्त रूप काण, नीठ, पीठ आदि में घोतित किया जाता था। इन्होंने कहा ऐसी राशियाँ अनेक हो सकती हैं और उनको वर्णों (रंगों) के नाम से कहाँ तक घोतित किया जाय, क्यों न वर्णमाला के अलरों से उनको घोतित कर लिया जाय। उन्होंने नियम बना दिया 'खयबा कादीन्यलराण अध्यक्तानां संज्ञा असंकरायं कल्प्याः'।

ग्रवकलन :

वे चलन-कलन (Differential Calculus) के झाविष्कार के अग्रहत बने। सिद्धान्त शिरोमणि के गोलाव्याय में वे कहते हैं:—

"तिम्त्रार्षस्य कोटिज्यागुणास्त्रिज्याहर: फलं दोर्ज्यायोरन्तरम्" अर्थात किसी भी गोलाई में दोर्ज्याओं का अन्तर, कोटिज्या के दरावर होता है अर्थात,

ज्या ऋ'—ज्या क= कोज्या ऋ त्रि पहिले स्थान का कोणांक ऋ है तथा अत्यल्प दूरी के उपरांत कोणांक ऋ' है अतएय ज्या ऋ'—ज्या ऋ, ज्या का अत्यस्मुचलन ही हुआ, इस चलन का कलन जन्होंने कांज्या ऋ से व्यक्त किया। आजकल के नियम के अनुसार

अप्रांत
$$\frac{3r}{3r}$$
 $\frac{\sqrt{3}}{2}$ $\frac{7}{2}$ $\frac{7}{2}$

यहाँ जि में र कोगा है, ति त्रिज्या है, कोगा को त्रिज्या से भाग देकर रेडियन माप

में परिणत कर लिया गया है। यदि ही को ऋ (रेक्सिन माप घोटा) से द्योतित करें

तो उनत मास्तर का नियम का जाता है। ति से माग इसलिए दिया गया है नयोंकि पिहिने ज्या लादि अनुपात नहीं थे, उनको अनुपात करने के लिए ति से भाग दिया है पहिने घ हो तिज्या थी। "इसी को यदि तिज्या में भाग दे देवें तो आजकत की ज्या हो जानी है।

मारकर के उक्त जबरण में अंग्रेजी (dSin 0= Cos 0 d0) नियम प्रति-पादित किया गया है। उन्होंने चन्द्र की गारकातिक गति के सम्बन्ध में उक्त नियम यनाया था। गति दो प्रतार की यनाई भी पहिली रपूल दूसरी तारकातिकी (सुरम)। ये काले ि वराहमिहिर ने उक्त संशोधनों का पंचित्तद्वांतिका के दूसरे क्लोक में उल्लेख किया है—

पूर्वाचार्यमतेम्यो यद्यच्छ्रेष्ठं लघुस्फुटं वीजम् । तत्तदिहाविकलमहं रहस्यमम्युद्यतो ववतुम् ॥

यराहमिहिर भी जनसाघारण से इतने डरते थे कि अपने इन संशोधनों को उन्हें पूर्वाचार्यों के मतों के नाम पर कहना पड़ा। सिद्धान्त-प्रन्थों में श्रार्यभटीय, ब्रह्मगुष्त छत ब्राह्मस्फुट-सिद्धान्त, मास्कर प्रथम छत लघुमास्करीय तथा महा-भास्करीय, श्रीपति छत सिद्धान्तवेखर तथा मास्कर द्वितीय छत सिद्धान्त-शिरोमणि, श्रायंमट द्वितीय छत महासिद्धान्त, मुंजाल कृत लघुमानस इस काल की उत्कृष्ट छृतियां हैं।

उत्तरकाल (१२००--१८०० ई०)

भास्तर की मृत्यु (११८३ ई०) के साथ-साथ हिन्दू-गणित का उत्कर्प युग समान्त हो जाता है। अब उसमें मौलिक कृतियों की रचना बहुत कम हो गई। प्राचीन ग्रन्थों पर टीकायें तथा कुछेक ग्रंथ भी लिखे गए किन्तु विषय-विस्तार की दिव्द से ये अधिक महत्वपूर्ण नहीं थे। मुस्लिम विजय के साथ-साथ उत्तर मारत में गणित की प्रगति प्रायः स्तब्ध हो जाती है श्रीर दक्षिण भारत अब सांस्कृतिक तथा वैज्ञानिक कार्यकलीपों का केन्द्र बन जाता है। १३५० ई० के आसपास महेन्द्र, सूख् में अपने कारसी से अनूदित ग्रन्थ में श्रान्ति-वृत्त की तिर्यक्ता २३°.३०' बतायी तथा विषुवअयन की वार्षिक गति ४५ विकला बताई। नक्षत्रों के शर एवं भोग भी निकाले। केरल के नीलकण्ठ ने १५०० ई० के आसपास एक पुस्तक लिखी, जिसमें निम्न त्रिकोणमितीय फल दिया हुआ है:—

स्परमा ऋ=ऋ
$$-\frac{ऋ^3}{3}+\frac{ऋ^4}{4}$$
.....

मलयातम पाण्हुलेख युनितमास में भी यह सूत्र दिया हुआ है। इसको वृथा अब ग्रेगरीश्रेणी के नाम से पुकारते हैं जविक यह बहुत परवर्ती गणितज्ञ हैं। शंकर यमंन् गृत सद्रत्नमाला (१५३० ई०) में पाई का १२ स्थानों तक झुद्ध मान दिया हुआ है। इसी गुग में कमलाकर (१६०८ ई०) ने सिद्धान्त-तत्व-विवेक तथा नारायण ने गणित-कोमुदी की रचना का एवं नीलकंठ (१५८७ ई०) ने ताजिक नीलकंठी नामक वर्षकल-पद्धति का एक सुन्दर ग्रंथ लिखा। उन्होंने इस पारसीक पद्धति का मारत में प्रचार किया। इसमें अरबी-फारसी के शब्द भी बाहुत्य रूप से ग्रहण किए गए है।

सम्राट जगन्नाथ :

सञ्जाट जगन्नाथ ने सन् १७३१ ६० में टाल्मी के बल्मेजिस्ट तथा युविलड

के ऐलीमेन्ट्स का फारसी से संस्कृत में अनुवाद किया जिनके नाम सम्राट्सिद्धान्त तथा रेखागणित रखे। रेखागणित की वर्तमान हिंदी-घव्दावली वहृत कुछ इसी ग्रंथ पर आधित हैं।

वर्तमान काल (१८०० ई०-श्रद्यावधि)

वर्तमान मुग में नृसिंह वापूदेव शास्त्री (१६२१ ई०) तया सुद्याकर द्विवेदी ने अनेक पाश्चात्य विषयों पर हिंदी गणित की पुस्तकों का मुजन किया और हिंदी के वर्तमान गणितीय साहित्य की नींव डाली। वापूदेव ने रेखागणित, त्रिकोणिमिति, सायनवाद, अंकगणित आदि अनेक ग्रन्य लिखे एवं पूज्य द्विवेदी जी ने दीर्घवृत्त-लक्षण, गोलीय रेखागिणित, समीकरण-मीमांसा, चलन-कलन आदि अनेक ग्रंथ तथा ब्रह्मगुष्त एवं मास्कर के ग्रन्थों की टीकायें रचकर प्राचीन गिणित को पुनः जनता के सम्मुख रखा। शंकर वालकृष्ण दीक्षित (१५५३ ई०) ने प्रसिद्ध ज्योतिपशास्त्र के इतिहास की रचना की। वर्तमान युग में डॉ० विभूतिभूषण दत्त तथा डॉ० अववेश नारायणींसह ने हिंदू-गणित-शास्त्र के इतिहास को लिखकर अपना नाम अमर कर लिया। इस समय डा० कृपाणंकर भी हिंदू-गिणित पर अत्यन्त महत्वपूर्ण कार्य कर रहे हैं। उन्होंने लुप्तप्राय शीघर के पाटीगिणित को स्वचरित टीका सहित प्रकाशित किया है तथा इस समय भास्कर प्रथम की कृतियों का भी इसी प्रकार प्रकाशन कर रहे हैं।

अच्याय २

गणितीय शव्दावली का ऐतिहासिक अध्ययन

म्रादिकाल (३००० ई० पू०--पू०० ई० पू०)

प्राचीन भारतीय गणित के संक्षिप्त इतिहास को लिखने के उपरान्त अब मैं अपने मुख्य विषय प्राचीन गणितीय शब्दावली के अध्ययन पर आता हूँ। गणितीय शब्दावली का विशाल भवन कँसे तैयार हुआ, इसका मैं ग्रव विश्वद विवेचन कर रहा हूँ। हमारी हिंदी की वर्तमान गणितीय शब्दावली की पृष्ठभूमि प्राचीन भारतीय गिणित ने तैयार कर रखी है तथा प्राचीन भारत की गणितीय शब्दावली का सुजन वैदिक काल से ही प्रारम्म हो जाता है।

वैदिक साहित्य की गणितीय शब्दावली को देन :

वर्तमान संस्थाओं के १ से लेकर सहस्र तक के हिंदी नाम तथा अरव शब्द साक्षात् देदों से उद्भूत हैं। शून्य शब्द भी वैदिक है यह अञ्चन्य के साथ ऋग्वेदीम विलस्नत (२।११।२) में आता है यद्यपि इसका अर्थ खाली आदि था। १६, २६, २६, ४६, ५६, ५६, ०००० ६६ इन संख्याओं के वाचक शब्द वैदिक साहित्य में ही दो प्रकार के थे। एकवे जो आगे की दश की गुणज संस्था से १ कम कहकर वोधित किए थे तया दूसरी वह जो पिछली दश की गुणज संस्था में ६ जोड़ने से व्यक्त किए थे। वर्तमान जन्नीस, जन्तीस जनहत्तर यह शब्द प्रथम कम से सम्विचित हैं और नवासी तथा निक्त्यानवे द्वितीय कम के स्मारक हैं। संस्कृत में इनको ऊनाशीति तथा नवनवित कहते हैं। किन्मों के वर्तमान शब्द पड़आ, तीन पाय वैदिक पाद तथा विवाद से वने हैं। अन्य उन वैदिक शब्दों की सूची नीचे दी जा रही है जो बाद में गिएत ने अपना लिए—

वस ऋ ३।५३।१६ वंग ऋ १।१६२, १३ वणु नाठक १२।१३ मीनक ११.६.१० मैत्रायसी संहितायें विष्यं सी २०।१३१/२२ अनन्त चिलमूक ७१३११ अन्तर घर ११३११३३ अन्तरिश मा ४१७ का, ते अब्द मा १२१७४ का १३१४११३ अपनरणी (मरगी नशक)

अजून्य ऋ खिलसूक्त २'.११.२ अभिजित तै० ३।५२, काठ २२।३ अमावास्या तै ७.५ अयन ऋ ३, ३३,७ अवकाश मै ४, १, काठ अधिवनी ऋ ५।४६। प अशून्य ऋ खिल सूक्त २।११।२ आश्विन मा १८।१६ अपाढ़, अपाढ़ा ऋ ३।१५ अप्टाश्रि (अप्टभुज) मै ३।६।३ अधि मैं ४,७ का अष्टमी मा २५।४।५ अंश ऋ २।१,४,२७,१ असंख्यात काठक २५,८ शौ असंख्येय शी १०,८ ग्रसुपिर में ३,१० आयतन १,६ तै काठ ६,११ आद्री काठ २६,७ मै ३,६ आवर्तक तै २।४,७ आवृतम् तै २।३६,७ इप्ट मा १८।५६, काठ इष्टका (ईश) तै ५,२८ उत्क्रम मा १।५।८ उत्तम ऋ ३,५ उदाहुत मै २,१ उल्का ऋ ४,४ उल्कानिहत शो १६।६ कक्ष ऋ ४।४६,३ ऋजु ऋ १०।६७।२ ऋण ६।१२.५ ऋतु ऋ १।१६२।१६ ऋतु ग्रहा तै ४।७ ऋतुपति ऋ १०।२।१ ऋषयः,ऋ शा४ना१४

एकक शी २०।१३२ ऋ१०।४६।६ एकत्रिशद अरित मै ३,६ एकादशी मा २४।४ एकान्नचत्वारिशत तै ७,२ एकन्नित्रिशत का ७।३४,१७ एकान्नविशति तै ७,२ एकान्नशिति, एकान्नशत तै ७,२ एकान्नपिट एकोनविशति शी १६,२३

ककुद ऋ ८।४४ कक्ष ऋ ६।४५ कस्या ऋ ४।४४ कलातै ६,१ शौ १६,२७ ऋ 51४७1७ काल मा २४ ऋ १०।४२।६ केतु ऋ १।२७।१२ कूमं ऋ १।३१।८ कृति पै २० मै ३।७ कृत्तिका तै ४।४ कृषि पै ६।१८ मा १४।१६ क्षय पै १०।५ ऋ ८।६४ ख (अन्तरिक्षार्थक) ऋ ४।११ ग्रह मै १।११ ग्रहनक्षत्रमाला खि ४।२ खर्व तै २।४, ६ गण ऋ १।८७ गरापति ऋ २।२३ गणक मा ३०।२० गण्या ऋ ३१७ गवेषण ऋ चक ऋ १।३०।१६ चऋवतम् मै १,८ चतुरिश्र ऋ १,१५२,

चतुर्भुज खिसा ३३।२२ चन्द्र ऋ ६।६ चिति तै ५. २ चित्रा ऋ दा४६ चित्रापूर्णमासः तै ७।४ ज्या ऋ १०।१६६।३, ६।७५।३ ज्योतिविद तै १।४ ज्येष्ठा ऋ ४,३३ ऋ १।१०० तपस्यः (फाल्ग्न मास)मा १५।५७ तारक मै, तै तिष्य मै २. १ न्यव्द खिल ४,११ न्यून तै ५,१ त्रयस्त्रिशद् देवतामि काठ त्रयोदशी मा २५।४ त्रयोदशमासः (संवत्सरः) त्रिभुज शौ द, द मै १६।१८ द्वादशमासः (संवत्सरः) घन ऋ १।३६ घूमकेत् ऋ =1४३ नक्षत्र ऋ ६।६७ नक्षत्रदर्भ मा ३०।१० नवस्रक्ति ऋ ना७६ नामिऋ १।१३६ पक्ष ऋ ६।४७, १६ ऋ १०१११६, ११ पंक्ति ऋ १०।११७, इ पथ ऋ १,४२।२ पद ऋ १।१६४।३५ परम ऋ १।२२।२० परास ऋ ४।२।१६,१०।१५।१ परिवि ऋ शा ३।६ ११११४१७, १०११३०१३

परिवत्सर ऋ १०।६२।२ परिवृत ऋ २।१७।१ पर्वे ऋ शहशाश्य.४।१६।६ पात ऋ १।१३६।५ पाद ऋ ७।३२।२ पूर्ण ऋ १।=२।४ पृथिवी ऋ १।२२।१३ प्रावृषि ऋ ७।१०३।३ बीज ऋ ४। ५२। १३ वृहस्पति ऋ १।६२।३ भद्रा ऋ शाद ३।३ भाग ऋ शा२०। द मृगुऋ ३।२।४ यन्त्र ऋ १।३४।१ युग ऋ १।१४४।४,१८४।३,२।२।२ योग ऋ शापाइ, ।२७।११ रेवती ऋ ।६१।६, १०।३५।४ वज ऋ जादा ३ बाराणि ऋ हाइ७।४ वासर ऋ ना४ना७ वृत ऋ १।१:५५।६ वृद्धि ऋ १।१०।२ . शुक ऋ १।१०।४, ७।१।५ शर ऋ ना७०।१४ शुद्ध ऋ १।१६४।४० शेष ऋ १।६३।४ श्रेत्यि ऋ १०।६१।१२० श्रेगायः ऋ १०।१४२।५ संवत्सर ऋ १।११०।४,१०।१६०।२ समा ऋ १०।१२४।४ समान ऋ १।११३।३ सहस्य ऋ ७।४२।६ सिन्धु ऋ शा६४।३

सूर्यं ऋ १।७।३ सोम ऋ १।६१।६ स्थिर ऋ १।१०१।४ हस्त ऋ ६।५४।१०

वैदिक शब्दावली की इस सूची में ऊर्जा, एकक, प्रतिदर्ग, परास तथा आय-तन शब्द विशेष उल्लेखनीय है जो अब अंगरेजी के क्रमशः इनर्जी, यूनिट, सैंपल, रेंज तथा बोल्यूम शब्दों के लिए प्रयुक्त किए जाते हैं। देखने में ये नए शब्द लगते हैं तथा बहुतों ने इनको नया समझकर रक्खा मी होगा किन्तु उनको यह जानकर आश्चयं होगा कि कम से कम ये शब्द नए नहीं हैं, चाहे अर्थ नए हो सकते हैं।

ग्राह्मण ग्रंथों की शब्दावली:

वेदों के उपरांत ब्राह्मण प्रंथों के भी कुछ शब्द गिणतीय शब्दावली ने अपना लिए हैं। यथा—

बक्ष्ण्या श ३,४५ अघर तै आ० ४-३८-१ अभिमुख ऐ ८,१० अभ्यास सा शापा४ ग्रयूत ते २, ७ यवलम्ब जै १३७ अन्यक्त तै आ ४ भाडक सा १, ८, १३ ग्रादि गो १, १२८ अस्य तै २।७१३ श्रायत ऐ ४।४ शां २२= उत्तर ऐ ४।१५ कब्बं ऐ शारर एकशत (एक सी) कर्ण ऐ ४।२२ ज्योतिप आ १।५७२ कय शा ४।६ क्षय, वृद्धि श ४।६ क्षेत्र ऐ ५।५० गुणित गो २, ३, ७ ग्रीष्म शा ३,४ चैत्र शा आ तै तिर्येक् श

त्वरमाण श ६, ३ दर्श पूर्णमास ऐ ३, ४० घ्वश ३, ४, २ नवस्रवित ऐ आ २, ३ परिमण्डल श ६, ७ पिण्ड श ४।४ मूल ऐ २।३२ पृष्ठ तां २२, १, ३ प्रतिदर्श का १, ३, ४ प्रतिमान तै २, ५, ८ प्रधिश १४,४ प्रमेय जै ११५ फलक ऐ आ १।२. ३ फाल्गून का १।६ परिविशा १, ३ ऐ १, २८ बुघ तां २४ जै १४६ माजन श १, ८ मृगव्याव ऐ ३,३३ मृगशिर का १, १, २ मृगशीपं श २, २ वर्ग शां था ४।७ सा १, ४ वर्ष ऐ आ वर्षा शरद श ८, ३

विकर्ण ऐ ४, १६ तै १, २ विज्ञान ऐ का २, ३ विमित श ३, १ विमा तै का ४।५ वियुत श ८।५ विप्वत् (वियुवत्) ऐ ५, ७ इत तै १, २ मेप श ३, ३४ वृप जै १८० व्यास तै क १, ६ राशि सा ३, ४ राहगण श १ शिशुमार जै १५०, १६४
शिशिर श २, १
शून्य श २।३
संख्या श द्रा ७।३१।४३
संवत् शां १६।६
संतत शां आ ४, ५
सप्तऋषि श ६, ४, ३
समंक श ३, ६
समष्टि श १४, ६
सामान्य गो २, २
हायन श ४, ३

इनमें अव्यक्त, आयत, परिमंडल, प्रमेय, फलक, विकर्ण विमित, व्यास, शून्य, संख्या, पृष्ठ, भाजन तथा समिष्ट शब्द विशेष उल्लेखनीय हैं। अव्यक्त बाद को अव्यक्त गणित तथा अव्यक्त राशि के साथ बहुत प्रयुक्त हुआ। परिमंडल को बौद्ध तथा जैन काल में दीर्घंवृत्त के अर्थ में प्रयुक्त किया। आयत, शून्य, व्यास, फलक, तथा संख्या शब्द तो गणित के प्रसिद्ध शब्द आज मी हैं। विकर्ण, भूमिति में डायगनल के लिए तथा पृष्ठ शब्द सरफेस के लिए प्रयुक्त किया गया। समिष्ट, यूनि-वर्स तथा पौपूलेशन सम्बन्धी सांक्तिय भावों में प्रयुक्त किया जाता है। पाठक सम्भवतः यह पूछ सकते हैं कि वेद तथा बाह्मण ग्रंथ तो धार्मिक ग्रंथ हैं इनमें गणि-तीय शब्दावली की खोज क्यों की जा रही है किन्तु इसके उत्तर में में सर अजेन्द्र 'सील' की निम्न उक्त पर्याप्त समभता हूँ:—

"प्राचीन भारत में ज्ञान को एक समष्टि रूप में देखा जाता थां। प्राचीन हिन्दू घमं, दर्शन, साहित्य तथा प्राकृतिक विज्ञाव में कोई विभाग-रेखा नहीं खींचते थे। फलतः उनके वैज्ञानिक विचार विधिवज्ञान, उनके अनुभव तथा औद्योगिक क्षेत्रों में उनके प्रयोग वेदों, ब्राह्मणों तथा उपनिपद् आदि घामिक ग्रंथों में इतस्ततः विकीण हैं।"

गुल्व-सूत्र :

ब्राह्मण-ग्रंथों के उपरांत शुल्व-सूत्र आते हैं। इनका भी गणितीय शब्दावली में पर्याप्त भाग है। रेखागणित की शब्दावली का यहीं से प्रारम्भ होता है। शुल्ब-सूत्रों की शब्दावली नीचे दी जा रही है—

अन्तराल आप० पृ० १८३ अंश (माग, भिन्न) ं वंस (कोण) वाप० गृ० ७२ वक्षण्या रज्जु बी० शृ० अनित्या (अयथातथ) आप० ७।११ अम्यास १ (द्विगुणीकरण) का० १।१२ २ गुराा) आप० ग्र० ४।३ अर्घक (समद्विभाजक) अर्घव्यायाम (त्रिज्या) इप् (शीर्पलम्ब) का० पृ० ३३ उमयतः प्रीग (समभुज चतुर्भृज) ऋजू रेखा वी शु० २।३२ करएाी (वर्गमूल) आप० पृ० ३५ कर्ण (कोण) का 0 शु० कला (मिन्त) आप० वृ० ५६ कोटि (किनारा) आप० पृ० ५६ खण्ड आप० पृ० ४६ क्षेत्र (आकृति) का० गु० सूत्र ३।११ चतुरस (समचतुर्भुं ज) का० शु० ४।७ नियंक् तियंग्मानी (अध्यत की एक भुजा) आप० ए० ३४

तृतीय = $\frac{?}{3}$ आप० पृ० ३६ $\frac{?}{3}$ त्रिक्ष (त्रिभुज) का० शु०

त्यसि (,,) का० ३३
दक्षिणावर्त बी० गु० २।३२
द्वीघं (आयत) आप० पृ० २१
दीघं चतुरस (आयत)
दिकरणी (विकर्ण) आप० पृ० २६
दिगुण, त्रिगुण का० पृ० २६
नवमा १ का० १६
नवमी ,, आप० पृ० १४
पंचकर्णा (पंचमुज)
पचदश

रिणाह

परिमंडल, परिमंडला परिलिख पाद पारुर्व पाग -पृष्ठया (समिमात रेखा) आ० गु० ए० प्रउग (समद्विवाहु त्रिभुज) का० पृ० २ प्रक्रम आप० ५० ५६ प्रस्तार आप० पृ० १८८ प्रचि (वृत्त-शकल)बी० शु० २।७१ फलक आप० पृ० २६८ माग भूमि (क्षेत्रफल) वौ० शु० मण्डल (वृत्त) का० गु० २।१२ मध्य (केन्द्र) का० गु० ४।२ योग का० गु० २।४ रज्जुसमास (रेखागणितीय नियम)

रेला
लेला आप० प्र० २४८
वर्ग (पंकित) का० गु० ३।७
विमिता आ० प्र० १०१
विप्तंम (व्यास) आ० ३।१४
व्यायाम (व्यास) आप प्र० ११२
व्यायास आप० प्र० १६५
व्यास (चौड़ाई) आप० प्र० ११२
शक्टमुख (त्रिभुजाकार) का० १।११६
शंकु का० १।२
शुल्व (रज्जु)
शुल्व-विज्ञान (मानव शु०)

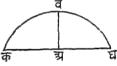
का० १।१

शेप बौ शु० १।४८ संस्था का० शु० १।४ सम (वर्ग) आप० पृ० २६ समास (योग)

जपरोक्त सूची में इपु शब्द विशेष उल्लेखनीय है। इपु समिद्धिवाह त्रिभुज के शीपलंब के लिए आधा है जो वाण जैसा ही लगता है। बाद को उमास्वाति ने भी आकृति साम्य के कारण वृत्त की थ व रेखा को इपु शब्द से बाबित किया। दोनों की एतत-सम्बन्धी पंक्तियाँ नीचे दी जा रही हैं—

स्व च

'यावत्त्रमाणानि समचतुरस्राण्येकीकर्तुं चिकी-पेंदेकोनानि तानि भवन्ति तिर्यक् हिगुणान्येकत एका-विकानि त्र्यस्त्रेमेवति तस्येपुस्तं तत्करोति का० गु० ६।७



क घ²=क ग²—ग घ²=
$$\frac{(q+2)^2}{2} \times \pi^2$$
— $(q-2)^2$

यहाँ प वर्गो की संख्या तथा भ उसकी एक भुजा है। उमास्वाति ने कहा है—

विष्कंभस्य चतुर्गु गांमूलंज्या । ज्याविष्कंभयोर्वगंविशेषमूलं विष्कंभाच्छोध्यं। शेषाधंमिपुः । इपुवर्गस्य पड्गुणस्य ज्यावगंयुतस्य मूलं चनुःकाष्ठम् ।

अथांत्

$$\mathbf{g} = \frac{\ell}{2} (\mathbf{fa} - \sqrt{\mathbf{fa}^2 - \mathbf{gh}^2})$$

यहाँ इ=इप्, वि=विष्कंम तथा जी=जीवा

वाद को सूर्य-सिद्धान्त में यही इपु, उत्क्रमज्या अथवा शर कहलाने लगा। अन्तर केवल यही है कि वाद को व्यासांश के स्थान पर चाप क घ की उत्क्रमज्या अथवा शर कहलाया।

वेदांगज्योतिय :

शुत्व सूत्रों के उपरांत वेदांग ज्योतिप ने गणित की मूलभूत प्रतिविधाओं के शब्द प्रदान किए । गणित शब्द स्वयं वेदांग ज्योतिप का है:—

अवम (हर) आवाप (जोड़) अविमास उत्तम (अंश) श्रम्यास (गुणा) कुडुव (मार-प्रमाण) अपन गणित अयुज (विषम) गुण, गुणित

मृहतं ञ्यंश (१।३) यूत (घन, जुड़ा हुआ) द्रोण (भार प्रमाण) रूप (एक) द्वादशक (१२ के गुणज) विभाजन (माग) नाडिका (घटी) शोधन (घटाना) पल (मार-प्रमाण) संख्याय (गणना करके) मिन्न स्तु (नक्षत्र) भूगोल हत (माजित) मण्डल मास

यहां उत्तम और प्रयम जो क्रमशः अंश और हर के लिए प्रयुक्त किए गए हैं, विशेष उत्लेखनीय शब्द हैं। इनके देखने मात्र से यह प्रतीत होता है कि ये ऊपर और नीचे लिखे जाते थे। इससे यह अनुमान होता है कि भिन्नों की लेखन प्रणाली वेदांग ज्योतिष काल में ज्ञात थी। रूप शब्द भी महत्वपूर्ण है। यह यहां एक के अर्थ में प्रयुक्त हुआ है। इसी अर्थ में इसका परवर्ती गिएत के ग्रंथों में बाहुत्य रूप से प्रयोग हुआ है। गिएत शब्द मी सर्वप्रयम वेदांग ज्योतिष में ही प्रयुक्त हुआ था।

सुत्र ग्रंथ:

तैत्तिरीय संहिता (प्रपाठक २, अनुवाक ११-२०) तथा वाजसनेयि संहिता एवं गृहाश्रीतसूत्र तथा आश्वलायन श्रीतसूत्र में युग्म तथा अयुग्म शब्द सम विषय के अर्थ में प्रयुक्त हुए हैं। इडि, सरल इडि तथा चक्रदृद्धि शब्द व्याज, साधारण व्याज, तथा चक्रदृद्धि व्याज के अर्थ में गीतम धर्म-सूत्र में प्रयुक्त हुए हैं।

হাঁহাৰ কাল (২০০ ई০ पू०—২০০ ई০)

बौद्ध साहित्य की गणितीय शब्दावली को देन :

दशगुणोत्तर संख्याओं की वर्तमान शब्दावली में हजार के ऊपर एक एक नया नाम छोड़ के पूर्व नाम के पहिले दस लगा देते हैं जिससे कि १ स्थान मान भी बढ़ जाता है और नया नाम भी नहीं लेना पड़ता है। इस प्रकार दस हजार, दस लाख, दस करोड़ आदि अनेक संख्याओं के नाम बचा लिए हैं। यह प्रवृत्ति हमने चौद्ध साहित्य से ग्रहण की। हमारे यहां तो अयुत, नियुत, प्रयुत, अर्बुद, न्युर्बुद, समुद्र, मध्य, अंत और परार्घ प्रत्येक स्थान के पृथक्-पृथक् नाम थे। इन वैदिक नामों में से ग्राधे तो उक्त प्रवृत्ति के कारण व्यर्थ हो गए और आधे में से ग्राबुद को छोड़कर श्रेप परिवर्तित कर दिए गए। अर्बुद (ग्ररब) का भी मान वदर । इसके लिए अब कोटि शब्द प्रयुक्त होने लगा। बौद्ध साहित्य

काच्चायन कृत पालि व्याकरण में से संख्याओं की एक मनोरंजक सूची नीचे दी जा रही है:—

 $20 \times दश = सत$

 $१ \circ \times$ सत = सहस्स

?०×सहस्स=दस सहस्स

१० ×दस सहस्स=सत सहस्स

१० 火 सत सहस्स == दस सत सहस्स

१०×दस सत सहस्स=कोटि

इनमें से भी जनता ने केवल दस सहस्स ही लिया। शेप सत सहस्स, दस सत सहस्स ग्रहण न किए क्योंकि अधिक नाम छोड़ना यह भी सुविधाजनक नहीं या। सुविवा के लिए ही नाम रक्खे जाते हैं। वैदिक काल की संज्ञायें अधुत, नियुत, प्रयुत आदि यद्यपि छोटी थीं किन्तु अधिक विद्वत्तामय शब्द थे। उपसर्गो की भरमार यी, जिनमें से उच्चारण साम्य के कारण अर्थभेद करना कठिन हो जाता था। तांड्य बाह्मण में नियुत्त के लिए प्रयुत्त और प्रयुत्त के लिए नियुत्त प्रयुक्त किया गया है। इयर बीद्ध साहित्य ने भी इनके अर्थ गड्वड़ कर दिये। अर्जुन के पूछने पर क्या नवयुवक तुम कोटिगुणोत्तर संख्याओं को जानते हो। बोधिसत्व ने कहा 'सौ कोटि अयुत कहलाता है, सो अयुत नियुत, सी नियुत कंकर.....। यहाँ अयुत नियुत के अर्थ कितने बदल दिए गये। अतएव ये शब्द छोड़ दिये गए। लाख शब्द बौद्ध साहित्य में चर्यापिटक में १०० कोटिवर्ष के अर्थ में प्रयुक्त हुआ। पून: यह दाथावंस में वर्तमान वर्थ में ही प्रयुवत हुआ है। संस्कृत-साहित्य में याजवल्क्य स्भृति, हरिवंशपुराण तथा ब्रह्मांडपुराए। में यह शब्द आया है। हो सकता है बीद साहित्य से ही यह शब्द संस्कृत साहित्य में आ गया हो। संस्कृत गणितज्ञों ने संभवतः इसको इसी कारण से बहुत दिनों तक नहीं अपनाया । अंत में जैन गिएतज्ञ श्री महावीराचार्य (५५० ई०) ने इसका प्रचार किया, ग्रीर तब से हमारी गिनती में इसका प्रयोग होना प्रारंभ हो गया। परवर्ती श्रीधराचार्य ने भी इसको अपना लिया। कोटि शब्द वाल्मीकि रामायण, मनुस्मृति तथा याज्ञवलक्य स्मृति में प्रयुक्त हुआ है। बौद्ध साहित्य में जातकों तथा कुल्लिनिदेश में इसका प्रयोग हथा है। वाल्मीिक रामायण के निम्न श्लोक में इसका प्रयोग देखिये :---

शतै:शतसहस्रैश्च वर्तन्ते कोटिभिस्तया । अयुर्तैश्चावृता वीर शंकुमिश्च परंतप ।।

यदि यह बाल्मीकि रामायए। का मूल श्लोक है तब तो कोटि शब्द संस्कृत साहित्य का है, नहीं तो यह बीद्ध साहित्य से आया है। कोटि शब्द आर्यभटीय में भी मिलता है, किन्तु लक्ष नहीं। दूसरे कोटि पालि के अविकृत रूप में भी मिलता है, खतः प्रमाण दोनों पक्षों में समान मिलते हूं।

बीद्ध साहित्य में गणित के स्थान पर 'संख्यान' शब्द चलता था। स्थानांग-सूत्र (३५० ई०पू०) तथा कौटिल्य अर्थणास्त्र (३२२ ई०पू०) में मी इसी शब्द का प्रचार है। यथा:—

वृतचौलकर्मा लिपि संख्यानंचोपयुंजीत् ।। (कौ०अ०)

श्रवित् भृड़ाकर्म के बाद लेखन-कला तथा गणित सिखाये जायें। कीटित्य अर्थशास्त्र में गणितज्ञ के स्थान पर गाणितक्य शब्द प्रयुक्त हुआ है, जो गणना से बना है। गणना शब्द का भी बीद्ध साहित्य में प्रतुर प्रयोग है। प्राचीन बीद्ध साहित्य में प्रतुर प्रयोग है। प्राचीन बीद्ध साहित्य में प्रतुर (मुद्दा) गणना और मन्यान जीन प्रकार का गणित बताया गया है। मुद्रा उंगिलियों पर तगाये जाने वाले गणित को, गणना साधारण गणित को जो मन में ही लगाया जा मकना है तथा सहयान उच्च गणित को कहते थे। विनयपिटक, दिव्यावदान, मिलिदपञ्हों तथा दीर्घनिकायं में इनका उत्लेख है। वीद्ध साहित्य में लेखा का अर्थ लेखन कला अथवा चित्रकला था। पूज्य मुद्धाकर द्विवेदी जी के मत में लेखा का 'हिसाव' अर्थ मी बीद्धकाल से चला आता है। कृप शब्द विनयपिटक (११७७) में चित्रकला के श्रवें में आया है। बम्म-संगती में इलिप्स के लिए परिमंडल सब्द आया है, जिसको टीकाकार बुद्धपोप ने कुत्रकटाँड-संयान तथा पीतवत्यू टीका में आयतवृत कहा था। आयतवृत से ही वर्तमान दीर्यवृत्त शब्द का जन्म हुआ है। जैन साहित्य की गणितीय शब्दावली को देन:

सूर्यप्रजन्ति (१०० ई०पू०) में निम्नलिखित रेखागणित के शब्द आये हैं (सूत्र ११, १६,२४,१००)।

निकोण Triangle नियम चतुष्कोण Ol समचतुरस्र Square समचकवाल Ci

Oblique parallelogram

पंत्रकोण Pentagon विषम चक्रवाल Circle पंत्रकोण Pentagon विषम चक्रवाल Ellipse विषमचतुरत्र Oblique square चक्रार्य चक्रवाल Semi-ell

समबतुष्कोण Even Parallelogram चक्राकार Semi-ellipse Segment of

वर्तमान शब्द, कोण, त्रिकोण तथा चतुष्कोण सर्वप्रज्ञप्ति की देन हैं। हिन्दी में कोण से विगड़ कर कोना शब्द मी बना है किन्तु इसका अर्थ अंग्रेजी के 'कौनंर' का है न कि 'ऍगिल' का। हिन्दी की यह विशेषता है कि संस्कृत का मूल शब्द भी इसमें है और उसका विकृत रूप भी इसमें प्रयुक्त होता है। दोनों के अर्थ किन्तु विभिन्न होते हैं। इसी प्रकार इस मापा की शब्दावली विकसित हुई है। स्थानांगसूत्र:

स्यानांगसूत्र में निम्नलिखित गणितीय सन्द प्रयुवत हुए हैं :— परिकम्म (संस्थान) (परिकम्मं) ववहार (संस्थान) (न्यवहार)

१. दीवनिकाय १, पृ० ४१, विनयिपटक ४, पृ० ७, दिव्यावदान ई०वी० कावेल तथा आर ए नील द्वारा सपादित कैम्ब्रिज १८८६, पृ० २,२६,८८, मिलिंद पञ्हो, राइसडेविस कृत अनुवाद, आक्सफोर्ड १८६० ई०,पृ० ६१।

२. विनयपिटक ४।७,१२८ ।

गणितीय शब्दावली का ऐतिहासिक अध्ययन

एकतोऽऽनन्त ववहार (संख्यान) (व्यवहार) द्विविवानन्त रज्जू (,,) (रज्जु संख्यान) देशविस्तारानन्त रासी संख्यान (राशि संख्यान) सर्वविस्तारानस्त कलासवन्न (कलासवर्ण) जावंतावति (यावत्तावत्) शाश्वतानन्त भंग (स्थान-भंग और कम-भंग) वग्गो (वर्ग) ओज (विपम संख्या) वगगवागो (वगंवगं) गणिय (गणित) युग्म (सम संख्या) सुहुम (सूक्ष्म) विकल्पगणित (क्रमचय तथा संचय)

इन शब्दों में से यावत्तावत् शब्द विशेष उल्लेखनीय है। यह परवर्ती बी गणित की पुस्तकों में प्रथम अज्ञात राशि के लिए प्रयुक्त किया गया है। वर्ग, वर्ग थादि शब्द मी वीजगणितीय अर्थी में प्रथम बार यहाँ प्रयुक्त हुए हैं। इससे ज्यामितीय अर्थ में यह प्रयुक्त होते थे। गणित शब्द का प्राकृत रूप गणिय भी वि उल्लेखनीय है। गणित स्वतंत्र आधुनिक विषय के रूप में प्रथम बार यहीं देखने मिलता है। यद्यपि इससे पूर्व गणितानुयोग में भी यह शब्द प्रयुक्त हुआ है वि गणितानुयोग स्वयं कालविषान जैसे अर्थ में ही प्रयुक्त होता था। अतएव उसका प्रयोग वेदांग-ज्योतिप के गणित शब्द से बहुत कुछ मिलता है अर्थात् गणित एक प्रकार से उस समय ज्योतिप अर्थ था।

भगवती सूत्र के शब्द :

संख्येय घन (ठोस) असंख्येय धनत्र्यस्र (त्रिभुजाघार सूचीस्तंभ) संयोग (सचय) धनचतुरस्र (धन वर्ग) व्यस घनायत (ग्रायत समांतर फलक) चतुरस धनवृत्त (गोला) आयत धनपरिमंडल (दीर्घवृत्तीय वेलन) वृत्त वलयवृत्त (वृत्तीय वलय) परिमंडल (दीर्धवृत्त) वलयत्र्यस्र (त्रिभुजीय वलय) प्रतर (समतल) वलय चतुरस्र (चतुर्भु जीय वलय)

यहाँ परिमंडल शब्द दीर्घवृत के अर्थ में प्रयुक्त किया गया है। पहिले चुके हैं कि इसका इस अर्थ में सर्वप्रथम प्रयोग घम्म-संगनी नामक बौद ग्रं हुआ था।

```
उत्तराध्ययन युत्र ३०० ई०पू० (युत्र ३०।१०।११):
```

इसमें निम्नलिखित बीजगणितीय घातों के नाम प्रयुक्त हुए हैं :-

वगं

घन

बगंबर्ग (४)

धनवर्ग (६)

धनवर्गवर्ग (१२)

इन शब्दों के देखने से यह पता चलता है कि घातों के शब्द गुणा-प्रक्रम के हैं न कि योग-प्रक्रम के, अर्थान् घनवर्गवर्ग का अर्थ १२ हैं न कि सात।

अनुयोगद्वार सूत्र (१५० ई०५०):

स्थान (सम्या-स्थान सूत्र १४२) रसमान

द्रव्य प्रमाण सुच्यंगुल (रैलिक माप) प्रतरांगुल (क्षेत्रफलीय माप) क्षेत्र प्रमाण

घनांगुल (आयतनीय माप) कालप्रमाण माव प्रमाण प्रथम वर्ग = (क²)

हितीय वर्ग $=(4^2)^2=4^8$ मान

न्तीय वर्ग= $(a^{\gamma})^2 = a^{\alpha}$ उन्मान

अवमान (रेखिकमान) q at $a\hat{q} = (a^3)q = a^3q$

प्रथम वर्गमूल=क^ई गिग्म (संख्या-मान

दितीयवर्ग मूल=क^{रे} प्रतिमान

तृतीय वगंमूल = क ने वान्यमान

बाहु (त्रिज्या)

इन शब्दों में स्थान शब्द तथा विभिन्न प्रकार के मापों के नाम जैसे रैखिक माप तथा क्षेत्रफलीय मापों के शब्द विशेष उल्लेखनीय है। चमास्वाति शब्दावली :

> वृत्त परिक्षेप (परिधि) ज्या (जीवा) इपु (शर)

भेद-गुणन (खण्ड-गुरान) विष्कंभाधं (तत्वार्थविगम सूत्र माप्य विष्यंभ (ब्यास) 8128 व्यासार्ध (जम्बुद्वीप समास ४) यमुकाष्ट (चाप)

यहाँ व्यासार्घ तथा विष्कंभार्घ शब्द त्रिज्या के अर्थ में विशेष उल्लेखनीय हैं। व्यासार्घ शब्द जम्बूद्धीप समास में सर्व प्रथम प्रयुक्त प्रतीत होता है। इस सम्बन्ध में यह स्मरणीय है कि शुल्व सूत्रों में व्यास के अर्थ में व्यायाम तथा अर्घव्यास के अर्थ में अर्घ व्यायाम शब्द प्रयुक्त किए गए हैं। विष्कंभ शब्द का भी व्यास के अर्थ में शुल्व सूत्रों में प्रयोग मिलता है।

प्राकृत भाषा के शब्द:

उपर्युक्त विवरण से प्रतीत होता है कि वर्ग, वर्गमूल तथा घन शब्दों का बीजगणितीय अर्थ तया घन का ठोस अर्थ एवं स्थान (संख्यास्थान) शब्द, मान, वलय (annuli), अनन्त, व्यःसार्घ ये शब्द पहले प्राकृत में ही प्रयुक्त हुए । यद्यपि उपरोक्त शब्द संस्कृत में पहले से ही थे किंतु गणितीय अर्थों में प्राकृत साहित्य में ही प्रयुक्त हुए। कोण, त्रिकोण, चतुष्कोरा पाटी (अंकगणित) श्रेढ़ी, गच्छ (अन्तिम पद, करसा-गाथा) कलासवर्ण तथा जीवा शब्द प्राकृत से ही संस्कृत में प्रविष्ट हुए। हिन्दी के नील तथा पदा शब्द कमल सम्बन्धी नाम हैं। कमल सम्बन्धी अनेक संस्या नाम जैसे उत्पत्त, नितन, पद्म, कुमुद, जम्बुद्दीप प्रज्ञप्ति (५०० ई० पू०), सूर्य प्रज्ञप्ति, जीव समास आदि जैन ग्रन्थों में आये हैं तथा काच्चायन कृत पालि व्याकरण में भी सौगंधिक उप्पल (उत्पल) कुमुद, पुण्डरीक, पदुम आदि नाम नाये हैं। इधर नव-निधियों के संस्कृत नामों में पद्म, राह्व, नील तया खर्व शब्द आते हैं। वाल्मीकि रामायण में भी पद्म तथा ब्रह्माण्ड पुराण में खर्व, पद्म और शङ्क शब्द संस्या के अर्थ में आये हैं। किन्तु वैदिक नाम अयुत, नियुत, प्रयुत, अर्बुद, न्यर्बुद तथा परार्घ थे अतः इनको छोड़कर अन्य नाम किसी अन्य घर्मावलम्बी ने ही रक्खे होंगे। अतः सम्मव है कि नील तथा पद्म नाम जैन अथवा बौद्ध साहित्य के हों। शहुः शब्द वाल्मीकि रामायण में प्रयुक्त हुआ है तथा जैन एवं बौद्ध साहित्य में यह नहीं मिला है अतः गणितीय अर्थ में यह संस्कृत का ही शब्द है।

जोड़ना भी जुड घातु से बना है। यह भी संस्कृत युज् घातु का प्राकृत रूप प्रतीत होता है। इसी प्रकार घटाना शब्द भी संस्कृत घाटयाति से बना है जो घातयित का प्राकृत रूप प्रतीत होता है। जैन साहित्य तथा कौटित्य वर्षशास्त्र एवं परवर्ती गणित की पुस्तकों में बोज शब्द विषम-संस्था के अर्थ में आया है। वेदांग-ज्योतिष में इसको 'श्रयुज' शब्द आया था। हो सकता है अयुज से ही विगड़कर प्राकृत में पहिले अडज तथा बाद में ब्रोज हो गया हो और पाटी शब्द की माँति पुन: संस्कृत में प्रविष्ट हो गया हो, नगोंकि यदि ओज शब्द स्वतन्त्र संस्कृत शब्द होता तो इसके जोड़ का युग्म का भी कोई दूसरा होता। ओज और युग्म का जोड़ा ही इस बात को बताता है कि ओज अयुज् से विगड़कर बना है।

मुण्डा भाषा के शब्द :

मारत की आदिम जातियों जैसे कोल, किरात आदि की भाषाओं से मी कुछ शब्द हिंदी में आये हैं जैसे मयूर, कदली ग्रादि। इनमें से गणितीय शब्द कोरी (२०) भी एक है। मारत की प्राचीन जातियों में २०-२० करके गिनने की प्रया थी। अतएव उनकी मापा में उसका वाचक कोरी शब्द मी था। जिस प्रकार कि रोमन जाति में १२-१२ करके गिनने की प्रया थी। अतएव उनकी मापा में डजन शब्द है। जिससे हिन्दी में विगड़कर दर्जन शब्द हो गया। हिन्दी में दर्जन का कोई अपना शब्द नहीं है वयों कि यहाँ १२-१२ करके गिनने की कमी प्रया नहीं रही है थी। यहाँ यह भी स्मरणीय है कि भारत की प्राचीन जातियों की भाषा मारत से लेकर आस्ट्रे लिया तक एक समान पाई जाती है। इस भाषा का नाम विद्वानों ने अव आस्ट्रो-एशियाटिक भाषा रखा है। ऐसा प्रतीत होता है कि भारत से लेकर आस्ट्रे लिया तक पहले स्थल भी था अतएव इनका भाषा समान थी। समुद्र का प्रादुर्भाव वाद में हआ।

कीटिस्य ग्रयंशास्त्र की गिएतीय शब्दावली :

कौटिल्य अर्थशास्त्र में निम्नलिखित गणितीय शब्द प्रयुक्त हुए हैं :-

संकलन (जोड़ना) चतुस्र (चौकोर) दीर्घ (ग्रायताकार) निर्वतंन (घटाना) वृद्धि (व्याज) अनुमान संख्याय क उदाहरण अक्षपटल (ए॰ जी॰ -- कार्यालय) लिपि वर्ग (समूह) तल संख्यान (गिग्ति) गणना (गिनती) नीवी (पुँजी, घनराशि) गांग्निक्य (एकाउण्टेण्ट) अग्र (दृहद्योग) लेखक (क्लर्क) रूपदर्शक (रुपया परखने वाला) व्याजी (क्षतिपूरक एक कर) त्रिमाग (तिहाई) ओज (विपम) जून्य (सूना) युगम (सम) प्रमाण (मारमान) वृत्त

कौटिल्य अर्थशास्त्र ने मी संकलन श्रीर व्याज का पूर्वज व्याजी शब्द प्रदान किया। इसके उपरान्त भिगल छन्दःशास्त्र (२०० ई० पू०)ने गणितीय शून्य शब्द प्रदान किया। शून्यसूचक विन्दु शब्द ५वीं शती के वासवदत्ता नामक ग्रन्थ में मिलता है। कौटिल्य अर्थशास्त्र में विन्दु का प्रयोग नष्ट-प्रसूति स्त्री के लिए किया है। उसमें कहा है कि "वन्ध्यां अष्टवर्षाण आकांक्षेत, विन्दु दश, द्वादश कन्या-प्रस-विनीम्" की० अ० शा० २, पृ० १६४।

अर्थात् वन्ध्या स्त्री की आठ वर्ष तक पुत्र प्राप्ति की प्रतीक्षा करे, विन्दु की १० वर्ष तक तथा कन्या-प्रसविनी की १२ वर्ष तक प्रतीक्षा करे।

ईसंवी नृतीय शती में भाग्यवश पेशावर के पास वक्षले ग्राम में गणित की एक पुस्तक के केवल ५०, ५२ जीएां-शीणं पन्ने मिले हैं, जिनसे यह प्रतीत होता है कि गिएत की प्रगति ५०० ई० पू० से ३०० ई० तक निर्वाध रूप से सतत चलती रही। स्थानांग सूत्र (३५० ई० पू०) का कलासवर्ण शब्द, वक्षाली में भी मिलता है तथा इसके बाद महावीर एवं श्रीघर की रचनाओं में भी यह पाया जाता है। इसमें जोड़ के लिए सङ्कलित शब्द भी आता है जो बाद में ब्रह्मगुप्त, महावीर आदि की कृतियों में भी बाहुल्यरूप से पाया जाता है। अलवरूनी इस शब्द को अपने साथ अरब ले गया। जमा के लिए धन शब्द का भी प्रयोग मिलता है। आधारभूत प्रक्रियाओं के शब्द योग, वियोग, गुणा, माग शब्द भी इसमें प्रयुक्त हुए हैं। तल, त्रैराशिक तथा मानी हुई राशि के लिए यादच्छ, कामिक शब्द तथा पिड भी अव-लोकनीय हैं। यून्य तथा मूलघन शब्द भी वर्तमान अर्थों में प्रयुक्त मिलते हैं। हिंदी के हंडी शब्द का पूर्वज 'हंडिका-समानयनसूत्र' शब्द व्याज सम्बन्धी नियमों के संग्रह के लिए आया है। सम्मिश्रण तथा ऋय, विकय शब्द भी अंकगिएत के प्रश्न-विषयों के द्योतक हैं। वर्ष्य शब्द काटने योग्य के अर्थ में अवलोकनीय शब्द है। इसी ने समापर्वत्य शब्द की नींव डाली । शुल्वकाल का करणी शब्द अभी तक चला आ रहा है। यहाँ यह भी उल्लेखनीय है कि न्यास के स्थान पर न्यासस्थापन शब्द प्रयुक्त किया है तथा श्रेढ़ी के स्थान पर वर्ग शब्द का प्रयोग किया गया है। नीचे वक्षालीगणित-शब्दावली दी जा रही है।

अनुक्रम पृ० १६७
अभ्यास पृ० १६७
अंश (भाग) पृ० १६५
इच्छा पृ० १६३
उत्तर पृ० १६२ भाग ३
उदाहरण पृ० २२
करण पृ० २२
करणी पृ० १७८
कलासवर्ण पृ० २०७, भाग ३

Multiplication

Assumed number

Example Solution Surd

Arbitrary, Quantity

मुण्डा भाषा के शब्द :

मारत की बादिम जातियों जैसे कोल, किरात बादि की भाषाओं से भी कुछ शब्द हिंदी में बाये हैं जैसे मयूर, कदली ब्रादि। इनमें से गणितीय शब्द कोरी (२०) भी एक है। मारत की प्राचीन जातियों में २०-२० करके गिनने की प्रया थी। अतएव उनकी मापा में उसका बावक कोरी शब्द भी था। जिस प्रकार कि रोमन जाति में १२-१२ करके गिनने की प्रया थी। अतएव उनकी मापा में इजन शब्द है। जिससे हिन्दी में विगड़कर दर्जन शब्द हो गया। हिन्दी में दर्जन का कोई अपना शब्द नहीं है क्योंकि यहाँ १२-१२ करके गिनने की कभी प्रया नहीं रहीं थी। यहाँ यह मी स्मरणीय है कि मारत की प्राचीन जातियों की भाषा मारत से लेकर आस्ट्रे लिया तक एक समान पाई जाती है। इस मापा का नाम विद्वानों ने अव आस्ट्रो-एशियादिक भाषा रखा है। ऐसा प्रतीत होता है कि भारत से लेकर आस्ट्रे लिया तक पहले स्थल भी था अतएव इनका मापा समान थी। समुद्र का प्रादुर्भाव वाद में हुआ।

कीटिल्य प्रयंशास्त्र की गणितीय शब्दावली :

कौटिल्य अर्थशास्त्र में निम्नलिखित गणितीय शब्द प्रयुक्त हुए हैं :-

संकलन (जोड़ना) वत्स्र (चौकोर) निवंतंन (घटाना) दीर्घ (ग्रायताकार) वृद्धि (व्याज) अनुमान संख्यायक **उदाहरण** अक्षपटल (ए॰ जी॰—कार्यालय) लिपि वर्ग (समूह) तल संख्यान (गणित) गणना (गिनती) गाग्गनिक्य (एकाउण्टेण्ट) नीवी (पूँजी, घनराशि) लेखक (बलर्क)! अग्र (वृहद्योग) रूपदर्णक (रूपया परखने वाला) व्याजी (क्षतिपूरक एक कर) ओज (विपम) त्रिमाग (तिहाई) यूग्म (सम) ञून्य (सूना) प्रमाण (भारमान) वृत्त

कीटिल्य अर्थशास्त्र ने मी संकलन ग्रीर व्याज का पूर्वज व्याजी शब्द प्रदान किया। इसके उपरान्त निगल छन्दःशास्त्र (२०० ई० पू०)ने गणितीय शून्य शब्द प्रदान किया। शून्यसूचक विन्दु शब्द ५वीं शती के वासवदत्ता नामक ग्रन्थ में मिलता है। कौटिल्य अर्थशास्त्र में विन्दु का प्रयोग नष्ट-प्रसूति स्त्री के लिए किया है। उसमें कहा है कि "वन्घ्यां अष्टवर्षाणि आकांक्षेत, बिन्दु दश, द्वादश कन्या-प्रस-विनीम्" की० अ० शा० २, पृ० १६५।

अर्थात् वन्व्या स्त्री की आठ वर्ष तक पुत्र प्राप्ति की प्रतीक्षा करे, विन्दु की १० वर्ष तक तथा कन्या-प्रसिवनी की १२ वर्ष तक प्रतीक्षा करे। वक्षाली-गब्दावली :

ईसंबी तृतीय शती में भाग्यवश पेशावर के पास वक्षलै ग्राम में गणित की एक पुस्तक के केवल ५०. ५२ जीएां शीण पन्ने मिले हैं, जिनसे यह प्रतीत होता है कि गिरात की प्रगति ५०० ई० पुरु से ३०० ई० तक निर्वाध रूप से सतत चलती रही । स्थानांग सूत्र (३५० ई० पू०) का कलासवर्ण शब्द, वक्षाली में भी मिलता है तथा इसके वाद महावीर एवं श्रीधर की रचनाओं में भी यह पाया जाता है। इसमें जोड़ के लिए सङ्कलित शब्द भी आता है जो बाद में ब्रह्मगुप्त, महावीर आदि की कृतियों में भी वाहल्यरूप से पाया जाता है। अलवरूनी इस शब्द को अपने साथ अरव ले गया। जमा के लिए धन शब्द का भी प्रयोग मिलता है। आधारभूत प्रिक्रियाओं के शब्द योग, वियोग, गुणा, माग शब्द भी इसमें प्रयुक्त हुए हैं। तल, त्रैराशिक तथा मानी हुई राशि के लिए यादच्छ, कामिक शब्द तथा पिंड भी श्रव-लोकनीय हैं। जून्य तथा मूलघन शब्द भी वर्तमान अर्थों में प्रयुक्त मिलते हैं। हिंदी के हुंडी शब्द का पूर्वज 'हुंडिका-समानयनसूत्र' शब्द व्याज सम्बन्धी नियमों के संग्रह के लिए आया है। सिम्मश्रण तथा कय, विकय शब्द भी अंकगिए।त के प्रश्न-विपयों के द्योतक हैं। वर्त्य शब्द काटने योग्य के अर्थ में अवलोकनीय शब्द है। इसी ने समापर्वत्य शब्द की नींव डाली । शुल्वकाल का करणी शब्द अभी तक चला आ रहा है। यहाँ यह भी उल्लेखनीय है कि न्यास के स्थान पर न्यासस्थापन शब्द प्रमुक्त किया है तथा श्रेढ़ी के स्थान पर वर्ग शब्द का प्रयोग किया गया है। नीचे वक्षालीगणित-शब्दावली दी जा रही है।

अनुकम पृ० १६७
अम्यास पृ० १६७
अंश (भाग) पृ० १६५
इच्छा पृ० १६३
उत्तर पृ० १६२ भाग ३
उदाहरण पृ० २२
करण पृ० २२
करणी पृ० १७८
कलासवर्ण पृ० २०७, माग ३

Multiplication

Assumed number

Example Solution Surd

Arbitrary Quantity

भाग

क्य ए० १६६ क्षम (गण अथवा वर्ण) धोग १६१ ग्गाकार पृ० १८७ गिग्त परिका पु० १६० मन (अकगरिएतीय) पृ० १७= समयु० १७६ विद (भाग) ए० १४ जाति ए० १६५ तल पुर १६६ तीला (भारमान) पु० १६४ भैशाशिक विघान प्० १**≒**६ **भैशक्षिक** वल (अर्ब) पु० २१५ प्रश्म (यी हुई संख्या) प्० १६३ भग (जमा) पु० १६१ तीति (पंजी) पृ० २२० स्थास स्थापन पु० २३३ पद पर १७६-१८६ परावर्तं (परिञ्चमण) पु० २२४ पिष्ठ प्रदीप पुर १६३ प्रस्था पुरु ४ प्रत्यानग पाल पुर २२, भाग १ (उत्तर)

C.P. Quality Multiplied Cuhe Operation of Division Surface Measure of weight Rule of three Arithmetical proportion Half Day Given number Plus Capital Putting down the statement of data Revolution

Interpolation

Verification

Answer Division

Proof, Verification

राशि पृ० २११
रूप (एक) पृ० १६८-१७६
लाभ सूत्र ११
लिप्ता पृ० २२
वर्ग (श्रेढ़ी) पृ० १६३
(वर्ग)
बर्द्य (काटने योग्य) पृ० १६३
बल पृ० १२४
विकय सूत्र ४ पृ० ६१
वियोग (घटाना) १६२
विलिप्ता पृ० २२
वेग पृ० २२४
वेगवल पृ० २२४
वैथुल्य (चौड़ाई) पृ० १५६
जून्य पृ० १६३ पृ० २२
मुद्धि पृ० १७७
शेप पृ० २२
शोल्किक पृ० २२१
सहशीकरण
सम्मिश्रण पृ० २१०
सूत्र पृ० २२
संगलित पृ० १७६, भाग ३
रयापन
हरसाम्यकरण
हस्तंगतं (हाय आया १)

Quantity, number

Unity Gain

Minute

Series Square

To be cancelled

Force

S. P.

Subtraction

Second Velocity

Force of velocity

Width

Zero or empty place

Remainder Tax Cupdt.

Alligation Rule

Summation

Statement

The rule dealing with interest

बुत ऋण चिद्ध धेद

यक्षाली गणित में प्रमुक्त संकेताकर:

हंटिका समानयन सूत्र

भार भेर	भाग घेप	4°	
गू॰	मून	i3 o	

फु० विलिप्ता फल वि० লি০ उदा 0 **उदाहर**ग् लिप्ता

मध्यकाल अथवा स्वर्णयुग (५०० ई०--१२०० ई०)

वक्षानी गणित के बाद पाँचवी सताब्दी के अंत में ज्योतिष शिरोमिष क्षार्यभट ने निम्नलिखिन गणितीय शब्द प्रयुक्त किए :---

अब ऊर्ख (ऊर्बाबर से मिलना हुआ) गुलिका (रंगीन गोंली, अध्यक्त राशि बद्धांग के लिए) अवल (स्थिर) गोल ग्रंतपद गोलावं वननाम घनफल अपक्रम (कान्नि) चतुर्भं ज अपमंडल (कान्ति वत्) जीवा अयनादि त्रिभुज वासन्त Approximate परिणाह (शुल्वकाल ने आया हुआ) ऋण Minus परिवि कब्या Orbit प्रतिलोम कर्गं Hypotenuse पात Node कोटि Perpendicular भगण Revolution वितिज भूगोल क्षय मेपादि First point of aries क्षेत्रफल लंबक गति विपरीत शैराशिक सर्वग्रास

वराहमिहिर:

आर्यमट के उपरांत आयुनिक फलित ज्योतिप के जन्मदाता वराहमिहिर ने भी निम्नलिखित गणितीय शब्द प्रयुक्त किए हैं। ये पंचसिद्धांतिका से लिए गए हैं—

होरा

अनुपात पृ० ५७ देशान्तर पृ० १, ४१ वपमान्तर (अपक्रमान्तर) पृ०४६ ब्रृव (अर्बच्यास) पृ०११ करणी (वर्ग) पृ० ११-१२ मुज (आबार) पृ०४ २ केन्द्र पु० ६ भूमध्य (पृथिवी केन्द्र) पृ० ३६ समध्य पु० ३४ मध्यम पु० ४८ त्रिज्या पु० ११ मध्यममान प० २४ दिनवार (दार) पृ० ४५ वलन

•

विसेप पृ० २१-४१ वेय पृ० इद

संगुद्धि पु० ४५ हरिज पृ० ३०-४६

समांतर रेखा प्० २१

वराहमिहिर ने भारतीय तथा यवन ज्योतिप के सिद्धांतीं का पंचसिद्धांतिका नामक स्वग्रंथ में संग्रह किया। ग्रतएव आपीविलम, यामित्र, मेपूरण, केन्द्र, हरिज स्रादि कुछ यूनानी शब्दों का भी प्रयोग करना उनके लिए स्वामाविक या। बह्मगुप्त:

वराहिंमहिर के बाद भारत के महान् गिणतज्ञ ब्रह्मगुप्त ने निम्नलिखित गणितीय शब्द प्रयुक्त किए-

अंश

वपवर्तन (सामान्य भाजक से काटकर लघु करना)

ववलम्ब (साहुलसूत्र)

FG (Absolute term)

श्रव्यक्त (अज्ञातराशि)

लदिव

वीत्र (निकटतर आसन्नमान)

वज्रवय (वज्राम्यास)

कुट्टक गणित (बीजगणित)

वर्ण (जैसे बीजगणित में क, ख, ग)

गोमूत्रिका (गूणन की एक विवि)

विषमविभूज (Scalene triangle) व्यवकलित (शोधन)

घात (गुणनफल)

व्यस्त (Inverse)

तद्गत (Raised to that power)

व्यावहारिक (स्यून)

तात्कालिक

शोवन (व्यवकलन)

हिसमत्रिमुज (समहिवाहु त्रिभुज) नतकाल (Hour angle)

सम (समीकरण)

निरपवतं (Reduced to least terms)

समकरण (समीकरण)

माज्य

समखात (समपाइवं)

मावित (Terms like x y)

स्पव्टीकरण

मेद (Factor)

सूची (सूचीस्तम्भ)

याम्योत्तर (Meridian)

हृदय, हृदयरज्जु (कोणस्पृग्वत कीत्रिज्या)

यद स्मरण रहे कि ब्रह्मगुप्त ने सबसे पहिने बाद्युनिक समीकरण शब्दाविती को जन्म दिया। इन्होंने बीजगींगत को कुट्टकगणित कहा या तथा कुट्टक अनिर्घार्य समीकरण के अर्थ में प्रयुक्त किया। इन्हीं के सम अथवा समकरण शब्द से लख्न में अस्मेका शब्द की उत्पत्ति हुई । इनके 'वघ, हनन तथा 'घात' शब्दों से अरव में गुणा के निए जरव बद्द की उत्पत्ति हुई।

नास्कर प्रयमः

ब्रह्मगुष्त के समसामयिक मास्कर प्रथम थे जिन्होंने आर्थेभटीय की टीका में वीज-चतुष्टय शब्द का प्रयोग किया है जिसको मास्कर द्वितीय ने भी प्रयुक्त किया था। बीज-चतुष्टय ४ प्रकार के समीकरणों को कहते थे और समीकरण-सावन इतना महत्वपूर्ण था कि उसी के नाम पर परवर्ती पद्मनाभ तथा भास्कर द्वितीय ने अल्जेबा का नाम वीजगणित रक्खा। इसके अतिरिक्त महाभास्करीय में निम्न शब्द और प्रयुक्त किये जो आज की शब्दावनी के लिए परम उपयोगी हैं—

अनुदिश पृ०६२ चक्रांश (अंश) पृ०१६ दशलव (दशवां भाग) पृ०१० विन्दु पृ०२२ संपात पृ० ६२ स्पर्शन पृ० ७६ हार पृ० ४५, ४६ ओन लयुभास्करीय

महावीराचार्यः

ब्रह्मगुप्त और मास्कर के उपरांत दक्षिण के प्रसिद्ध जैन गणितज्ञ महावीरा-चार्य (८५० ई०) हैं। इनकी गणितसार-संग्रह अंकगिणत की अद्वितीय पुस्तक है। आज के संख्यावाचक शब्द बहुत कुछ उसी के आधार पर हैं। यथा—

एकं तु प्रथमस्यानं दितीयं दशसंज्ञिकम् ।
तृतीयं शतिमत्यादुः चतुर्यं तु सहस्रकम् ।।
पंचमं दशसहस्रं पष्ठं स्यात्नक्षमेव च ।
सप्तमं दश सहस्रं नक्षं तु अष्टमं कोटिरुव्यते ।।
नवमं दशकोट्यस्तु दशमं शतकोट्यः ।
सर्वुं दं रहसंयुक्तं न्यर्नुं दं द्वादशं भवेत् ।
सर्वं त्रयोदशस्यानं महासर्वं चतुर्देशम् ।
पद्यं पचदशं चैव महापद्यं तु पोडशम् ।।
कोग्गी सप्तदशं चैव महाक्षोणी दशाष्टकम् ।
शंस्तम् नवदशं स्थानं महाशंस्तम् तु विश्वकम् ।

(ग०सा० स०, प० ७, ५)

इसमें नील को छोड़ कर शेप सब आधुनिक संख्यावाचक नाम आ गये हैं। उनके मानों में गत ११०० वर्षों में थोड़ा-बहुत अन्तर पड़ जाना तो विल्कुल स्वा-माविक है। संख्यावाचक इन शब्दों के अतिरिक्त महावीराचार्य ने निम्न अन्य गणि-तीय शब्द प्रयुक्त किये हैं जो इप्टब्य हैं— जन्नत (जन्नतोदर) निम्न (नतोदर) एकीकरण (अनेकों को एक करना) निरुद्ध (ल०स०प०) करणसूत्र (कार्यकारी सत्र) गुण (सामान्य अनुपात) प्रचय (सामान्य अन्तर) गुणोत्तर (सामान्य अनुपात) मासिक वृद्धि गुणसंकलित (गुर्णोत्तर श्रेणी) मिश्रधन घनीकृत (Cubbed) वृत्त (Curvilinear figure) चय (सामान्य अन्तर) शतरुद्धि (प्रतिशत) समरत्त (वृत्त)

कीटित्य अर्थवास्त्र में मासिक वृद्धि के स्थान पर मासवृद्धि शब्द प्रयुक्त हुआ था।

पृथ्दक् स्वामी:

सार्यभट तथा ब्रह्मगुष्त के प्रसिद्ध टीकाकार पृथूदक् स्वामी (५६० ई०) से हमको द्विपद (Binomial), त्रिपद (Trinomial) आदि शब्द मिले।

श्रीघराचार्य :

इसके उपरान्त श्रीघराचार्य के निम्न शब्द अवलोकनीय हैं:-

चय संकलित (समांतर श्रेणी) संस्थानक (Configuration)
संकलित (,,) संस्थान (,,)
वृद्धयुत्तर (वर्द्धमान) व्यय (ऋण)
अर्घवृत्त सम (Even)
निम्न विषम (Odd)

श्रीपति :

श्रीघराचार्य के उपरांत अंकगणित की प्रसिद्ध पुस्तक गणितितलक तथा सिद्धांन्तग्रंथ सिद्धांतशेल के रचिता श्रीपित (१०३६ ई०) द्वारा प्रयुक्त कुछ विशिष्ट शब्द नीचे दिये जा रहे हैं।

अतुल्यबाहु सि॰शे॰च्य॰ ३२ करणीपद पृ॰ १२ अभिघात (गुणा) ३ इु (आघार) व्य॰ २६ अवघा (Segments) पृ॰ २६ कृतिज (वर्गमूल) व्य॰ २२ अव्यक्तवर्णा (अज्ञात राशि) पृ॰ १ अव्य॰ कृतिजसंकलित सि॰शे॰व्य॰ २४ एकक सि॰शे॰च्य॰ २१ कोटि (लंब) ,, ,, ,, ,, ४० खहर (अनंत) अव्य० ६ माजक व्यक्त २८ १ (गुरानखण्ड) व्य० १३ भाज्य ,, ३ गुण २ गणांक→अव्य० ३२ भूजसमास (a+b+c) ,, २५ गुस्मक लव्यि वहिर्द त (Circumcircle) ३२ गुण्य टय० २ विषमकर्म निम्न युगपत् समीकरण: --घनज (घनमूल) व्य० २२ घनज संकलित (घनमूल योग) व्य० २२ कर-खर=ग घनपाणि (घनहस्त) व्य० ४५ क-ख= घ अव्यक्त १३ चरम (अंतिम) विपम चतुर्भु ज व्यक्त ३४ छेद (हर) पृ० ३६ व्यवत गणित (अंकगणित) व्यक्त २ तक्षण (अपवर्तन) व्य० १५ शतफल (प्रतिशत) ग०ति० ताडन (गुणा) संक्रमण (निम्न युगपत् समीकरण) द्वितुल्यवाहु (समद्विवाहु) ,, ३३ क + ख = ग निकट (आसन्न) क-ख=घ अन्यक्त १३ निरग्रक (Completely divisible), २३ समीपमूल (आसन्तमूल) ,, '३६ पक्ष (Side) सवर्गान प्रकृति (गुणांक) अव्य ५६ सुस्म (Well accurate) ,, ३४

उपरोक्त श्रीपित द्वारा प्रयुक्त शब्दावली के अध्ययन से ज्ञात होता है कि भास्कर के गणित तथा उनकी शब्दावली पर श्रीपित का गहन प्रभाव है। इसमें व्यक्त गणित, अव्यक्त गणित खहर तथा गुणांक के लिए गुणक एवं पसेंटेज के लिए शतफल शब्द का प्रयोग विशेष उल्लेखनीय है। महावीराचार्य ने शतफल के स्थान पर शतवृद्धि शब्द का प्रयोग किया था।

भास्कर द्वितीय:

इसके उपरांत प्रसिद्ध गणितज्ञ भास्कर द्वितीय (१११४ ई०) की शब्दावली नीचे प्रस्तुत की जा रही है जो अवलोकनीय है:-अकरणीगत लीलावती १४०पृ० Rational करणीगत (अपरिमेय) लीला०पृ० १७६ अनेकवर्णसमीकरण बीजगणित १७६ कल्पना बी०ग०पृ० ६३ मभिन्न (पूर्णाकीय) लीलावती पृ० १०० गाणितिक (गणितक्र) लीला० पृ० १६४ भानन्त्य (Infinity) बी०ग०पृ७ ५३ तल (आधार), (तल्ला) ,, ,, ,, २२१ आसन्न लीलावती पृ० १८६ तिर्यक् छेद (बनुप्रस्थकाट) ,, ,, २३२ इप्टकर्म ,, हड़ (Reduced to least terms) . .यापन वी०ग०पृ० ७० नवभुज लोला॰ पृ० २१२ हवर्गं समीकरण बी०ग०पृठ ५ द पक्षनयन (पक्षांतरण) पृठ ७६

भावित बी॰ग॰ वज्राम्यास बी॰ग॰ मध्यमाहर्गा ,, (Elimination of विनिमय लीला॰ पृ॰ ६६ middle term)

उत्तर काल (१२०० ई० १८०० ई०--)]

मास्कर दितीय के उपरांत सम्राट जगन्नाथ (१७वीं शती) ने रेखांगणित नामक ग्रंथ रच कर रेखांगणित की बहुत कुछ नवीन शब्दावली का मुजन किया। जिसको अधिकत: हिन्दी भाषा ने अपना लिया। यथा:—

अधिककोण अधिककोण त्रिभुज अन्तर्गत कोण (Included angle) अन्तर्गृत (Incircle) अर्घकरण (Bisection) अष्टफलक उपपत्ति Proof

उपरिकृत Circum Circle एककेन्द्रक वृत Concentric Circle

कोदण्ड Segment of the circle गोल क्षेत्र Sphere घन क्षेत्र Solid घनफल Volume

घनहस्त क्षेत्र Parallelepiped

घनकोण Solid angle चापकणं Chord चिह्न Point

घरातल Plane, Plane surface

घरातल क्षेत्र Plane area

निष्पत्ति Ratio

निःशेष Without remainder

न्यूनकोण त्रिभुज समत्रिबाहक समद्विबाहुक

समघरातल क्षेत्र Plane surface

रेखागणित

परिमाषा Termonology पालि Circumference

पूर्णांक (जो अपने गुणनखण्डों का योग हो)

फलक Face

बहिगंत कोण External angle

भ्रमण Rotation

मूल Foot of the perpendicular योगांक Composite number लंबरेखा Perpendicular line

वकरेखा

विषमकोण Scalene angle

विषम Odd शंकु Cone

सजातीय Homogeneous सजातीय क्षेत्र Similar figure

समकोण समकोण त्रिभुज समत्रिभुज

सूची-फलक घनक्षेत्र Pyramid

इन प्राचीन उद्धरणों से यह स्पष्ट है कि भारतीय गणित शब्दावली इतनी ही प्राचीन है जितना कि भारतवर्ष। इसका एक अपना सुसंबद्ध तथा सुश्लिष्ट इतिहास है। सहस्रों वर्षों तक की हुई निरन्तर कठोर तपस्या तथा सुदीर्घ चितन का यह परिलाम है। वह किसी एक व्यक्ति की निजी मस्तिष्क की उपज नहीं है। शब्दों को एक दीर्घकाल तक उन्पन्नत प्रतियोगिता करने का मध्य अवसर मिला है तया योग्यतमावशेष के सिद्धांत से जो सबसे सरल संक्षिप्त तथा सुन्दर थे, वहीं जीवित रहे वेष सब कालकवित हो गये। फिर भी जो बचे उन में प्रवानतिया संस्कृत तथा गौग रूप से प्राकृत पानि तथा अन्य प्राचीन एवं प्रादेशिक मापाओं का वपना २ एक निजी भाग है। इस में सभी प्रांतीं तथा वर्मी का समान हाय है। शब्दों का इतिहास मी मानव-वंशपरंपरा के इतिहास के समान होता है। कोई गब्द-परिवार आदि काल से अब तक चला आ रहा है, कोई कुछ काल तक चल कर समाप्त हो गया और किसी दूसरे को अपने स्थान पर छोड़ गया। जो कुछ भी ही, हमें अपनी इस अन्यावली पर गर्व है। यह हमारे अतीत गौरव की स्मारक है। क्या कोई देण ऐसा है जिसकी गणितीय सुद्धावली इतनी प्राचीन हो। नक्षत्रदाचक तया संवत्, वर्षे, ऋतुमास, युग्म तया अयुग्म शस्त्र वैदिक काल के अर्थात् ५००० वर्ष से भी अधिक प्राचीन हैं। संस्था, वृत्त तथा जून्य शब्द ब्राह्मण काल के अर्थात् ४००० वर्ष प्राचीन हैं, करणी, वर्ग, फलक, ब्यास, रेखा, संकृतया विज्ञान गड़द गुल्व काल के वर्यात् ३२०० वर्ष प्राचीन हैं। गणित, भिन्न, मुहुर्त, विमाजन, गोवन, गुरा, गुणित, भूगोल, युत बादि बब्द बेदांग ज्योतिष के बर्यात् २५००-३००० देषे प्राचीन हैं। कोसा, त्रिकोसा, चतुष्कोण, अब्द सूर्यप्रज्ञप्ति के अर्थात् २५०० वर्ष पुराने हैं। संकलन, वृद्धि, ब्याजी (व्याज का पूर्वज) कीटिट्य अयंगास्य के अर्थात् २२८५ वर्ष प्राचीन हैं। चक्रवृद्धि, गीतम वर्म-मूत्र का तथा गणितीय शून्य शब्द पिंगल-छंद: दास्त्र का अर्थात् २१६० वर्ष प्राचीन हैं। उत्क्रमण्या ज्या, कोटिज्या भव्द मूर्य-सिद्धांत के अर्थात् २ हजार वर्ष प्राचीन हैं। अस्तु, निर्वन भारत की गही तो एक निवि है। हमारा कर्ताव्य है कि हम इसकी सदा सुरक्षित रखें।

अध्याय ३

भारतीय गणित शब्दावली का सांस्कृतिक अध्ययन

गणितीय शब्दावली के ऐतिहासिक श्रष्ययन के उपरांत अब इस अध्ययन के क्रिलस्वरूप जो-जो ऐतिहासिक तथा सांस्कृतिक तत्व दृष्टिगोचर हुए हैं उनका यहाँ अक्षेप में उल्लेख किया जा रहा है।

धन शब्द के ग्रध्ययन से पता चला कि वैदिक काल में बड़े-बड़े खेल तथा दौड़ें हुआ करती थीं। घन शब्द किसी दौड़ तथा अन्य खेलों में विजेता को पारितोषिक के रूप में मिलने वाली वस्तु के लिए प्रयुक्त किया जाता था। शत्रु से जीते हुए सामान के अर्थ में भी यह शब्द प्रयुक्त किया जाता था। इन दोनों तथ्यों के द्योतक 'हिनंधनं' अर्थात् प्रस्तावित घन तथा 'घनंजित' और 'घनंजय' शब्द हैं। मोनियर विलियम्स शब्द कोप घन शब्द 'घन् घातु से बना बताता है जिसका अर्थ है दौड़ना तथा डा० सिद्धेश्वर वर्मा इसे 'घा' घातु से बना बताते हैं जिसका अर्थ है रखना। अतएव उनके मत में पारितोपिक के रूप में रक्खे जाने से यह धन कहलाया।

ऋण शब्द निम्नलिखित ऋग्वेद के मंत्र में आया है:--

जाया तप्यते कितवस्य हीना माता पुत्रस्य चरतः क्वस्वित् । ऋणावा विभ्यद्धनमिच्छमानोऽन्येपामस्तमूपनक्तमेति ॥

श्रयीत् इघर-उघर मारे फिरते हुए जुआरी पुत्र की हीनावस्था को प्राप्त माता संतप्त हो रही है और उघर ऋगाग्रस्त जुआरी सब से डरता हुआ, घन की इच्छा करता हुआ रात को चोरी करने के लिए घर में घूसता है।

इससे भारत में अति प्राचीन काल से चूत-प्रया तथा ऋण लेने की प्रया का पता चलता है। सूर्य-सिद्धांत के अनुवादक श्री बाजिस के मतानुसार किलयुग तथा छत्तयुग शब्दों में किल तथा छत कमशः अक्ष (पासा) के एक और चार विंदी वाले पहलुओं के नाम है। इसी प्रकार द्वापर तथा त्रेता शब्द भी पासे के दो विन्दी वाले तथा तीन विन्दी वाले पहलुओं के नाम हैं।

पून्य णव्द से प्राचीन भारतवासियों की प्रह्मांड के नितांत बढ़ते जाने तथा उसके फटने से प्राकाण की उत्पत्तिविषयक आस्था का पता चलता है।

"तस्माद् एतस्माद् वा आकादाः संभूतः आकाद्याद्यः। वायोरिनः। अग्ने-रापः। अद्भृयः पृथिवो। पृथिव्या ओषधयः। ओषधीम्योरन्नम्। अग्नात् पुरुषः।" (तैत्तिरीयोपनिषद् प्रह्मवल्ली-खण्ड)। शून्य 'शून' शब्द की भाववाचक संज्ञा है तथा शून का अर्थ है 'अत्यन्त सूजा हुआ' अथवा वढ़ा हुआ।

अमरकोप में जून्य शब्द के पर्यायवाची वशिक, तुच्छ तथा रिक्तक शब्द हैं। यथा:—

"शून्यं तु विश्वकं तुच्छ रिक्तके"—अमरकोप

इन में से शून्यार्थक तुच्छय और रिक्त शब्द ऋग्वेद में भी मिलते हैं। वशी शब्द कात्यायन श्रीतसूत्र में भी इसी अर्थ में मिलता है। ऋग्वेदीय खिलसूक्त तथा स्नाह्मण ग्रन्थों में शून्य शब्द रिक्त के अर्थ में प्रयुक्त हुआ है। संसार की अन्य भाषाओं में इन्हीं चारों से मिलते-जुलते शब्द पाये जाते हैं। यथा :—

यूनानी ऐलिक	केनोस, केन्योस }	भून्य से मिलते हुए, शकाक हो जाता है
लैटिन इटैलियन स्पैनिश	वेक्युअस व्यूटो वेशिओ	विशक से मिलते हैं।
ड निस	वाशवा] तोम] तुन्छियस ;	तुच्छ से मिलते हैं।
लियूनियन लैटिक स्लैविक	तुनस तुरुती रोड़डनी	रिक्त से मिलते हैं।
बोहीमियन जैक पोलिश	रोड़ना रोड़नी	

उपरोक्त शब्दमाला के अवलोकन मात्र से ज्ञात होता है कि हो न हो इन सब जातियों का मूल स्थान कभी एक ही न हो और यह सब एक ही वृक्ष की शाखायं न हो। भारोपीय (इंडोयूरोपियन) तथा अवेस्तन भापा में ऐसे एक नहीं अनेक शब्द मिलते हैं और इन सबसे इतिहासवेत्ता आर्य जातियों के एक मूल स्थान होने की संभावना करते हैं। अरबी भाषा इस भाषा-परिवार से पृथक् है लेकिन किस प्रकार अरब ने भारतीय ज्ञान विज्ञान पूर्व से लेकर पश्चिम पहुँचाया था यह भी शून्य शब्द के अध्ययन से पता चलता है। गिएतीय ग्रर्थ में शून्य शब्द मारत में २०० ई० पू० में ज्ञात कर लिया था। दशमिक अंक-प्रणाली में संख्याओं को लिखते समय शून्य का सांकेतिक चिह्न आविष्कृत न होने से पहिले उस स्थान को संभवतः रिक्त छोड़ देते ये अतएव भारत में इस संख्या को शून्य शब्द से व्यक्त किया गया। इस च्युत्पित्त से तथा यहाँ शून्य के २०० ई० पू० प्रयोग मिलने से पता चलता है कि इसका भारत में आविष्कार हुआ। जब किसी नवीन विदेशी वैज्ञानिक भाव को किसी अन्य देशीय भाषा में अनूदित करना होता है तो उस शब्द के अन्य साधारए अर्थों में उस देशीय भाषा में आवृदित करना होता है तो उस शब्द के अन्य साधारए अर्थों में उस देशीय भाषा में अनूदित करना होता है तो उस शब्द के अन्य साधारए

मी वढ़ा देते हैं जैसे अरबी (जीवा) जेव, शब्द की जब लेटिन में अनूदित करना पड़ा तो जैव का साधारण अर्थ या कपड़े की जेव (अथवा Bosom of the garment) उस अर्थ में वहाँ साइनस शब्द था। अतएव जेव शब्द को साइनस शब्द से अनूदित कर लिया। इसी प्रकार शून्य का अन्य साधारण अर्थ था खाली, खाली के अर्थ में अरवी में 'सिफ' शब्द था अतएव गणितीय शून्य को वहाँ सिफ शब्द से अनूदित किया गया और अरव से दो भिन्न मार्गो से चल कर यह 'सिफ' शब्द यूरोप पहुँचा अतएव वहाँ इसके दो शब्द मिलते हैं, (१) साइफर (२) ज़ीरो । दोनों मार्ग ये हैं :---नई फ़ैंच इंगलिश प्रथम मार्ग पूरानी फेंच अरबी स्पेनिश ें सिफ शिफ्रे साइफर शुन्य सिप्रा सिफ्रे फ़ैंच • इंगलिश द्वितीय मार्ग लैटिन डटालियन अरवी जीरो जीरो शुन्य जैकीरो जैफ्रम सिफ जैकीरम ज्युरो

करणी शब्द से पता चलता है कि मारतवर्ष में कभी बहुत यज्ञ होते थे। करणी उस रज्जु को कहते थे जिससे यज्ञों की वेदियां बनाते थे। आजकल करणी अंगरेजी के 'सर्ड' शब्द के लिए प्रयुक्त होती है। करणी का अर्थ ही है करने वाली प्रयात रचना करने वाली। कात्यायन शुल्वसूत्र में कहा है:— ''करणी तत्करणी, तियंङ्मानी, पार्श्वमान्यक्षण्या चेति रज्जवः'' अर्थात् रज्जु पाँच प्रकार की होती है—करणी, तत्करणी, तियंङ्मानी, पार्श्वमानी तथा अक्ष्ण्या। विश्व ने अंकगणित तथा रेखागणित के प्रथम पाठ भारत से ही पढ़े थे और भारतवर्ष में यज्ञों को उचित काल में करने की ग्रावश्यकता से गणित शास्त्र की उत्पत्ति हुई जिससे ग्रह-गित-गणना द्वारा पत्नों का ठीक ज्ञान हो सके। देखिए वेदांग ज्योतिष का निम्न श्लोक:—

वेदा हि यज्ञार्यम्भिप्रवृत्ताः कालानुपूर्व्याविहिताश्च यज्ञाः । तस्मादिदं कालविधानशास्त्रंयोज्योतिषं वेद स वेद यज्ञान् ।।

अर्थात् वेदों की उत्पत्ति यज्ञों के निमित्त हुई और यज्ञ विहित काल पर करने चाहिए अतएव जो इस काल-विधान-शास्त्र ज्योतिष को जानता है वहीं यज्ञ को समझता है।

यज्ञ-व्यवस्था जो अब केवल प्राचीन धार्मिक रूढ़ि के रूप में मानी जाती है विश्व में समस्त ज्ञान के आदि-स्थान वेदों की उत्पादक हुई । इसी के निमित्त समुचित काल जानने के लिए ग्रहगणित की उत्पत्ति तथा वेदियाँ समुचित क्षेत्र तथा आकार की वर्ने अज्ञप्त रेखागणित के जन्मदाता शुक्त-सूत्रों की उत्पत्ति हुई । धन्य है उस यज्ञ-व्यवस्था को जिसने गणित को जन्म दिया और जिससे समस्त विज्ञान की उत्पत्ति हुई ।

व्यक्तगिएत और अव्यक्त गणित के देखने मात्र से पता चलता है कि यह उसी जाति के मस्तिष्क की खोज है जो व्यक्त तथा अव्यक्त के विचार में दिन-रात डूबी रहती थी। भारतवासियों ने जिस प्रकार व्यक्त लोक को उस अव्यक्त अक्ति परव्रह्म सच्चिदानंद परमात्मा से उत्यक्त माना था उसी प्रकार व्यक्तगिएत के समस्त नियम अव्यक्तगणित से निस्सृत हो जाते हैं ऐसी उनकी आस्या थी। देखिये मास्कर की उक्ति:—

> उत्पादकं यत्प्रवदन्ति बुद्धेरिविष्ठितं सत्पुरुपेण सांस्याः । कृत्स्नस्य लोकस्य तदेकवीनमन्यक्तमीशं गणितं च वन्दे ॥

> > (भाविवी ०ग०)

अर्थात् जिसको सांस्य शास्त्र के रिचियता वृद्धि तस्त्र का उत्पादक तथा
पुरुष तस्त्र से अविष्ठित मानते हैं और जो समस्त व्यक्त जगत का बीज है उस
परमात्मा की मैं सादर बन्दना करता हूँ। (गणित पक्ष में) जो वृद्धि को बढ़ाने वाला
है, जिसका ऊँचे २ विद्वानों ने परिशीलन किया, जो व्यक्तगणित का मूल है, उस
बीजगणित की में बन्दना करता हूँ। मारतवासियों की प्रवृत्ति अमूर्तिचतन की थी
उसी प्रवृत्ति के वशीभूत होकर उन्होंने बीजगणित को जन्म दिया। संसार में संसार
से बिल्कुल विरक्त रहने वाले विषयों में अध्यात्म-विद्या (Metaphysics) के
उपरांत गणित का ही स्थान है। अत्तएव अध्यात्म-विद्या का परिशीलन करतेकरते उन्होंने ही गणितशास्त्र को जन्म दिया। उत्तर बाद को यूनानी लोग दर्शनशास्त्र (Philosophy) के वहै पंडित हुए। अत्तएव उन्होंने भी गणित का पर्यात्म
विकास किया। गिणित और दर्शनशास्त्र के संबंध के सूचक हमारे संस्थाधास्त्र तथा
सांख्यशास्त्र शब्द ही हैं। जब एक बार गणित का विकास हो गया तो अब कोई
भी उन मूल सिद्धान्तों का आध्य लेकर उसका अग्निम विकास कर सकता है। उसमें
अब अध्यात्म-विद्या जानने का प्रश्न उत्पन्न नहीं होता।

कई एक यूनानी और अरबी शब्द भारतीय ज्योतिय में मिलते हैं जैसे केन्द्र (Centre, anomaly) आपोक्लिम, मेपूरण, ताजिक, ईसराफ मुश्शिल आदि, जिनसे प्रतीत होता है कि इन विभिन्न संस्कृतियों में ज्ञान-विज्ञान के क्षेत्र में किस प्रकार परस्पर सहयोग या और इन देशों के विद्वान किस प्रकार एक दूसरे देश में आते जाते रहते थे। बराहमिहिर ज्योतिय विषयक यूनानी ज्ञान को निम्न श्लोक में स्वीकार करता है:—

म्लेच्छा हि ववनास्तेषु सम्यक्शास्त्रमिदं स्थितम्। ऋषिवत्तेऽपि पूज्यन्ते कि पुनर्देवविद हिजाः ॥ वृहत्संहिता । अर्थात् यूनानी लोग यद्यपि म्लेच्छ हैं किंतु वे ज्योतिष के अच्छे वेत्ता हैं। उनका भी ऋषियों के समान श्रादर होता है, तो फिर ज्योतिषी यदि ब्राह्मण हो तो उसके तो आदर का कहना ही क्या।

आज के वातावरण में 'म्लेच्छ' शब्द का प्रयोग मले ही अखरे किन्तु इसमें एक ऐतिहासिक तत्व अन्तिनिहित है कि इसी प्रकार अपने आचार व्यवहार पर गर्व करते हुए हमारे पूर्वजों ने शक्तिशाली विदेशी आक्रमणों से अपने धर्म, संस्कृति, सम्यता तथा देश को उनसे सुरक्षित रक्खा नहीं तो,

> यूनान मिस्र रोमां सब मिट गए जहाँ से । बाकी रहा है अब तक नामोनिशां हमारा ।। —इकवाल ।

हमको वपनी प्राचीन सत्ता पर गर्व करने का अवसर न मिलता। इस प्रकार हमारे पूर्वजों ने अनन्त काल से चली आई हुई इस संस्कृति को सुरक्षित रक्खा और किसी प्रकार संजोकर इस थाती को हमें अपित कर दिया। इस संबन्ध में यह मी जिल्लेखनीय है कि हमने ही नहीं और लोगों ने भी इसी प्रकार विदेशियों से घृणा की जिसके द्योतक काफिर तथा देव शब्द हैं।

मारत में प्राचीन समय में वर्तमान प्रगाली पर इतिहास लिखने की प्रया नहीं थी। वे लोग नरवर मानव जीवन के इत्तांत को लिखने में विस्वास नहीं करते थे। अतएव आज प्राचीन विद्वानों तथा सम्राटों आदि के तिथि-निर्वारण करने में वड़ी कठिनता अनुमव होती है। हमारे बहुत से गिणतीय शब्दों का समय सुनिश्चित हो गया है जैसे केन्द्र, जामित्र, हरिज आदि यूनानी शब्द वराहमिहिर काल (४५० ई०) के शब्द हैं। इस तथ्य से हम अन्य कालिदास ब्रह्मगुष्त आदि अनेक विद्वानों का समय निर्वारण कर सकते हैं। ईसवी की प्रथम शताब्दी तक संख्यान तथा गणना शब्दों का गिणत अर्थ में प्रचार कम हो गया और गणित शब्द का प्रयोग बढ़ गया था। अतएव कीटिल्य अर्थशास्त्र जिसमें इनका प्रयोग अधिक है निश्चय ही ईमवी पूर्व का ग्रन्थ है।

कुसीद शब्द व्याज पर रुपया देने के अर्थ में तैतिरीयसंहिता में आता है। पृद्धि शब्द व्याज के अर्थ में पाणिनीय व्याकरण तथा कौटिल्य अर्थशास्त्र में भी आता है अतः यह स्पष्ट है कि व्याज लेने की प्रथा भारतवर्ष में अत्यंत प्राचीन है। परन्तु

रे. म्लेच्छ स्वयं यवनों (यूनानियों) से पूर्व की एक विदेशी जाति का नाम है। अत्राप्य यूनानियों की म्लेच्छ कहा। बाद को जब मुसलमानों का बाक्रमण हुआ तो उसी प्रकार उनकी यवन कहने लगे। म्लेच्छ और यवन शब्द स्वयं चुरे नहीं हैं किन्तु विदेशी और ब्राकामक जातियों के नाम होने से घृणास्पद वन गए।

अर्थात् दो भ्रमर कमल पर पराग रंजित हो रहे हैं, श्रेप के आधे सप्तम माग सिंहत किसी गजराज के गण्डस्थल पर मद का आनंद ले रहे हैं, यूथ का चीथाई भाग गुंजारता हुआ नवमिल्लिका पर पहुँच गया। श्रेप केवल भ्रमरों का एक जोड़ा देखा गया। बताओ कुल कितने भीरे थे।

ये निर्भरा दिनदिनार्थतृतीयपष्ठैः

संपूरयन्ति हि पृयक् पृयगेवमुक्ताः ।

वापीं यदा युगपदेव सखे विमुक्ताः

ते केन वासरलवेन तदा वदाशु ।। (लीला०)

अर्थात् एक भरना किसी वावली को एक दिन में, दूसरा आधे दिन में, तीसरा तिहाई दिन में और चीथा चौथाई दिन में पृथक्-पृथक् पूरा भर देता है तो यदि चारों निर्भर एक साथ चलें तो दिन के कितने भाग में वावली को भर देंगे।

आज अनैसर्गिक नागरिक जीवन हो जाने के कारण यही प्रश्न नल तथा हैंज के हो गए हैं।

त्रिभिः पारावताः पंच पंचिभः सप्त सारसाः

सप्तिमिनंबहंसाइच नवभिवंहिणस्त्रयः । राजपुत्रविनोदार्थे ज्ञात्वा मुख्यं यथोदितम्

शतेनैकेन रूपाणां जीवानां शतमानय ।। (पाटीगणित)

अर्थात् यदि पांच कवूतरों के दाम ३ रु०, ७ सारसों के दाम ५ रुपये, ६ हंसों के दाम ७ रुपये, ३ मोरों के दाम ६ रुपये तो राजकुमार के मनोविनोद के लिए १०० रुपयों में १०० पक्षी ले आइये।

अस्ति स्तंमतले विलं तदुपरि ऋीडाशिखण्डी स्थितः

ं स्तंभे हस्तनवीच्चिते त्रिगुणिते स्तंमप्रमाणान्तरम् । हण्ट्वाहि विलमाञ्रजन्तमपतत् तियंक् स तस्योपरि ।

क्षित्रं ब्रूहि तयोविलात्किति करै: साम्येन गत्योर्यु ति: ।। (लीला०) अपित् एक लट्ठे के नीचे एक छेद हैं। लट्ठे की चोटी पर एक मोर बैठा हैं। लट्ठे की जंबाई ६ हाथ है। एक सांप को लट्ठे की श्रोर लट्ठे से उसकी लंबाई की तिगुनी दूरी पर आते हुए देखकर मोर तियंगिति से उसके ऊपर कूद पड़ा। उस की बीर सप की गित समान थी। बताओ लट्ठे से कितनी दूरी पर उसने सांप को पकड़ा।

यदि आज का युग होता तो मोर के स्थान पर जैट वायुयान और सांप के स्थान पर रिपुसैन्य होता । इससे पिछले प्रक्त में भी आज के युग में राजकुमार न मालूम किन आधुनिक खिलौनों से खेलता ।

उपरोक्त वर्णन से ओसवाल्ड स्पैंग्लर की निम्न उनित सत्य ही प्रतीत होती है:— The type of mathematics found in any major culture

is a clue or key to the distinctive character of the culture taken as a whole.

अयोत् गणित के प्रकार को देखकर किसी संस्कृति का प्रकार समझ में का जाता है अंगरेजी वैज्ञानिक देत ने भी ठीक ही कहा है—

Mathematics affects and to some extent determines our civilization. The history of Mathematical thought is inter-related with the history of civilization.

क्योंन् गणित हनाची सम्यता का निर्देशक है अत्र एव गणितीय विवारों की इतिहास मानव सम्यता के इतिहास से सह-संबद्ध है।

किसी ने सत्य हो कहा है:— Mathematics is a mirror of civilization. सर्थान् गणित किसी सम्बद्धा का दर्गम होता है ।

जूत्स बनाक नामक एक फ्रेंच लेखक ने कहा था कि भारतीय शब्दावती की सबसे बड़ी विशेषता यह है कि उसमें एक अंति प्राचीन काल से सातत्य वर्ता का रहा है। नै केवल इसमें इतना और बढ़ाना चाहता है कि न केवल उसकी शब्दान वर्ती की यह विशेषता है वरन उस संस्कृति की भी यह विशेषता है।

अध्याय ४

गणितीय शब्दावली का भाषाशास्त्रीय अध्ययन

प्रकरण १. गणितीय शब्दों की ब्युत्पित्तयाँ

ब्युत्पित्त को संस्कृत में निरुक्ति, ब्युत्पित्त करने को निर्वचन तथा ब्युत्पित्ति विषयक शास्त्र को निरुक्त कहते हैं। यद्यपि यह छः वेदांगों में से एक वेदांग हैं किन्तु इस विषय पर प्राचीन काल से लेकर अभी तक बहुत थोड़ा-सा कार्य हुआ है। वास्त्रव में यह विषय भी बड़ा क्लिण्ट है। हम ही से यदि कोई पूछे कि आज से २००० वर्ष पूर्व के हमारे पूर्वज का क्या नाम था जिसकी वंश-परंपरा में हम जिपन हुए हैं तो इस प्रश्न का उत्तर देना प्रायः असंमव है। जिस प्रकार हमारी वंश-परंपरा का इतिहास नहीं लिखा है, उसी प्रकार शब्दों का भी कोई कमबद्ध इतिहास नहीं लिखा है। फिर भी इस शास्त्र के प्रति अपनी रुचि बहुतों ने दिखाई है। कौटिल्य कहते हैं:—

"गुणतः शब्दनिष्पत्तिनिर्वचनम् — व्यस्यत्येनं श्रेयस इति व्यसनम्" (कौ० अर्थशास्त्र, पृ०, ४२६)

अर्थात् शब्द की इस प्रकार ज्याख्या करना जिससे उसका अन्तर्गत माव फलक पड़े निर्वचन कहलाता है जैसे श्रेय अर्थात् कल्याण् से जो दूर हटाता है उसको ज्यसन कहते हैं।

मरतनाट्यशास्त्र^२ के पृष्ठ ३ पर 'शास्त्र' की ब्युत्पत्ति का उल्लेख है—'शास्त्रं पासनोपायात्' अर्थात् शासनोपाय होने के कारण शास्त्र शब्द बना ।

होरा शब्द को व्युत्पति वताने की वराहमिहिर की भी इच्छा हुई। वे फहते हैं:---

होरेत्यहारात्रविकल्पमेके वांछन्ति पूर्वापरवर्णनोपात् । कर्माजितं पूर्वभवे सदादि यत्तस्य पनितं सममिन्यनिकत ।।

अर्यात् अनेक आचार्यों के मत में होरा शब्द अहोरात्र शब्द से आदिम और

शिक्षा कल्पोऽय व्याकरणं निरुक्तं छन्दसां चयः ।
 व्योतिषामयनं चैव वेदांगानि पर्वव तु ।।

२. बढ़ीदा प्रकाशन ।

कि अंगरेजी का बाल शब्द दीवाल से बना है। मैंने पूछा 'दी' कहां चला, गया उन्होंने कहा कि वह तो केवल आर्टीकिल था अतएव निकल गया। एक सज्जन अमृतवान को मृद-भांड का विकृत रूप कहने लगे। उन्हें यह पता नहीं था कि यह पहिले बंगाल के मर्तवान नामक नगर से आने के कारण उनत नाम से बोधित किया गया है।

अव गिएत के कुछेक शब्दों की व्युत्पत्तियों पर प्रकाश डाला जाता है। उत्कमज्या, शर:

अंगरेजी में जिसे हम वर्ष्ड साइन कहते हैं। संस्कृत में उसे हम उत्क्रमज्या अथवा शर कहते हैं। अंगरेजी के शब्द का वाच्यार्थ उल्टा साइन अर्थात् ि साइन अथवा कोसीकैट किंतु अर्थ है '१— कोसाइन'। इस उलटफेर को समकाने के लिए उनके पास कोई व्याख्या नहीं है, क्योंकि यह उत्क्रमज्या का अनूदित शब्द है, सतएव यह हमारा कर्तव्य है कि हम बतायें कि उत्क्रमज्या में क्या उत्क्रमता है। सूर्यसिद्धांत में बताया है कि राशि के अब्दम माग की ज्या अथवा जीवा का लगभग वही मान होता है जो चाप का। इसके उपरांत ६०० में २— ३ अंश के अंतर पर २४ ज्याओं के मान निकाले हैं। ज्याओं के मान निकालने के उपरांत उसमें कहा है कि अंत की दो २ राशियों का अंतर लेकर उत्क्रम से रक्ते अर्थात् अंतिम अंतर का मान ही प्रथम २ ३ अंश की उत्क्रमज्या का मान होता है। इसी प्रकार अन्य उत्क्रमज्यायों मी निकाली जाती हैं। सूर्य-सिद्धांत के वे दलोक निम्नतिखित हैं:—

राशिलिप्ताष्टमो मागः प्रथमं ज्यार्घमुच्येत । ततद्विमक्तलब्दोनमिश्रितं तद्द्वलतीयकम् ॥ रूपान्नि सागरगुणा वस्त्रान्निकृत वह्नयः ।

प्रोज्भ्योत्कमेरा न्यासार्घादुत्कमज्यार्घपण्डकाः ॥

(स्यष्टाधिकार १५-२२।)

उक्त न्याख्या से उत्क्रमज्या शब्द अन्वयंक हो जाता है और अपनी संतित वर्म्ड साइन को भी अन्वयंक कर देता है। इस का आकार शर के समान होने के कारण इसको शर भी कहते हैं, देखिए आसन्न चित्र शर अ व धनुष के वाण जैसा ही लगता है। उत्क्रम-ज्याओं की सारणी दितीय माग में ज्या शब्द के संतर्गत दी हुई है।

दिन, वार:

प्रारम्भ में दिन और वार दो दिनवाची पृथक् शब्द नहीं थे विलक अकेले वार के स्थान पर दिनवार शब्द प्रयुक्त होता था। दिन का अर्थ है 'प्रकाश'। प्रकाश के वाद प्रन्थकार और अंधकार के वाद प्रकाश थाता है इस प्रकार इस अनन्त कम में कालविशेष को जानने के लिए सात कमानुगत प्रकाशों के नाम ग्रहों के नाम पर रख लिये। ज्योतिष की माषा में ये शह दिनाधिषति देवता माने गए। अतएव सोमवार का अर्थ है उस दिन की वारी जिसका अधिषति सोमदेव है। इसी प्रकार इतवार का अर्थ है वह दिन जिसका अधिषति आदित्यदेव है। दिनवार शब्द का वराहिमिहिर कृत प्रयोग निम्न इलोक में देखिये:—

दिनवार प्रतिपत्ति ने समा सर्वत्र कारणं कथितम् । नेहापि भवति यस्माद्विप्रवदन्तेऽत्र देवताः ॥ द्युगणाद्विनवाराप्तिः द्युगणोऽपि देशकाल संबंधात् ।

पुतः दिनवार के दो टुकड़े हो गए एक दिन और दूसरा वार। दोनों स्वतन्त्र रूप में मूल अर्थ के घोतक हो गए जैसे अध्विनीकुमार के दो टुकड़े होकर आश्विन और कुवार दोनों मूल अर्थ के घोतक स्वतन्त्र शब्द वन गए। इसी प्रकार वलीवर्द शब्द से वैल और वदं दो पृथक् शब्द वन गए। हिन्दी के इन 'डवलिट' शब्दों का एक अपना निजी इतिहास है।

अंश शब्द चक्रांश का संक्षिप्त रूप है। राशिचक के ३६० भाग किये गए जोर प्रत्येक भाग को अतएव चक्रांश कहा गया जिसका संक्षिप्त होकर अंश रह गया। देखिये चक्रांश का प्रयोग:—

> चकांशकैस्तद्नैरनुवकं तदिधकोनभागकलाः । मण्डलभागैस्तदूनैः प्राक् राशियु चनुपू वकम् ॥ (ब्रा० स्फु० सिद्धान्त) । 'चकाशैरपहृतयोजनानि कोटिः' (महाभास्करीय, पृ० १६)।

घात:

घात का अर्थ अव 'पावर' है पहिले इसका अर्थ या गुणा। पावर भी गुणा-संट्या की ही चांतक होती है। गुणा के पर्याय थे हनन, वच तथा घात और उस समय गुणा करने से वास्तव में गुण्य के एक-एक अंक का वच ही हो जाता या अर्थात् वे मिटा दिये जाते थे, अतएव गुणा को हनन, वच तथा घात शब्दों से व्यक्त करने लगे। पूर्ण प्रणाली-ज्ञान के लिये कृपया द्वितीय माग में गुणा मन्द का अवलोकन कीजिये। हिन्दी में इस परिवार के शब्दों में अब घात ही बचा है दोप भुला दिये गये। किन्तु ये शब्द प्रस्व पहुँच कर जरव (चांट पहुँचना) शब्द से अनूदित कर लिये गये और अरवी का यह शब्द आज भी अरव तथा भारतवर्ष में प्रचलित है। बटाना:

स्वृत्यत्ति की दृष्टि में घटाना' शब्द बहुत क्लिप्ट है क्योंकि यह बहु बातु में वना मालूम होता है जिममें घटन, मध्यन बादि शब्द बनते हैं। किन्तु उनमें में किमी में घटाने का मजातीय अर्थ तक नहीं है। अर्थ्यणा करने पर पता जला कि यह बहु बातु की प्रेरणायंक (गिजन्त) किया घाट्यित से बना है। बाट्यित का अर्थ हाति पहुंचाना है, इमी में हिन्दी शब्द 'बाटा' बना जिसका अर्थ है हाति। घाटे अयवा हानि में कमी होती है अत्वाव बाटन का अर्थ 'कम होना' हो गया। मंख्य बाटन में हिन्दी में बटाना बना क्योंकि मंस्कृत में जिजन्त में प्राय: बा पहिले असर के बाद में किन्तु हिन्दी में किसी बाद के अधर के उपरांत लगता है जैंड पातम (मंद) तथा गिराना (हिंद)। ऐसा प्रतीत होता है कि बादन मंस्कृत बातन का प्राकृत कप होगा वो बाद में संस्कृत ने अपना लिया। कोड्ना कप होगा वो बाद में संस्कृत ने अपना लिया।

यह बल भी जुड बातु से बना है जुड का अबं है बाबना। जुड़ से जीडन बना। जोडन का पृत्व कर योजन था। साधारण जनना की मापा में 'योजन' का 'जोडन' बन गया। बत: बोड़ना रूप हिम्बी में प्रचलिन हुआ और योजन इस अबं में नहीं चला। योजन' का सुर्व प्राचीन अबं था रच जादि में बैल, घोड़े आदि का बोरना। जिनमें बैल जोते जाने ये उमको युग कहते ये जिसको आडकल 'जुबर' या 'जुआ' कहते हैं। बीलचाल की मापा में प्राचीन 'योजन' को जोरना या जोड़ना आजनक कहते हैं। जैसे हल और बैल को जोड़ने हैं उसी प्रकार दो संस्थाओं की जोड़ने में भी उनको एक में दूसरे को मिलाने हैं। इस प्रकार कृषीय अथवा बाहन शब्दावली से गणित का यह प्रसिद्ध बच्च निस्मृत हुआ है।

देशांतर :

यह शब्द 'देश कालान्तर' शब्द से मध्यम पढ लोगी समास होकर बना है। काल शब्द का लोग हो गया। एक निविष्ट देश के काल से अन्य देशों (स्थानों) का कालों का अन्तर करके ही हम अन्य देशों का देशोंनर निकालते हैं। इंगलैंड के शिनिय नगर को निविष्ट देश (स्थान) मानकर अन्य स्थानों के देशींतर (Longitude) निकालते हैं। श्राचीन काल में उड़्जाविनी को निविष्ट देश मानवें के। पंचीग में काशी के मापेश अन्य स्थानों का देशांतर दिया रहता है। देखिये:—

र्लकामारस्यपुरावन्तिस्यानेश्वरमुरावयान् । अवगाह्य स्थिता रेखा देशान्तरविद्यायिनी ॥ (त्रवृमास्करीय, ५० ५)

योजन हरी का भी एकक या । बैल या बोड़े एक पुण में बुत कर बिना खोले हुए जितनी दूर बले बाते थे, उनको योजन कहते थे ।

ग्रयात् शून्य देशान्तर वाली रेखा पहिले लंका, उज्जैन तथा थानेश्वर से होकर जाती थी। देशान्तर के लिए महामास्करीय, (पृ० २१३६ ई०) में देशकाल विवर शब्द ग्राया है, विवर का अर्थ 'अन्तर' होता है। अतएव उक्त ब्युत्पित्त की पुष्टि होती है।

इस प्रकार गणितीय शब्दों की व्युत्पत्तिविषयक अव्ययन सम्भवतः यह प्रयम ही है। इस प्रकार की रोचक व्युत्पत्तियों से यह ग्रंथ ओतप्रोत है। अतः और अधिक उदाहरण देने से क्या लाभ। पाठकगण स्वयं ही ग्रंथ में यथास्थल इन व्युत्पत्तियों को देखने की कृपा करेंगे।

प्रकरण २. गणितीय शब्दों के प्राचीन प्रयोग

गणित भारत के प्राचीनतम शास्त्रों में से एक है अतएव उसके प्रयोग भी प्राचीनतम क्यों न हों। नीचे कुछ प्राचीन प्रयोग दिखाये जा रहे हैं:---

संख्यावाचक शब्द — संख्यावाचक शब्द ऋग्वेद में ही मिलते हैं । देखिए : — द्वादश प्रधयश्चक्रमेकं त्रीणि नम्यानि क उ तिच्चिकेत । तिस्मन्साकं त्रिशता न शंकवोऽपिताः पश्टिनं चलाचलासः ॥४८॥

इस मन्त्र में वारह के लिये द्वादण तथा तीन सी के लिये त्रिशत् तथा साठ के लिये पष्टि शब्द आये हैं। यजुर्वेद के निम्नलिखित मंत्र में दस खरव तक की संख्याओं का उल्लेख है। यथा:—

इमा मे अग्न इट्टका धेनव: सान्त्वेका च दश च दश च शतं च शतं च सहस्रं च सहस्रं चायुतं चायुतं च नियुतं च नियुतं च प्रयुतं चार्युदं च न्ययुदं च समुद्रश्च मध्यं चान्तरच परार्वं रचैता मे अग्न इप्टका धेनव: सन्त्वमुत्रास्मिल्लोके।

(यजु० १७।२)

संस्या :

संख्या शब्द का प्रयोग भी अत्यन्त प्राचीन है। यह सबसे पहले शतपथ ब्राह्मण में मिलता है। यथा :— 'कैतासामसंख्यातानां संख्येति' अर्थात् ब्रह्मा के उस ग्रनन्त रेत की संख्या क्या है ?

गणित:

गणित प्राध्य निम्नलिखित वेदांग ज्योतिष के श्लोक में सर्वप्रथम प्रयुक्त हुआ है:—

यया शिखा मयूराणां नागानां मणयो यथा तद्वद्, वेदांगशास्त्राणां गणितं मूध्नि वर्तते । ज्ञ्य:

गणितीय अर्थ में शून्य जब्द का प्रयोग सर्वप्रयम पिंगल छन्दःशास्त्र में हुआ है। यथा:—'रूपे शून्य' रूपे अर्थात् एक घटाने पर शून्यं अर्थात् शून्य चिह्न लगायें। 'द्वि: शून्ये' अर्थात् जहाँ-जहाँ शून्य चिह्न हो वहाँ दो से गुणा करें। भिन्न:

भिन्न शब्द का गणितीय अर्थ में प्रथम प्रयोग देवांग ज्योतिप के निम्नलिखित इनोक में हुआ है:—

> त्र्यंशो मञ्जूपो विवसांशमागश्चतुर्दशस्याष्यपनीय मिन्नम् भार्षेऽविके चाबिगते परेशे बृतमैकं नवकैरवेत्य ।२७॥

वंश :

च्या :

अंदा शब्द भी वर्तमान वर्ष में उक्त श्लोक में सर्वप्रयम आया है। वर्ग :

वर्ग झट्ट पंक्ति के अर्थ में गिएतीय प्रसंग में झुत्व सूत्रों में सर्वप्रथम देखने को मिलता है:—

यावत्प्रमाणा रज्जुमंत्रति तावन्तस्तावन्तो वर्गा भवन्ति । यहाँ वर्ग का अर्थ पंक्ति तथा किन्हीं के मत में एकक वर्ग मी है।

त्रिकोणमितीय ज्या के अर्थ में ज्या का प्रथम प्रयोग सूर्यसिखान्त के निम्न-लिखित इलोक में आया है:—

राजिलिप्ताष्टमी मागः प्रयमं ज्यार्धमुच्यते ।

इसी ज्यार्थ शब्द का संक्षिप्त होकर ज्या शब्द वन गया। वैसे ज्या शब्द वैदिक है। वहाँ इसका अर्थ प्रत्यंचा है। बाद को उसका अर्थ जीवा और पुन: अंत में निकाणमितीय ज्या हो गया। ऋण, धन:

ऋण और वन बब्द सर्वप्रयम ऋग्वेद में मिलते हैं :— जाया तप्यते कितवस्य हीना माता पुत्रस्य चरत: क्वस्वित् ऋगावा विम्यद्धनमिच्छमानोऽन्येषामस्त्रमुपनक्तमेति ।

ये ही साबारण वन ऋण शब्द बाद में गणित के पारिमापिक शब्द वन गये।

इस प्रकार के प्राचीन प्रयोगों का इस ग्रंथ के द्वितीय भाग में सर्वत्र उल्लेख किया गया है। आजा है पाठकगण इनको देखकर अपने गिएत तथा अपनी सम्यता की प्राचीनता का अनुमान लगाकर आनन्दिविज्ञोर हो जायेंगे। प्रकरण ३'. गणितीय शब्दों के अर्थ विकास की एक झलक गणित:

गणितीय शब्दों के अर्थ विकास का इतिहास बड़ा रोचक है। इसका विराद वर्णन द्वितीय भाग में है। नीचे जवाहरणार्थ कुछ शब्दों का अर्थ विकास दिखाया गया है:—

गणित राज्य वेदों में नहीं आया और न गण धातु का कोई प्रयोग वेदों में मिलता है। किन्तु गण शब्द समूह अयवा कवीले के अर्थ में वेदों में वाहुल्य रूप से निलता है। केवल गण घालु से बना हुआ गण्या मही के विशेषण के अर्थ में आता है जिसका अर्थ सायण ने पूजाई किया है। हो सकता है कि यह गण धातु से ही निस्तृत हो। किन्तु गण राज्य कवीले का बावक होने से गलना से पहले के भाव का छोतक है बत: सन्भव है बाद में गलों के गिनने की आवश्यकता पड़ी हो, अतएव गण कातु की कल्पना की गई हो। बाजसनेयि संहिता में गराक शब्द नितता है। अतएव उस काल तक की गण धातु की कल्पना अवस्य हो चुकी घी। फिर भी क्त प्रत्ययान्त रूप 'गिएत' देदांग ज्योतिष में ही सर्वप्रथम देखने को मिलता है, जहाँ इसना अर्थ ज्योतिप है। इस गणित का आदिन रूप नक्षत्र-विद्या ही रही होगी जिसका उत्लेख द्यान्दोग्दोपितपद् वाली नारद सनत्कुमार कया में आया है। बाद को गणित तया ज्योतिप तत्व नक्षत्र विद्या के स्थान पर प्रयुक्त होने लगे। यद्यपि संहिता-काल में गणक शब्द के मिलने से यह प्रतीत होता है कि कुछ साधारण गणना ज्योतिषी लोग कर निकले होंगे किन्तु शास्त्र के रूप में वेदांगज्योतिष काल में ही इसका प्रयोग देखने को निलता है। देदांगच्योतिय ने भी गणित का अर्थ ग्रह-गणित अपना ज्योतिप ही था। विरुद्ध गणित के अर्थ में संख्यान शब्द का प्रयोग होता था। दैनियों के घानिक पंचों में गणितानुयोग नामक एक अनुयोग था। जैन काल में ही ३०० ई० पूर्व के लासपास गणित विज्ञ गणित के अर्द में प्रयुक्त होने लगा। बझाली पांडुलिपि में, आर्यभटी के गणितपाद शब्द में गणित विश्व गणित के अर्थ में नागा है। यद्यपि क्षेत्रगणित इसमें सम्मिलित था। स्पष्ट है गणित अब ज्योतिष से पृयक् सत्ता रखने लगा ।

करणी:

शुरवकाल में करणी राद्य का बयं था करने वाली अर्थात् वेदी की रचना करने वाली। रचना करने वाली रस्ती हुआ करती थी। इसी को अद्भ्या रज्जु अथवा अभ्याकरणी कहते थे। वाद को करणी का अर्थ रज्जु हो गया। इससे वर्गाकार वेदी की भुजा बनती थी अत्यव उसका अर्थ वर्ग की एक भुजा हो गया। पुनः वर्ग बनाते बनाते करणी का अर्थ वर्ग भी हो गया। इसके उपरान्त उस संख्या के जिये यह अन्य प्रमुक्त होने लगा जिसका वर्ग-मूल पूरा न निकल सके। किन्तु जो बर्ग की एक भुजा द्वारा निरूपित किया जा सके। घर्ष ३

वर्ग शब्द शुल्व काल में पंक्ति के अर्थ में या तथा आधुनिक वर्ग के अर्थ में समचतुरस्र शब्द चलता था। जहाँ कोई भ्रम न हो वहाँ अकेला चतुरस्र शब्द भी वर्ग के अर्थ में प्रयुक्त किया जाता था। वर्ग की भुजाओं में एकक मान की दूरी पर उतने वर्ग वन जाते थे जितनी एकक लम्बी वर्ग की एक भुजा हो। इन्हीं एकक वर्गी से बाट में वर्ग शब्द सम-चतुरस्र के स्थान में प्रयुक्त होने लगा। इसके उपरान्त संख्यात्मक वर्ग मी किसी संख्या को उसी संख्या से ही गुणा करने पर आता है। इसी प्रकार वर्ग का क्षेत्रफल भी भुजा को भुजा से ही गुणा करने पर स्राता है। अतएव मंख्यात्मक वर्ग के लिये वर्ग शब्द ही प्रयुक्त होने लगा। इसी प्रकार घन शब्द भी पहले ठोस के अर्थ में या बाद में अंकगिएतीय अर्थ में भी प्रयुक्त होने लगा।

शर, इप:

सावारण मापा में इनका अर्थ वाण था। किन्तु कात्यायन गृत्व सूत्र में यह इप् शब्द समद्विवाहु त्रिभूज के शीर्ष-लम्ब के लिये प्रयुक्त होने लगा। यह भी वारा

के आकार का ही होता है। बाद को जीवा के एक भाग के लिये प्रयुक्त होने लगा। यह भी वाण जैसा ही दृष्टिगोचर होता है जैसा कि आसन्त चित्र में दिखाया गया है। क ख शर है। जब ज्या सूर्य-सिद्धान्त में



विकोणमितीय अर्थ में प्रयुक्त होने लगा तब शर शब्द उत्क्रम ज्या के अर्थ में आगया वयोंकि इसका मान क ख ही रहा।

चाप:

पहले चाप घनुप का विशेषणा था अर्थात् चाप नामक बांस विशेष से विनिर्मित, जैसे द्याङ्ग का अर्थ था प्रांग का बनाहुआ । किन्तु बाद में चाप का अर्थ घनुप हो गया। घनुपाकार होने से वृत्त की परिधि के एक अंश को मी चाप कहने लगे। इसी प्रकार जीवा घनुप की प्रत्यंचा के आकार के होने के कारण जीवा कहलाने लगी। त्रिकोणिमतीय भाव में किन्तु जीवार्व शब्द चला जिसका संक्षिप्त रूप ज्या ही रह गया।

हगाज :

व्याज शब्द प्रारम्भ में छल के अर्थ में था। पुनः छल करने के निमित्त राजा को अन्नादि के लेने में जो हानि होती थी उसकी पूर्ति करने के लिये जो ऊपर से और मुद्री भर अन्त ढाल दिया जाता था उसकी व्याजी कहते थे। इसी प्रकार राजा के लिए यदि गरम घी खरीदा जाता था तो तप्तव्याजी नामक एक क्षतिपूरक कर के रूप में राजा को थोड़ा और घी दे दिया जाता था। इसका उल्लेख कौटिल्य अर्थ-शास्त्र में मिलता है। बाद को यह शब्द इस अर्थ में संस्कृत साहित्य में प्रयुक्त नहीं हुआ । केवल प्रादेशिक वोलियों में गुजरात की तरफ व्याज शब्द सूद के अर्थ में

प्रमुक्त होता रहा। गणित तिलक की टीका में पुनः सिहितिलक सूरि ने इसे संस्कृत में प्रविष्ट किया। इस प्रकार व्याज का अर्थ सूद हो गया। अब प्रायः सभी हिन्दी भाषी क्षेत्रों में इसका प्रयोग सूद के वर्थ में होता है। अंक:

यह शब्द सर्वप्रथम आंकड़ें (हुक) के अर्थ में प्रयुक्त होता था। आंकड़ा भी देखा होता है। देखिये ऋग्वेद का मंत्र:---

यन्नीक्षर्णं मास्पचन्या उलाया या पात्राणि यूष्ण आसेचनानि । कष्मण्या पिद्यानां चरूणामंकाः सूना परि भूषयन्तश्वम् । (अर्थे द्वितीय भाग में देखिये)

अंक से बना हुम्रा अंकस शब्द है जिसका अर्थ ऋग्वेद में (४।४०।४) में वक्र अथवा सड़क की मोड़ है। अंक का अर्थ वाद में चिह्न हो गया। पहले पशुओं के दागने के अर्थ में प्रयुक्त किया जाता था। कौटित्य अर्थशास्त्र की निम्न पंक्ति अवलोकनीय है:—

मासिंद्वमासजातानंकयेत् । अंकं चिह्न' शृंगान्तरं च लक्षणमेवमुपजाः निवन्धयेत्।

इस काल में चिह्न प्राकृतिक चिह्न को कहते थे तथा अंक दागने के चिह्न को कहते थे। अंक शब्द सील के अर्थ में भी प्रयुक्त हुआ। यथा:—

कृतनरेन्द्रांकं शस्त्रावरणमायुवागारं प्रवेशयेत्। (कौटिल्य०)

सील में राजा के नाम के अक्षर होते हैं अतः उसके लिए अंक शब्द प्रयोग किया गया। संख्याओं के अंक संख्याओं के चिह्न ही होते हैं। अतः अंक आधुनिक अर्थ में प्रयुक्त हुआ। संख्याओं को चिह्नित करते करते अंक का अर्थ संख्या भी हो गया। जैसे अंकगिएति तथा गुणांक शब्द में। अंक का एक अर्थ अक्षर भी है। अंक तथा अक्षर दोनों चिह्न विशेष हैं तथा वकों से ही बने हैं। तुलसीदास जी ने इस अर्थ में इसका निम्नलिखित चौपाई में प्रयोग किया है:—

जरत विलोकें जबहि कपाला। विधि के लिखे अंक निज माला।।

यदि देखा जाय तो अंक मोड़ों का ही एक शास्त्रीय तथा विशिष्ट विकास है। इसी प्रकार गणितीय शब्दों का क्रमिक अर्थ विकास को दिखाने का इस ग्रंथ में प्रयत्न किया गया है। पाठकगण इसे द्वितीय भाग में यथास्थल देखने का कब्ट करेंगे।

- - 2. ययासम्मद शब्द अन्दर्यक होने चाहिये। प्राचीन शब्दों में यह गुण बहुत अधिक मात्रा में देखने को मिलता है। मिल्ल (ह्या हुआ), हर (माग देने दाला), अंक (चिह्नित करने दाला), दीजगिरात, समीकरण, देशांतर, अक्षांग, आदि शब्द अधिकतर अन्दर्यक हैं। कृपया उनकी अन्दर्यकता जानने के लिये इनकी व्यूत्पत्तियों को द्वितीय माग में ययास्थल देखिये।
 - ३. कमी-कमी जब माद बहुत क्लिप्ट हो तो उसको यों ही किसी याद्यच्छिक शब्द से व्यक्त कर देते थे। जैसे महाबीराचार्य ने लघुसमसमापवस्य को निरुद्ध शब्द से व्यक्त किया।
 - ४. यदि कोई विषय विदेश में लिया हो तो उस विषय के बस्तु एवं नाम मम्बन्धी नाम नये बनाने की आवश्यकता नहीं। जैसे फलित ज्योतिष में वर्षफल पद्धति प्रव फारस से अपनाई गई तो नीलकंट जी ने ताजिक नीलकंटी में योगों के नाम नये नहीं बनाये बस्कि उन्हीं के शब्द ले लिये। उनके स्थान पर अपने नाम गढना व्यर्थ था।
 - ५. यदि विदेशी शब्द छोटे और मुन्दर ही तथा अपने जब्दी से मेल खाते हीं एवं वे किसी क्लिप्ट कल्पना के बाचक ही तो उनके लिए अपने शब्द बनाना व्यर्थ है। उनको अपना लेते में कोई हानि नहीं। जैसे केन्द्र तथा होरा शब्द प्राचीन मारतीय ज्योतिय ने अपना लिये।
 - ६. संदिखता दांप का निवारण करना चाहिए। संदिख और अवधार्य गरदों की अपेक्षा विदेशी शब्द अच्छे होते हैं। जैसे केन्द्र के लिए पहले मध्य शब्द प्रचलित या किन्तु मध्य शब्द में केन्द्र से सन्निहित माण भी समझा जा सकता था, अतएव मध्य के स्थान पर केन्द्र शब्द प्रहुण कर लिया। केन्द्र का मूल यूनानी शब्द केन्यान नुकीली परकार के अर्थ में था। परकार से छिदे हुए बिन्दु को भी कैन्यान कहते थे। अतः वह मध्य की अपेक्षा केन्द्र के लिए अविक उपयुक्त था।
 - ७. हम दिटेशी यक्ट आद्यवस्तानुमार ग्रहण कर लें किन्तु उनका व्याकरण हीं। अलदक्ती ने वैराशिक का राशिक शब्द तो ने लिया किन्तु उमका बहुत्वन

राशिकात बनाया और इस प्रकार अपनी पुस्तक का नाम 'फीराशिकातअलिहन्द' रखा।

द. विदेशी शब्दों के अपनाने में अनुपात का घ्यान रखना अत्यन्त श्रावश्यक है। वराहमिहिर ने यूनानी विषय रोमक सिद्धान्त, पोलिश सिद्धान्त श्राविभी प्रतिपादित किए। किन्तु पूरी पंच सिद्धान्तिका में १० शब्दों से अधिक यूनानी शब्द ग्रहण नहीं किए। इसी प्रकार नीलकण्ठ ने ताजिक नीलकंठी पारसीक पद्धति के आधार पर लिखी फिर भी फ़ारसी शब्द पचास से अधिक नहीं लिए होंगे। यदि उचित अनुपात में विदेशी शब्द अपनी भाषा में अपनाये जायें तो वे पच सकते हैं। किन्तु यदि दस हिन्दी शब्दों में तीस अंगरेजी शब्द मिला दिये जायें तो वे पचाये नहीं जा सकते। उनके योग से एक विचित्र भाषा बनकर तैयार हो जाती है जिसको अपनी भाषा कहना किसी भी देश तथा जाति के लिए गौरवप्रद नहीं हो सकता। आजकल की हमारी वोलचाल की भाषा कुछ ऐसी ही है। यथा:—

"कल सिनेमा के सेकेंड शो में गए थे। इन टाइम पहुँचे। टिकट विण्डो पर वड़ा रश था। बड़ी डिफीकल्टी से टिकट लिया और हौल में एंटर हुए। स्मोकिंग की वजह से तमाम एटमास्फीयर खराब हो रहा था। उघर थर्डक्लास जैन्द्री हूटिंग कर रही थी। हाल बुरी तरह पैक्ड था किन्तु जैसे ही न्यूच रील खत्म हुई और पिक्चर स्टार्ट हुई कि पिनड्राप साइलेंस हो गई।"

बहुत से लोग इसी प्रकार की वैज्ञानिक मापा बनाना चाहते हैं।

६. प्राचीन परम्परावादी पुरुष नए शब्द बिल्कुल नहीं वनाना चाहते और यद्यपि नये भाव प्राचीन शब्दावली की अपेक्षा दूनी मात्रा में भी हों तो भी उन्हीं शब्दों के संयोगों से उन भावों को व्यक्त करना चाहते हैं और उनके लिए नए छोटे शब्द नहीं बनाना चाहते । इस प्रकार की लम्बी शब्दावली कभी समाद्रत नहीं होती और अतएव चिरस्थायी नहीं होती । देखिए सम्राट् जगन्नाथ के निम्नलिखित लम्बे शब्द अब नए छोटे शब्दों से प्रतिस्थापित कर दिये गये हैं:—

छेदित-घनक्षेत्र (समपार्व), स्चीफलकशंकुषनक्षेत्र (सूचीस्तम्भ), समानान्तर-धरातलघनक्षेत्र (समांतरफलक), समतलमस्तकपरिधि (वेलन), मस्तकपरिधि (शीर्षलंब), समकोणसमचतुर्भुं ज (वर्ग), चापकर्ण (जीवा)।

१०. शब्दावली को जनसाधारण की माषा से बहुत दूर नहीं जाना चाहिए। कभी-कभी साधारण मापा के शब्दों में ही विशिष्ट अर्थ निहित कर देने से वे ही पारिमापिक शब्द बन जाते हैं। जैसे शून्य, रेखा, बिन्दु, खंड, गणना, समान्तर, अन्तर, योग, बियोग, भाग, भिन्न, वर्ग, घन आदि। वैदिक तथा ब्राह्मण शब्दों की

सूचियों को जो ऐतिहासिक अध्ययन के अध्याय में दी हुई हैं देखिए। इनके देखने से पता चलेगा कि गणित ने अनेक साधारण मापा के शब्दों को अपना रखा है।

- ११. प्राचीन शब्दावली के अध्ययन से पता चलता है कि प्रत्येक लेखक ने अपने समय से पूर्व की शब्दावली को पूर्णरूप से अपनाया है, तथा केवल नए भावों के लिये ही नए शब्द बनाए। यों ही विना आवश्यकता के नवीन शब्द सुजन करने का किसी को चाव नहीं था। बहुत से लोग यों ही नए शब्द गढ़कर पुत्रजन्य के सुख का अनुमव करते हैं।
- १२. शब्दावली व्याकरगा-सम्मत तथा कोश-सम्मत होनी चाहिए। इसी कारगा प्राचीन गणितीय शब्दावली इतनी अधिक चिरस्थायी तथा समादत हुई।
- १३. केवल प्राचीन होने से ही शब्द ग्रहण योग्य नहीं हो जाते, जब तक कि वे उस समय की भाषा की प्रकृति के अनुरूप न हों। देखिए वैदिक काल तथा शुरुवकाल की कितनी शब्दावली वाद में वदल गई। भाषा को सामयिक होना श्रावश्यक है। अयुत, नियुत तथा प्रयुत वाली वैदिक संख्या-शब्दावली को जीवित रखने का हिन्दू गणितज्ञों ने अथक प्रयत्न किया किन्तु अन्त में सफल नहीं हुए और दस सहस्र, लक्ष, दस लक्ष तथा कोटि शब्द उनके स्थान पर आ ही गये। कवि-कुल गुरु कालिदास की निम्न उनित इस प्रसंग में स्मरणीय है:—

पुराणिमत्येव न साधु सर्वम्, न चापि सर्वं नविमत्यवद्यम्। सन्तः परीक्ष्यान्यतरद् मजन्ते, मूर्खाः पर प्रत्ययनेयवृद्धिः॥

१४. विदेशी शब्द को अपनाते समय यह देखते ये कि यदि शब्द छोटा हो और अपनी मापा में उच्चारणीय हो तो उससे मिलते-जुलते किसी अपने शब्द में उनत अर्थ लिख देते थे। जैसे अरव वालों ने जीवा के अर्थ को अपने जेव (कपड़े की) शब्द के आगे रख दिया। यदि कोई ऐसा शब्द न मिले तो ब्विन साम्य पर अपनी भाषा में वैसा ही एक नया शब्द वना लेते थे और उसका अर्थ वही रख देते थे जो कि विदेशी शब्द का हो। जैसे कैंत्रान का केन्द्र, द्रावमे का द्रम्म तथा होराइजन का हिएज। यदि शब्द वहुत ही छोटा हो और अपनी भाषा से मिलान खाता हो तो ज्यों का त्यों भी ले लेते थे। जैसे यूनानी शब्द होरा ले लिया गया। यदि शब्द वित्कुल अग्रहणीय हो तो उस शब्द के मूर्त अर्थ अथवा विज्ञानेतर अर्थ का अनुवाद कर लेते थे। जैसे अरवी शब्द जेव का योरोपीय भाषाओं में साइनस शब्द से अनुवाद कर लिया। दोनों का मूर्त अर्थ 'वूज्म आफ दी गारमेंट' था। यदि वैज्ञानिक अर्थ रल हो और अनुदित हो सकने योग्य हो तो अनुदित भी कर लेते थे। जैसे तैरीशिक

नियम अब्द को 'रूल आफ दी थ्री' से अनुदित कर लिया गया। हिन्दी की वर्तमान गणितीय अब्दावली का उक्त नियमों के अनुसार अगले प्रकरण में अब्ययन किया गमा है।

प्रकर्मा ५. वर्तमान गणितीय शब्दावली में विदेशी भाषाश्रों के शब्द समध्वनिक शब्द:

अंगरेजी तथा अन्य विदेशी भाषाओं के कुछ शब्दों का केवल ध्वित साम्य के आधार पर हिन्दी में अनुवाद किया गया है। अनुवाद कर लेने के पश्चात् उनमें सेकुछ शब्दों के संस्कृत के आधार पर अर्थ भी निकाल लिए गए हैं। इस प्रकार के कुछ शब्द नीचे दिए जा रहे हैं:—

अपेरण	Abberation	मितकेन्द्र	Meta Centre
लघुगणक (लघुरिक्य) Logarithm	सर्पिल	Spiral
परवलय	Parabola	फलन	Function
दशमलव	Decimal	अन्वालोप	Envelope
ज्यामिति	Geometry	त्रिकोग्गमिति	Trigonometry
निष्पत्ति (निस्वत)		सममिति	Symmetry
परिमिति	Perimeter	ग्रन्तराल	Interval
केन्द्र	kentron	अन्तरि म	Interim

उपरोक्त शब्दों में से कुछ ध्वनिसाम्य तथा अर्थ साम्य दोनों पर ही आधरित हैं, जैसे परिमिति, समिति, अन्तराल तथा अन्तरिम शब्द ।

लघुगणक के लिये महामहोपाध्याय सुघाकर दिवेदी ने अपने गणित के इतिहास में लघुरिक्य शब्द बनाया था। रिक्य पैतृक धन को कहते हैं इसका अर्थ नितान्त अप्रासंगिक समक्तकर बाद में इसे लघुगणक कर दिया, जिसका अर्थ है लघु रीति से गणना कर देने वाला अर्थात् भीघ्र वड़े-बड़े गुणा भाग तथा घात गणना कर देने वाला। वास्तव में इसकी सहायता से चक्रवृद्ध व्याज के लम्बे-लम्बे प्रश्न भी घीघ्र निकल आते हैं तथा इसी प्रकार अन्य लम्बी-लम्बी गणनायें भी। तिलोकसार में नेमिचन्द्र जैन ने अर्धच्छेद शब्द इससे कुछ मिलते-जुलते अर्थ में प्रयुक्त किया था जैसे आठ के तीन अर्धच्छेद हो सकते हैं। अर्धच्छेद का अर्थ प्रथियाना है अर्थात् आठ तीन बार अधियाये जा सकते हैं। डा० रघुवीर ने इसी आधार पर छेदा शब्द लघुगणक के लिये बताया था।

समिति का अर्थ है समान मिति अथवा सम-मित का भाव। कोई वक तव किसी रेखा के प्रति समित होता है जब इस रेखा के इघर-उधर के दोनों माग बिलकुल एक से हों।

फंक्शन का पर्याय फल ही पर्याप्त था। जैसे जनसंख्या-वृद्धि, जन्मदर, मृत्युदर तथा प्रव्रजन का फल है। ध्वनिसाम्य के कारण तथा फल के अनेकार्यक होने के कारण इसको फलन कर दिया गया।

त्रिकोणमिति शब्द बापूदेव शास्त्री ने (सन् १८२१ ई०) बताया था। उन्होंने त्रिकोणमिति नामक ग्रन्थ लिखा था। मिति किसी शब्द के आगे विद्या के अर्थ में लगाया जाता है। उर्दू में भी त्रिकोणमिति को इल्मे मुसल्लस कहते हैं। त्रिगोन, त्रिकोण तथा मुसल्लस त्रिभुज के पर्यायवाची शब्द हैं।

कुछ समासयुक्त पदों का एक शब्द व्वित साम्य पर तथा दूसरा अर्थ साम्य पर वना है जैसे हाइपरवोला के लिये अतिपरवलय शब्द है। अति उपसर्ग का अर्थ अंगरेजी के हाई के समतुल्य है।

कोरे शब्दानुवाद :

कुछ शब्द कोरे शब्दानुवाद हैं। जैसे अंगरेजी के एक्सप्रेशन के लिये हिन्दी का ब्यंजक शब्द अथवा इनिशया के लिये जड़त्व। इनिशया का अर्थानुवाद अवस्थितित्व है। वयोंकि जड़ता में केवल जड़ रहने का ही अर्थ है किन्तु इनिशया शब्द में यदि चल रहा हो तो चलता ही रहे और जड़ हो तो जड़ हो बना रहे, ये दोनों अर्थ सिम्मिलित हैं। अंगरेजी के न्यूटरल का उदासीन, इंट्रिंसिक का नैज तथा क्यूवाइड का घनाभ कोरे शब्दानुवाद हैं। नीचे इस प्रकार के कितपय और शब्द दिये जा रहे हैं:—

चिनकण वक्र Smooth curve प्राकृत (लघुगणक) Natural logarithm उचित मिन्न Proper fraction केशाकर्षण Capillary attraction सदिश त्रिज्या Radius vector

इसमें कोई संदेह नहीं कि विदेशों से भी भारत में कुछ शब्द फलित ज्योतिय के संवंध में आए। यूनानी शब्द 'कैंत्रान' यहाँ आकर केंद्र बन गया। सबसे पहिले यह ज्योतिपीय शब्द ऐनामली के अर्थ में प्रयुक्त हुआ था। पुनः यह ज्यामितीय होने लगा। यूनानी शब्द 'आपो केंद्र के अर्थ में भी प्रयुक्त विलम' मेपूरण, हरिज, द्रोष्काण तथा फारसी श्ररवी के ईसराफ, ईक्कवाल, इंदुवार (अदवार), रह्योग, इत्थशाल, तम्बीर आदि अनेक शब्द ताजिक नीलकंठी में मिलते हैं। यूनानी शब्द वराहमिहिर ने तथा फ़ारसी एवं श्ररवी के शब्द नीलकंठ ने अपने ग्रंथ में ग्रहण कर लिए। हमारा दाम शब्द भी यूनानी शब्द'द्रावमे' है जिससे संस्कृत में द्रम्म शब्द बना तथा द्रम्म से हिंदी में दाम बना । यह चाँदी का एक सिक्का था जो कनिष्क तथा हविष्क के समय में बहत चलता था। आर्यभट्ट ने भी दो एक यूनानी शब्द लिए जैसे शनैश्चर के लिए उनका कोण शब्द, तथा होरा शब्द । इस सम्बन्ध में यह व्यान देने योग्य बात है कि जिन विदेशी शब्दों को भारतीय लेखकों ने अपनाया उनका मारतीयकरण अवश्य किया। मूल रूप में केवल वे ही शब्द लिए जो संस्कृत में चल सकते थे। जैसे यूनानी कैंत्रान शब्द केन्द्र बनाकर ही ग्रहण किया न कि कैंत्रान के रूप में । ज्ञान-विज्ञान के क्षेत्र में इस प्रकार का आदान-प्रदान चलता था और इसमें हमारे पूर्वज अपनी सानहानि नहीं समझते थे। भारतीयकरण करके विदेशी शब्द ऐसे रचपच जाते थे कि वे विदेशी लगते ही नहीं थे और इस प्रकार सुदीर्घकाल तक प्रयोग में चलते रहे, नहीं तो थोड़े काल के उपरान्त ही दूसरे लेखक उन्हें ग्रहण नहीं करते थे। सम्राट जगन्नाथ ने फ़ारसी 'निस्वत' शब्द को निष्पत्ति बनाकर ग्रहण किया जिसे अब बहुत कम लोग विदेशी समझते हैं, विल्क उल्टे निस्वत को ही निष्पत्ति से निस्सृत मानते हैं। आजकल के बहुत से विद्वान विदेशी शब्दों को ज्यों का त्यों लेने के पक्ष में हैं। उन्हें इन प्राचीन विद्वानों से शब्दावली-रचना के नियम सीखने चाहिए। वे लोग विषय तथा माषा दोनों के ही विद्वान थे अतः उनका दिखाया हुआ मार्ग ही अधिक अनुसरगीय है।

भारतीय गणितीय शब्दावली का विदेशों पर प्रमाव

वियर का अर्थ रोछ है। संमव है 'वियर' ऋक्ष का ही अनुवाद हो। ऋक्ष का ऋग्वेदीय प्रयोग निम्नलिखित मंत्र में देखिए:—

> अमी य ऋक्षा निहितास उच्चा नक्तं दहशे । कुह चिहिनेयुः ॥ (१।२४।१०)

अर्थान् ये ऋस जो रात में चमकते हैं दिन में कहाँ चले जाते हैं। इातपथ बाह्यण में कहा है:—

सप्तर्यीनु हस्म व पुरक्षा इत्याचक्षते।

(शंव बाव २. १. २. ४.)

नर्थात् सप्तिवियों को ही पहिले ऋक्ष कहते थे।

भारतीय अंकगणितीय और बीजगणितीय कव्दावली ने अरव को वहुत अधिक प्रभावित किया। ज्योतिए में गणनाओं का वाचक शब्द धूलिकर्म था जिसकी उन्होंने हिसावअलगुवार तथा धूलिअकों को हरूफुलगुवार शब्दों से उत्तरी अफ्रीका (मिस्र देश) तथा स्पेन देश में अनूदित किया। अंकगणित के पर्यायवाची पाटीगणित शब्द को 'इत्म-हिसाव-अलतस्त' तथा 'हिसाबुलहिंद' शब्दों से अनूदित किया। योरप में इन्हीं यूलिकर्म तथा पाटीगणित शब्दों को 'लाइवर एवेकी' तथा 'एवेकस' शब्दों से अनूदित किया। योरप में इन्हीं यूलिकर्म तथा पाटीगणित शब्दों को 'लाइवर एवेकी' तथा 'एवेकस' शब्दों से अनूदित किया। अंगरेजी का एवेकस शब्द यूनानी आवक्स (Abax) शब्द से निस्सृत है जो स्वयं सैमिटिक आवाक (Abaq)' से बना है। आवाक का अर्थ है थूल, अतएव एवेकस का अर्थ है 'ऐसी पट्टी जिस पर यूल विद्यी हो। इस प्रकार 'लाइवर एवेकी, का वहीं अर्थ हो जाता है जो यूलिकर्म तथा पाटीगणित शब्दों का होता है। पहिले मारत में ज्योतिषी लोग पट्टी पर यूल विद्याकर गणना किया करते थे।

दीजगणित शब्द का अर्थ या दीजों अर्थात् चारों प्रकार के समीकरणों से संवित्वित गणित अर्थात् समीकरणगणित । समीकरणों के सावन में मिन्नों के हरों को गुणा करके उन्हें समहर कर लिया जाता या और पुनः हर को दोनों ओर से निकाल देते थे। इस क्रिया के करने के बाद दोनों पक्षों की तुलना की जाती थी। इस दोनों कियाओं के द्योतक शब्द अरबी में क्रमशः जब और मुक़ावला शब्द थे। अरबी लेखक अलस्वारिज्मी (८२५ ई०) ने अत्तएव अपनी बीजगणित की पुस्तक का नाम 'अलजबूल मुक़ावला' रक्खा। इसी अरबी पुस्तक का योख में इटली बादि देशों में इतना प्रचार हुआ कि इस शास्त्र का नाम हो वहाँ अल्जेबा हो गया। वहाँ अनोवाडों नामक इटली का एक व्यापारी उक्त पुस्तक को इटली ले गया था। वहाँ

१. देखिए बुलेटिन आफ मैथिमेटिकल एसोशियेशन, इलाहाबाद यूनि॰ १६२६-२६, पृ॰ ३४।

लैटिन में सर्वप्रथम लूकस पेसिओलस (१४६४ ई०) ने लेओनार्डों के पुस्तक के ग्राघार पर प्रथम दीजगणित की पुस्तक लिखी। अल्जेब्रा को अंगरेजी में 'अनेलिसिज' भी कहते थे। डी एलेम्बर्ट कहते हैं:— Analysis is a method of resolving mathematical problems by reducing them to equations.

यह परिभाषा भी बीजगणित बन्द के मूल अर्थ से मिलान खाती है। जापानी भाषा का किगेनसीहो (Kigenseiho) शन्द जिसका अर्थ है अन्यदत को न्यवत कर्रना, समीकरण से ही संविन्धत है। अतः हमारे बीजगणित शन्द से ही बहुत से बीजगणित के पर्यायवाची शन्द न्युत्पन्न हुए। बीजगणित से पूर्व कुट्टक शन्द इसके लिए ब्रह्मगुष्त द्वारा प्रयुक्त किया गया था, योरुप में भी इसकी whet stone से अनुदित किया। कुट्टक भी पत्थर तोड़ने का लोढ़ा जैसा एक उपकरण था।

ब्रह्मगुष्त का योग तथा श्रेढ़ीयोग के अर्थ का द्योतक शब्द संकलित से प्रभावित होकर अलब रूनी ने अपनी एतद्विपयक पुस्तक का नाम 'फी संकलित इल-अदद-जै निस्फ' रक्ला। त्रेराशिक शब्द से प्रभावित होकर उसने अपनी एक और पुस्तक का नाम 'फी-राणिकात-अल-हिंद' रक्खा । अंक के अनुवाद हिंदसा^२ तथा अल अरकाम अल हिंद शब्द चोतित करते हैं कि अरवों ने अंक मारतवर्ष से ही सीखे थे । अतएव अंक को श्रनूदित करने के बजाय उन्होंने उक्त तथ्य के स्मारक उक्त शब्द रखे। त्रिकोण-मितीय जीवा, कोटिज्या, उत्क्रमज्या शब्दों का भी अरबों पर बहुत प्रमाव पड़ा। उन्होंने जीवा को तो ग्रहण ही कर लिया और उसका देशगत उच्चारण 'जेव' कर लिया। लैटिन का 'साइनस' तथा अंगरेजी का 'साइन' शब्द जेत्र के ही अनूदित शब्द हैं। सबका मूल अर्थ वही है जो अरबी के जेव शब्द का ग्रर्थात् कपड़े की जेव (Bosom of the garment)। सूर्य सिद्धान्त में ज्या के अर्थ में कमज्या शब्द को अरव वालों ने करज तथा कर्दज शब्दों से अनूदित किया। लैटिन में इन्हीं शब्दों के करदज तथा गरदज विकृत रूप हुए। उत्क्रमज्या का भी वर्ष् उसाइन अनूदित शब्द है। अरवी में इसके पर्यायवाची 'कार' कब्द का अनूदित कब्द 'सुहुम' है इसका भी अर्थ है वाण । शर शब्द का मी इंपु के रूप में मूल प्रयोग शुल्वसूत्र में मिलता है। यद्यपि वहाँ इसका अर्थ कुछ भिन्न है।

हमारे 'मूल' शब्द से ही अरबी का जच्च नथा अंगरेजी का 'रूट' एवं लैटिन का 'रैडिक्स' अनुवाद मात्र हैं। क्योंकि इन सबका मूल अर्थ है पेड़ की जड़।

समीकरण के पर्यायवाची सम तथा समकरण एवं साम्य शब्दों से अरवी में मसामात तथा अंगरेजी में इववेशन शब्द वने । अर्थ सबका एक ही है । हमारे यहां 'सम' तथा 'समकरण' शब्दों का ब्रह्मगुष्त ने सर्वप्रथम प्रयोग किया था। इससे

१. देखिये पृ० ५२।

२ अरबी के विद्वान इन ब्युप्पत्तियों में मतभेद रखते हैं।

प्राचीन प्रयोग विदेशों में नहीं मिलता है। वास्तव में ब्रह्मगुप्त के ग्रंथों का अरव में बहुत प्रचार हुआ। ब्राह्मस्फुट सिद्धान्त को 'सिंदहिंद' तथा उनके खण्डखाद्यक ग्रंथ को 'अलअकंद' नाम से अनूदित किया गया। फहरिस्त के मत में याकूव इन्त-तारीक ने ७७० ई० में ब्रह्मगुप्त की क्रमज्या सारणी को प्रकाशित किया। अरव में आर्यमट्ट का नाम भी प्रसिद्ध हो गया था। उनको वहां 'अर्जमर' नाम से बोधित किया जाता था। ब्रह्मगुप्त की भेदगुणन रीति इटली में 'स्कैपीजो' तथा 'रैपीगो' विधि नाम से व्यक्त की जाती थी। श्रीधर की तस्थविधि बाज भी तिर्यक्गुणन रीति में सुरक्षित है। अतनस्वी ने सन् १०२५ ई० नें दूसरी एक विधि को 'अल-अमल-अल-हिंद' सथवा 'तरीका-अल-हिंद' नाम से व्यक्त किया। अरब और योहप की भाग संम्बन्धी गैलीविधी भी भारतीय रीति थी बाधुनिक भिन्न-लेखन-प्रणाली भी प्राचीन भारतीय रीति पर ही आधारित है केवल अंतर यह है कि पहिले यहाँ बीच में रेखा नहीं खींचते थे।

श्रेगी-संकलन विधि भी रिब बालों ने यहाँ से अपनाई। अललखनी ने इस विषय पर एक पुस्तक लिखी जिसका नाम या 'फी संकलित इल-अदद-जैनिस्फ'। अरब वालों ने अंकों को 'अलअकीम्-अल-हिंद' भी कहा था।

हमारे बिषुवत रेला शब्द के ही 'खते उस्तवा' तथा इक्वेटर अनुवाद हैं क्योंकि इन दोनों का लयं भी 'साम्य कर देने वाला' ही है विषु का अर्थ भी साम्य तथा विषुवत् का लयं साम्य कर देने वाला होता है। सूर्य जब इस रेला पर आता है तो रात-दिन बराबर हो जाते हैं। विषुवत् शब्द वैदिक है अतएव ये दोनों हमारे शब्द के अनुवाद मान हैं।

करणी शब्द से अरब में असम तथा संगरेजी में 'सर्ड' एवं लैटिन में सर्डस शब्द बने । ये विदेशी शब्द हमारे ही शब्द के अनुवाद हैं। अरबी असम तथा संगरेजी सर्ड नोनों का अर्थ बैहरा है। ऐसा प्रतीव होता है कि हमारे करणी शब्द को भूज से 'अकर्णी समम सिया—अकर्णी का भी अर्थ बैहरा है—या उन्होंने हमारे 'अकरणींगत' शब्द को कर्णी के अर्थ में समम सिया। हम भी विदेशी शब्द 'खालिस' को भूज से निखालिस कह देते हैं। हमारे यहाँ कर्णी शब्द को कर्ई एक प्राचीन नेखकों ने करणी कर दिया। जब हमारे यहाँ ऐसी भूज हो सकती है तो विदेशों में ऐसी भूज होना कोई विचित्र बात नहीं है।

हमारे भिन्न सन्द के अंगरेजी सन्द फ़ैक्सन तथा बन्य योरोपीय शब्द फ़्रीक्टयों, राज्य, रोटो बौर रोक्ट्रो सन्द केवल बनुवादमात्र है। ये लैटिन सन्द फ्रीक्टस (फ़्रीक्सएर) जया रुप्टस (दूटा हुआ) से ब्युत्सन्त हुए हैं। हमारे सुन्य सन्द से अरबी का सिरु तथा बरबी सिरु से बोस्य के बन्य गढ़र साइफर, दीरो बादि बने । यूग्य के पर्यायवाची रिक्त, बिनक तथा तुन्छ दाखों से ही निलते-जुलते गढ़र संसार की अनेक भागाओं में पाय जाते हैं । इसके विवरण के लिए कृपया दितीय भाग में यून्य गढ़र को देखिये । ब्रह्मपुष्त द्वारा प्रयुक्त अव्यक्त राशि गढ़र का भी मृद्द देशों दक ब्यानक प्रभाव पड़ा । निम्न में इसको ही (Hou) कहते हैं जिमका अर्थ है नाशि (Heap, mass) एत्तव्यंक यूनानी दाव्द 'प्लीदो मोनेडोन अलोगोन' (Plethos mozadon alogon) है इसका अर्थ मी अव्यक्त है । चीन का भी एत्वव्यंक शब्द यूएन (yuen) है जिसका अर्थ है बीज (Element) ।

सारांद्रा यह है कि सारतीय अंक्रगणितीय तथा बीजगणितीय शब्दावली का विदेशों पर बड़ा रहरा प्रभाव पड़ा। बहुत से शब्द जैसे वृक्तिकर्म तथा वब, हनन सादि जो हमने तो भुना विये किन्तु विदेशों लोग उन्हें हत-पुलगृवार तथा जरव कहुकर अब भी जीवित किये हुए हैं।

_{दितीय भाग} विशिष्ट ग्रध्ययन

अध्याय १ गिरित

व्युत्पत्तिः

यह शब्द गण धातु से क्त प्रत्यय लगाकर बना है। गण् धातु का अर्थ है 'गिनना'। क्त प्रत्यय कई एक अर्थों में लगा करती है किन्तु इस शब्द के साथ जितने अर्थों में यह आई है वे निम्नलिखित हैं:—

१. भूतकालिक अर्थ अर्थात् गिना हुन्ना जैसे,

तस्माद्वित्रयः पण्यानां धृतो मितो गणितो वा कार्यः

(कोटिल्य अर्थशास्त्र, पृ० ११०)

अर्थात् विक्रयार्थं वस्तुओं को तोलकर, नाप कर अथवा गिनकर विक्रय करे। अमरकोप में मी कहा है 'संख्यातम् गणितम्' अर्थात् गणित का अर्थ है संख्या किया हुआ।

- २. गणना अथवा हिसाव जैसे, गणित करके बताओ । 'नपुंसके भावे क्तः' इस सूत्र से यहाँ क्त प्रत्यय संजार्थ में लगी है । इस प्रकार के अन्य प्रयोग भी हैं जैसे गीत, हिसत आदि ।
- ३. शास्त्रवाचक अर्थ अर्थात् यह शास्त्र जिसमें गणना की प्रधानता हो। इस प्रकार के अन्य शब्द निरुक्त, संगीत आदि हैं।
- ४. ज्योतिप, जिसमें प्रारंभिक अंकगणित मी सम्मिलित था वयोंकि वह उसका साधन था देखिए:—

यथा शिखा मयूराणां नागानां मणयो यथा।

तद्वदेवांगशास्त्राणं गणितं मुध्नि स्थितम् ॥ (वेदांग ज्योतिष, इलोक ४)

- ५. ग्रहगणित । ज्योतिय की तीन शाखायें मानी जाती हैं :— (१) गणित अर्थात् ग्रहगणित, (२) संहिता अर्थात् सामान्य फलित ज्योतिय, (३) होरा अर्थात् जातक-शास्त्र जिसमें जन्मकाल की ग्रह-स्थिति के फलों का विवरण दिया रहता है।
- ६. अंकर्गणित जिसमें क्षेत्र-गणित (Mensuration) भी सम्मिलित था। ज्योतिपशास्त्र इसमें सम्मिलित नहीं था। देखिये:—

गणितज्ञो गोलज्ञो गोलज्ञो ग्रहगति विजानाति ।

यो गणित-गोलवाह्यो जानाति ग्रहगति स कथम्।।

(ब्रा० स्फू० सि०, गोलाध्याय)

१. अर्थ भूमिका के प्रारम्भ में दिया है।

वक्षाली पाण्डुलिपि , आर्यभटी के गणितपाद, ब्राह्मस्फुट-सिद्धान्त का गणि-ताध्याय गणित-सार-संग्रह तथा गणित कौमुदी आदि शब्दों में गिएत का यही अर्थ है।

७. बीजगणितसहित गणित । गिएत का विषय और विकसित हुआ और गिएत के अन्तर्गत बीजगणित भी एक शाखा वन गई। निम्नलिखित ब्लोक में भास्कर ने इसी तथ्य की ओर संकेत किया है—

त्रृट्यादिप्रलयान्तकःलकलनामानप्रभेदः क्रमात् । चारञ्च चुसदां द्विघा च गणितं प्रदनास्तया सोत्तराः ॥

कसी गणितीय श्रेणी का योग, देखिये ब्राह्मस्फुट सिद्धान्त १२, १७ ।

६. क्षेत्रफल । यथा :---

'गिगितं चतुरम्यन्तं दशपदमक्तं पदे भवेद्वयासः' गिगितसार-संग्रह, पृ०१३२। अर्थात् वृत्त के क्षेत्रफल को ४ से गुगा करे, १० से भाग दे फिर वर्गभूल लेने से स्यास प्राप्त होता है।

'विष्कंभ: पाटाम्यस्त: स गिंगतम्' तत्वार्याविनम-सूत्र-माप्य, १५०,३३। अर्थान् व्याम के बौबाई से परिचि को गुणा करे तो क्षेत्रफल प्राप्त होता है। 'कणों गणितेन समः समचनुरश्रस्य को भवेद्वाहु' गिंगत सार संग्रह, पृ० १२६। अर्थान् यदि किसी समचनुरश्र (वर्ग) का कर्ण उसके क्षेत्रफल की संस्था के वरावर हो तो उसकी भूजा क्या होगी।

१०. संख्या (तादाद) । जैसे, इप्टका-गणित वर्थात् ईटों की संख्या । देखिये बाह्यस्कुट सिद्धान्त (१२,४७) । शीलांक सूरि ने विकल्पगणित (Permutations and Combination) से सम्बन्धित तीन प्राचीन कारिकाओं को समझाते हुए लिखा है—
तर्यव १, २, ३, ४, ५, ६ पटपदानि स्थाप्यानि । एतेषां परस्परताडनेन सप्तावानि विश्वस्टूलराणि गणितमुच्यते ।

यहाँ भी गणित का अर्थ विकल्पों की संख्या है।

११. इस समय गणित उस विज्ञान को कहते हैं जिसमें सस्यासंबन्धी, परिमाण सम्बन्धी, राशि सम्बन्धी तथा दिक् सम्बन्धी वातों का विश्वद विवेचन किया जाता है। इसकी इस समय लगभग ५० आखायें मानी जाती हैं। मुख्यतः गणित के दो भेद माने जाते हैं। प्रथम अमूर्त्तगणित तथा द्वितीय अनुप्रयुक्त गणित। असूर्तगणित में वीजगणित, कलन तथा संख्या-सिद्धान्त आदि विषय आते हैं तथा अनुप्रयुक्त गणित में गति-विज्ञान, स्थिति विज्ञान, द्वगित विद्वान आदि अनेक विषय आते हैं। वस्तुतः गणित-विद्या आधुनिक सय विज्ञानों की जरनी है।

१. सर्वेपामेव शास्त्राणां गणितं मूच्नि विष्ठति—वक्षाली पाण्डलिपि ।

मिक्षु जंगलों में रहते ये उनको नक्षत्रों की पहिचान तथा आकाश में दिशाओं की पहिचान करना आवश्यक कर दिया।

संख्याशास्त्र शब्द का प्रयोग गणिततिलक के निम्नलिखित ख्लोक में

देखिये:---

संख्याशास्त्रे यदि तवमति: स्फारमावं प्रपन्ना

वौद्ध साहित्य में गणना तथा संख्यान में कुछ अर्थ भेद भी था। गणना मन के भीतर हिसाव लगाने को अथवा साधारण गणित को कहते थे एवं संख्यान उच्च प्रकार के हिसाब को कहते थे।

पाणिनि के 'गण संस्थाने' अर्थात् गणवातु का अर्थ है संस्थान इस उनित से ही यह प्रतीत होता है कि संस्थान शब्द प्राचीन समय में गणना या गणित से अधिक प्रचलित था। बौद्धकाल में तथा कौटिल्य अर्थशास्त्र में इसका बाहुल्य रूप से प्रयोग हुआ। कौटिल्य अर्थशास्त्र में एकाउण्टैंट के लिए संस्थायक शब्द आया है। परवर्ती काल में संस्थान शब्द केवल गणना के अर्थ में प्रयुक्त हुआ। जैसे—

लौकिके वैदिके वापि तथा सामयिकेऽपि यः।

ब्यापारस्तत्र सर्वत्र संख्यानमुपयुज्यते ॥ (गणित सार० सं०) ।

गणित की प्रश्नंसा में यह वचन महावीराचार्य का है। वह कहते हैं कि लौकिक, वैदिक तथा अन्य सब प्रकार के सामयिक कृत्यों में संख्यान (गणना) का प्रयोग किया जाता है।

गणना और गणित के शब्दार्थ मात्र से यह प्रतीत होता है कि गएाना गिनने की किया तथा गणित उसका फल है। गिनने वाले ने २० आम गिने और कह दिया २०, यहाँ गिनने की किया गणना से तथा २० गणित शब्द का वाच्यार्थ है अतएव गणित शब्द का क वां, नववां और दसवां अर्थ उसका वाच्यार्थ है। पूछने वाला पूछता है 'भाई गिन चुके।' हाँ। कितना हुआ ? वीस। कितना हुआ प्रयोग में क्त प्रत्यय की झलक है।

गराना श्रीर गणित का भेद:

गणना का प्रारंभिक अर्थ गिनना अथवा गिनती ही था बाद में उसका 'गिएत की प्रक्रियाओं द्वारा हिसाब लगाना' अर्थ मी हो गया। अब मी जनगणना, पशुगणना आदि शब्दों में गणना का प्रारंभिक अर्थ सुरक्षित है। कौटिल्य अर्थशास्त्र में आया है 'विष्वस्त गएानां च कुर्यात्' अर्थात् ट्वटे हुए हथियारों का हिमाब रक्कें,

राइस देविस कृत 'डाइलोग आफ दो बुद्ध', खण्ड-४, पृ० २०; 'विनय टैक्स्ट 'कृत्ल बग्ग' ८, ६, ३।

२. वैज्ञानिक विकास की मारतीय परंपरा, पृ० ३८ ।

३. की०स०मा०, पृ० ६६।

इसमें भी गणना का उपरोक्त अर्थ ही है। गराना, गणित और संख्यान शब्दों के प्राचीन प्रयोगों में भी अत: इतना अन्तर है कि गराना से गराित की साधारण किया तथा गणित और संस्थान शब्दों से गराित की विशिष्ट तथा उच्च कियायें अभिनिष्कित होती हैं।

गणितशास्त्र की प्राचीनता— वैदिक काल:

भारतवर्ष का प्राचीनतम उपलब्ध साहित्य वैदिक साहित्य है जिसमें उस काल के गणित के ज्ञान का पर्याप्त परिचय मिलता है, यद्यपि इतिहासकार वैदिक सम्यता से पूर्व भी यहाँ द्रविड़-सम्यता की सत्ता स्वीकार करते हैं। मोहनजोदड़ो तथा हड़प्पा की खुदाइयों के फलस्वरूप पता चला है कि उस समय भी मारत के निवासी किस प्रकार उच्च और सुख्यवस्थित नागरिक जीवन व्यतीत करते थे जिससे हम केवल अनुमान ही कर सकते हैं कि नागरिक जीवन के लिए परम अपेक्षित गणित के ज्ञान का भी प्रचार रहा होगा किंतु उस काल की संज्ञालिपि (Code) का जब तक भली-भांति अभिज्ञान नहीं होता तब तक प्रामाणिक रूप से इस विषय में कुछ नहीं कहा जा सकता।

वैदिक साहित्य में ऋग्वेद सबसे प्राचीन है। ऋग्वेद में हमको संख्याओं के उल्लेख मिले हैं। यथा:—

द्वादशप्रधयश्यक्रमेकं त्रीणि नभ्यानिक उ तिच्चकेत

तस्मिन्त्साकं त्रिशता न शंकवोऽपिताः पष्टिनं चलाचलासः

इसमें द्वादश (१२), त्रिशत (३००), पिष्ट (६०) संख्याओं का उल्लेख है। दस के बाद की संख्या १२ और सौ से ऊपर की संख्या ३०० के लिए उसमें नवीन शब्द नहीं बिल्क पूर्व संख्याओं के यौगिक शब्द द्वादश तथा त्रिशत ही प्रयुक्त किए गए हैं। द्वादश में द्वि तथा दश का योग है तथा त्रिशत में शत शब्द से पूर्व त्रि शब्द का योग है। इसके विपरीत अंगरेजी संख्यावाचक १-१२° तक के शब्द स्वतंत्र हैं और १३ से एक प्रकार के यौगिक शब्द चलते हैं अतः इससे इस बात का पता चलता है कि वैदिक काल में ही भारतवर्ष में संख्याओं की दशमिक प्रणाली का ज्ञान था जबिक रोमन लोगों को इसका पता नहीं था। वे लोग १२, १२ की ढेरियों में वस्तुओं को गिनते थे। हमारे यहां कोल सम्यता में २०, २० करके चीजों के गिनने की प्रथा थी। मुंडा भाषा का कोरी (२०) शब्द इस तथ्य का चीतक है।

यद्यि अंगरेजी के इलेविन और ट्वेल्व के भी अयं हैं दस तथा एक एवं दस तथा दो; फिर भी दाव्द गठन वैसा नहीं जैसा कि आगे का अर्थात् टीन पर समाप्त होने वाला। अतएव यह प्रतीत होता है कि यह नाम वाद के हैं।

ऋग्वेद में उक्त संख्याओं के अतिरिक्त विशति (२०), त्रिशति (३०),चत्वा-रिशत (४०), पश्चाशत (५०), सप्तित (७०) और सप्तशतानि विशति (७२०) का भी उल्लेख है। यथा:—

द्वादशारं नहि तज्जराय वर्षातचकं परिद्यामृतस्य । आपुत्रा अपने मिथुनासोअत्र सप्तशतानि विशतिश्च तस्युः ॥११

अर्थात् द्यौ लोक में परिभ्रमण करने वाले इस काल चक्र में १२ ग्ररे लगे हैं जो कभी क्षीरा नहीं होते (बारह राशियां या १२ मास ही १२ अरे बताए हैं)। इस में मिथुन भाव से अर्थात् दो-दो के जोड़े में ७२० पुत्र स्थित हैं (३६० दिन और ३६० रात)।

यजुर्वेद की याज्ञवल्कय वाजसनेय कृत वाजसनेयी संहिता के निम्नलिखित मंत्र में एक से लेकर परार्ध (दस खरव) तक की संख्याओं का उल्लेख हैं:—

एका च दश च, दशच शतंच, शतंच सहस्त्रंच, सहस्रंचायुतं च, अयुतंच नियुतंच, नियुतं च प्रयुतं च प्रयुतं च अर्वुदं च, अर्वुदं च न्युर्वुदं च, समुद्रदच मध्यं च, अंतर्घ परार्घरच। (वाजसनेयी संहिता १७.२)।

सांख्यायन श्रोतसूत्र (१४.११.४) में अनन्त (नील) तक संख्यायें दी हुई हैं। यजुर्वेद की तैत्तिरीय संहिता (अनुवाक् ११-२०) में युग्म और अयुग्म संख्याय्री का उल्लेख है उसमें १०० तक की निम्नलिखित सारणियाँ मी हैं:—

तैत्तरीय संहिता में निम्नलिखित परिभापाएँ भी हैं :-

१० ^२ =- शत	१० ^६ = प्रयुत	१० ^{९०} =मघ्य	१० ^{१४} =व्युस्ति
१० ³ =सहस्र	१०°=अर्बुद	१० ^{३३} =:अन्त	१० ^{9१} = देश्यत्

१ चतस्रश्च मेऽप्टौ च मे द्वादश च मे द्वादश च में पोडश च मे पोडश चमे विदशतिश्च मे विंशतिश्च मे चतुर्विशतिश्च मे चतुर्विशतिश्च मेऽप्टा-विंशतिश्च मे प्टाविशतिश्च मे द्वार्विशतिश्च मे द्वार्विशतिश्च मे ऽप्टाचत्वारि शच्च मे पज्ञेन कल्पताम्।

१० 9 =अयुत १० 5 =नयर्चु द १० 93 =परार्घ १० 95 =उद्यत् १० 5 =िनयुत १० 5 =समुद्र १० 93 =उसस १० 95 =सवर्ग : १० 95 =लोक

इससे यह स्पष्ट है कि संहिता काल (३००० ई० पूर्व) से आयं लोग योग, गुणा, धात आदि गणित की मूलभूत क्रियाओं से भलीभाँति अवगत थे।

वाजसनेयि-संहिता की एक उक्ति है :--

'प्रज्ञानाय नक्षत्रदर्श यादसे गणकं'

अर्थात् विशेष ज्ञान के लिए नक्षत्रदर्श गणक के पास जाओ, नक्षत्रदर्श का अर्थ है नक्षत्र देखने वाला तथा गणक का अर्थ है गणना करने वाला ज्यातियो। इससे प्रतीत होता है कि गणित ज्योतिष के विशेषज्ञ भी उस काल में वर्तमान थे। वे न केवल नक्षत्रों का वेघ ही कर लेते थे अषितु गणना करके उनकी गति, तिथि, मास, वर्ष आदि भी निकाल लेते थे।

छान्दोग्य उपनिषद् (७,१,२,४) में एक कथानक आता है—नारद ऋषि सनतकुमार ऋषि के पास जाते हैं, उनसे ब्रह्मविद्या पढ़ने की प्रार्थना करते हैं। सनतकुमार जी के पूछने पर कि उन्होंने कीन-कीन विद्यायें पढ़ रवखी हैं, नारद जी बताते हैं कि वे नक्षत्र-विद्या और राशिविद्या पढ़ चुके हैं। इस कथानक से यह ज्ञान होता है कि राशि-विद्या (अंकगणित) उपनिष्काल में ज्योतिष से प्रयक् सत्ता रखती थी। ब्रह्मविद्या सीखने से पूर्व ही प्राय: ऋषि गणित को सीख लेते थे।

गणित शब्द यद्यपि वैदिक काल में अपने मूलरूप में नहीं पाया जाता किन्तु उसके सन्युत्पत्तिक शन्द गणक, गण और गण्या ऋग्वेद तक में मिलते हैं। उस समय गिरात नक्षत्रविद्या (न्योतिष) के अन्तर्गत आता था। गणित-ज्योतिष का माग वयों था इसका प्रमुख कारण यह था कि आर्यजाति एक धमंपरायरा जाति थी, वे यज्ञ करने के बहुत प्रेमी थे। यज्ञों के फल के लिए आवश्यक था कि वे यथाकाल किए जाएं। काल जानने के लिए ज्योतिष की आवश्यकता पड़ी तथा उसका सम्यक् ज्ञान नक्षत्र वेद्य तथा ग्रहगणित द्वारा ही हो सकता था। अतएव गरित्त, ज्योतिष के अन्तर्गत ही था। जैनियों में भी शुम मुहूर्त में दीक्षा लेना मुनि होने के लिए आवश्यक समभा जाता था और शुम मुहूर्त विना ग्रहगित-ज्ञान के निकल ही नहीं सकती थी; अतएव ज्योतिष अथवा गणित उनके धमं का भी अंग हो गया। अतः ज्योतिष, कालविद्यान शास्त्र और गणित थे पर्यायवाची शन्द हैं। देखिये:—

१. बीद्ध साहित्य में इसे नक्षत्रपाठक भी कहते थे । देखिए महानिद्देस पृ०, ३८२।

२. देखिए भाग १, ४, २।

३. गिएतितलक, भूमिका, पृ० ६ ।

वदाहि यज्ञार्थमिमप्रवृत्ताः कालानुष्ट्यां विहितास्चयज्ञाः

तस्मादिक कालविधानधास्त्रं यो ज्योतिषं, देद स वेद यज्ञान् । (वै०ज्यो०३) गणित जद्द का प्रयम प्रयोग :

गिग्ति शब्द का प्रथम प्रयोग वेदांग ज्योतिय के निम्नलिखित श्लोक में हुआ है:—

ययाशिखा मयूराखां नागानां मखयो यथा । तद्वद्वेतांगशास्त्रणां गिखतं मृथ्विं स्थितम् ॥

अर्थान् जैसे मयूरों की शिखाएँ तथा नागों की मिर्गुयों मस्तक पर विराज-मान होती हैं उसी प्रकार गणित वेदों के सब अंगों में शिरोमणि है। जैनवमें में गणित का स्थान:

जैनियों के प्राचीन धार्मिक साहित्य का वर्गीकरण चार अनुयोगों में किया गया है। अनुयोग का अये है सिद्धांत-विवेचन। उनमें एक गणितानुयोग भी है। प्राकृत भाषा में गणित का विकृत रूप 'गणिय' बब्द व्यवहृत किया जाता था। आचारांगनिर्वृक्ति (५१५०) में प्रत्येक जैन आचार्य की इसका अध्ययन करना अनिवाय वताया गया है।

गिलत विषय की सूक्ष्मता :

स्थानां गसूत्र (३५०ई०पृ०) के ७१६ वें मूत्र में गणित को अति सूक्ष्म विषय बनाया गया है। यथा :—

दस मुहुमा पञ्चता, तं जहा--पाण सुहमे जाव सिर्णेह सुहुमे गणिय सुहमे भंगमृहमे ।

टीकाकार ने इस सूत्र की व्यास्या करते हुए लिखा था कि गणित वच्च के समान अरुवन्त कटिन होता है:—

"गणित मृथ्मं—गणितं संकलानादि तदेव मूर्थमं मृथ्मयुद्धिगम्यत्वात्, श्रूपते च वज्ञान्तं गणितमिति ।

वैदांग उद्योतिष के परवर्ती संस्कृत साहित्य में गणित शब्द का प्रयोग महा-भारत, मागवत पुराध, मुच्छकटिक नाटक, वलालीहस्तलिपि, आर्यमटीय आदि प्रत्यों में मिलता है।

वक्षाती हस्तितिषि बीर आर्यमटीय के गिगत बच्ट में ज्योतिष सम्मिलित नहीं हैं। मास्कर दितीय रिचित् पिद्धान्त-शिरोमणि के गणिताब्याय बच्द में गणित का नात्पर्य प्रह्माणित था। बक्षाती समय के कुछ पूर्व से अर्थात् प्रथम गती के लगमग गणित ज्योतिष ने पृथक् एक स्वतंथ विषय हो गया था और उस पर आर्यमट्ट, बह्मणुष्त, श्रीपति आदि नेखकों ने अपने ज्योतिष-प्रन्थों में पृथक् अध्याय लिखे।

प्राचीन गणित ग्रन्थ:

वक्षाली पाण्डुलिपि (३०० ई०), गणित तिलंक (१०३६ ई०), गिएत-सार-संग्रह (५५० ई०), पाटीगिएत (६०० ई०), गिएत-कौमुदी (१३५६ ई०) आदि गणित के स्वतंत्र ग्रंथ लिखे गए। इनमें क्षेत्रगणित के नियम भी दिये रहते थे। गिएत और ज्योतिष की पृथक् २ सत्ताओं के संबंध में आर्यभट्ट का निम्न इलोक 'अवलोकनीय है:—

> प्रणिपत्यैकमनेकं कं सत्यां देवतां परं ब्रह्म । आर्यमटस्त्रीिंग गदित गिएतं कालिकयां गोलम् ।।

गणित का क्षेत्र-विकास :

अव गिएतिज्ञ को ज्योतिष का ज्ञान होना आवश्यक नहीं रह गया। ग्रव तो जसके लिए निम्न विषयों का ज्ञान होना ही आवश्यक रह गया:—

परिकर्मविशति यः संकलिताद्याँ पृथग्विजानाति । अष्टौ च व्यवहारान् छायान्तान् मवति गणकः सः ॥ (त्रा०स्फू०सि० १२।१)

श्रर्थात् संकलित आदि गणित की २० कियाओं तथा प्रव्यवहारों को जो जानता है वही गणक है। वैदिक काल के गणक (ज्योतिषी) की परिमाषा अतः श्रव ७वीं शती में बदल चुकी थी। गणित की अब मूलभूत कियायें २० थीं। यथा:—

संकलितव्यवकलिते प्रत्युत्पन्नोऽथ भागहारश्च । वर्गस्तस्य व मूलं घनधनमूले तथैतानि भिन्नानि पट् प्रकारः कलासवर्णो यथा क्रमशः भागस्तथा प्रभागोऽथ भागभागश्य तत्परतः ॥ मागानुबंध भागापवाहसंज्ञी च मागमाता च । शैराशिकं ततस्तद्वयस्तमथो पञासप्त नव राशि । माण्डप्रतिभाण्डजीवविकयौ संयुता नविभरेव । परिकर्मविकातिरिह व्यवहाराः स्युनंव क्रमशः ॥ मिश्रकर्मादौतदनुश्रेढ़ीक्षेत्रं ततश्च खातचिती क्रकचराशी छाया ततः परं शून्यत्विमिति ॥ (श्रीधर कृत पाटीगिस्तित, पृ० २)

वर्थात् गणित की निम्नलिखित कियायें हैं :-

(१) संकलित (संकलन), (२) व्यवकलन, (घटाना), (३) गुणा,(४) माग, (५) वर्ग, (६) वर्गमूल, (७) घन, (८) घनमूल, (६) भागजाति, (१०) प्रमाग जाति

(११) भागभागजाति, (१२) भागानुबंब जाति, (१३) भागपवाह जाति, (१४) भाग-माता जाति, (१५) त्रैराशिक (ब्यस्त त्रैराशिक), (१६) पंचत्रैराशिक, (१७) सप्त त्रैराशिक, (१८) नवत्रैराशिक, (१६) भाण्डप्रतिमाण्ड, (२०) जीव-विकय ।

नवव्यवहार निम्नलिखित हैं :--

(१) मिश्रकर्म, (२) श्रेढ़ी-व्यवहार, (३) क्षेत्र-व्यवहार, (४) खात-व्यवहार, (५) चिति-व्यवहार, (६) काकच व्यवहार, (७) राशि-व्यवहार, (६) छाया-व्यवहार, (६) शून्य-व्यवहार।

उपरोक्त ६-१४ तक के नामों से भिन्नों की विविध कियायें तथा नियम मंतव्य हैं। क्षेत्र व्यवहार से तात्पर्य मैंस्यूरेशन से था। खात व्यवहार में भूमि खोदने अर्थान् यनज्यामिति से तात्पर्य था। चिति व्यवहार ईटों के चट्टे लगाने से संश्रीवन गणिन को कहते थे। काकचिक लकड़ी फाड़ने तथा राशि व्यवहार अन्न की देरी लगाने से संबंधित गिगान को कहते थे।

ये ही सब कियायें तथा व्यवहार किचिनमात्र रूपान्तर से भास्कर द्वितीय तथा अन्य परवर्ती प्राचीन हिन्दू गिरात-वेत्ता मानते रहे ।

गणित स्वतंत्र विषय वनकर दिन प्रतिदिन असाधारण उन्मित करने लगा। वीजगणित, रेखागणित, क्षेत्रगणित, विकोणिमिति, गतिविज्ञान, स्थितिविज्ञान, माँस्यिकी आदि उमकी अनेक शाखाएं वन गई। गत दो शताब्दियों से तो ज्योतिप (Astronomy) की भी गणित के ही अंतगंत गणना होने लगी।

कैसी विचित्र बात है कि गणित जो सम्राट ज्योतिष का कभी एक कर्मचारी मात्र था, राजनीति की शतरंजी चालों को चलकर एक स्वतंत्र ग्रिधिपति वन बैठा और फिर अपने बुद्धिबल का प्रयोग करके ज्योतिष सम्राट के स्थान पर स्वयं सम्राट बन गया और विचारा ज्योतिष अब एक अधीनस्थ राजा मात्र ही रह गया।

अध्याय २

अंकगणित

प्रकरण १. श्रंकगणित

व्युत्पति :

अंकगणित का अर्थ है अंकों अर्थात् संख्याओं सम्बन्धी गणित । अंगरेजी जब्द अरिथमेटिक का शब्दानुवाद है क्योंकि यह भी अरिथमोज (Arithmos) से बना है जिसका अर्थ है संख्या (Number) ।

पर्याय :

अंकगणित शब्द के निम्नलिखित पर्याय हैं :---

(१) राशिविद्या, (२) घूलिकर्म, (३) पाटीगणित, पाटी अथवा परिपाटी, (४) व्यक्तगणित ।

राशिविद्याः

राशिविद्या गव्द का प्रयोग छान्दोग्य उपनिषद् (७।१।३) में आया है। नारद ऋषि सनतकुमार ऋषि के पास विद्या पढ़ने जाते हैं। सनतकुमार जी के यह पूछने पर कि उन्होंने कीन-कीन सी विद्याएँ पढ़ रखी हैं, नारद जी वताते हैं—

"स होवाच —ऋग्वेदं मगवोऽष्येमि यजुर्वेदं सामवेदमाथर्वणं च चतुर्थमितिहासपुराणं पंचमं वेदानां वेदं पित्रय ४ रासि दैवं निधि वाकोवावयमेकायनं देवविद्यां, ब्रह्मविद्यां,

भूतिवर्धा, क्षत्रविद्यां नक्षत्रविद्या सपंदेवजनविद्यांमेतद् भगवोऽघ्येमि"

इसमें राशि णव्द अंकगणित के अर्थ में आया है। वाद में राशि से तात्पर्य राशि (अन्त की ढेरी) सम्बन्धी गणित अथवा त्रैराशिक नियम से हो गया है। स्थानांग मूत्र ७४७ (२५० ई०पू०) में भी इसका प्रयोग मिलता है। यथा:—

१. हिंदू गणितशास्त्र का इतिहास, पृ० ३ । वैज्ञानिक विकास की भारतीय परंपरा, पृ० ३२ ।

परिकम्मं ववहारो रज्जुरासी कलासवन्नेय। जावन्तावित वग्गो ततह वग्गवग्गो विकप्पोत ॥

इसमें गणित के विषय गिनाये गए हैं, राशि जिनके अंतर्गत है। लीलावती, पाटीगणित आदि परवर्ती अंकगणित की पुस्तकों में राशिकव्यवहार नामक एक अध्याय रहता था जिसमें अन्न-राशि से सम्बन्धित नियम तथा उनके प्रश्न दिये रहते थे।

धृलिकमं :

धूलिकमं शब्द का प्रयोग ब्रह्मगुष्त (६२८) तथा भास्कर द्वितीय (११९४ ई०) ने क्रमशः ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त तथा सिद्धान्तिशिरोमणि के वासनाभाष्य में किया है। प्राचीन काल में कागज की कमी थी अतएव १६वीं शताब्दी तक पाटी (तस्ती) पर धूल विद्यांकर गणित किया करते थे अतएव अंकगणित अथवा गणित को धूलिकमं कहने लगे। यथा:—

'अत्र धूलिकर्मणा प्रत्यक्ष प्रतीतिः'

— सिद्धान्ति शिमणि, चन्द्रग्रहण। विकार, श्लोक ४ की टीका।

सुघाकर हिवेदी (१८६० ई०) ने अपने गणित के इतिहास में लिखा है कि "पटरे पर धूल या अबीर फैलाकर उस पर हिसाब करना, यह रीति मेरे पढ़ने के समय तक बनारस संस्कृत कालिज में थी। पीछे से बापूदेव शास्त्री (ज० काल १८२१ ई०) ने अंग्रेजी स्लेट चलाई।" पुराने आचार्य ज्योतिष के दो भेद करते थे। (१) धूलिकर्म, (२) दृग्गणित अथवा दृग्ज्योतिष। धूलिकर्म से तात्पर्य गएाना द्वारा ग्रह-स्थित जानना तथा दृग्गणित से तात्पर्य वेघ करके उनकी गितयों आदि को निकालना था। दृग्गणित और धूलिकर्म के फलों में जब अन्तर होता था तब उन दोनों में सामंजस्य स्थापित करने के लिए धूलिकर्म के फलों में कुछ संशोधन किया करते थे। इन संशोधनों को बीज, बीजसंस्कार अथवा दृग्गणितैक्य कहते थे। यथा:—

पूर्वाचार्यमतेम्यो यद्यच्छ्रेष्ठं लघुस्फुटं बीजम् । तत्तिदिहाविकलमहं रहस्यमभ्युद्यतो वक्तुम् ॥ (पंचिसिद्धान्तिका, पृ० १)

अर्थात् पूर्वाचार्यो के मतानुसार अपेक्षित बीज संस्कारों के रहस्यों को मैं पूर्णतया बता रहा हूँ। इस श्लोक की टीका में सुवाकर द्विवेदी जी ने बीज सन्द का अर्थ 'दृग्गणितेश्यार्थ संस्कार विशेय' किया है।

धूलिकर्म का अरबी में अनुवाद:

अंकगणित के पर्यायवाची घूलिकर्म को उत्तरी अफीका मीर स्पेन में 'हिसाय-

अल-गुवार' अयवा 'इल्म अल गुवार' तथा अंकों को 'हल्फ़-अल-गुवार' कहा है। अञ्चालह इन्न तामिन (६५० ई०) कृत 'सेफरयसीरह' की टीका में लिखा है कि उसने हिन्दू गिगत पर, जिसको हिसाव-अल-गुवार कहते हैं, एक पुस्तक लिखी है। इसरी पुस्तक 'क्ट्फ अस् असरार' व 'इल्म अल गुवार' (अर्थात् इल्म गुवार के रहस्यों का उद्घाटन) ट्यूनिस निवासी अवुलहसन अली (मृत्यु १४८६ ई०) ने लिखी।' घूलिकमं का प्रयोग ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त में सर्वप्रथम हुआ। इस ग्रंथ का अमुनाद अरवी में 'सिन्द हिन्द' नामक ग्रन्थ में किया गया। अतः यह स्पष्ट है कि बूलिकमं और घूल्यंकों (घूलि पर लिखे हुए हमारे अंकों) को अरव तथा स्पेन में क्रमणः इलम-हिसाव-अल-गुवार तथा हरूफ़-अल-गुवार शब्दों द्वारा अनूदित किया गया।

पाटीगणित :

पाटीगणित का वर्ष है पाटी अर्थात् तस्ती पर निकाला जाने वाला गणित । हम कपर वता चुके हैं कि पहिले पट्टी पर धूलि विद्याकर अथवा काली पट्टी करके खिंड्या द्वारा गिणित की क्रियामें करते थे, अतएव अंकगणित को पाटीगणित भी कहते थे। पाटी शब्द संस्कृत पट्ट का प्राकृत रूप है जो पुनः संस्कृत भाषा में ७वीं धती के आसपास प्रविष्ट हो गया। ब्रह्मगुष्त (६२२ ई०) की कृतियों में सर्वप्रयम यह शब्द मिलता है जब कि पट्ट शब्द महामारत और सुश्रुत तक में मिलता है। पाटी शब्द आज भी पाटी पूजा अथवा पट्टी पूजा, पटरानी खादि शब्दों में प्रयुक्त होता है।

श्रीघर (६००) ने पाटीगणित तथा मुनीश्वर (१६०३ ई०) ने पाटीसार नामक प्रन्य लिखे। मास्कर द्वितीय ने लीलावती में मी इस शब्द का प्रयोग किया है। यथा:—

'पार्टी सद्गणितस्य विक्तं वर्थात् पार्टीगणित को कहता है । पार्टीसूत्रोपमं बीजं गुढ़िमत्यवमासते । नास्तिगुड़मगुढ़ानां नैव पोढ़ेत्यनेकघा ।।

श्रयौत बीजगणित भी पाटीगणित के समान है। देखने में गूढ़ लगता है कितु श्रमूढ़मतियों के लिए वह कुछ भी गूढ़ नहीं है तया वह केवन छ: प्रकार का होता है यह वात भी नहीं है।

अरबी में अनुवाद:

यलबहनी ने सन् १०३० ई० में हिन्दुस्तान की पाठ्यालाओं में लड़कों की

दे० टाक्टर वी० वी० दत्त का लेख — 'हिन्दू कंट्रीव्यूशन टु मेथिमेटिक्स'।

काली पट्टी पर एक सफेद चीज से लिखते देखा था। पाटीगणित शब्द को भी अरव वालों ने अपना लिया। उन्होंने इसको अनूदित करके 'इल्म-हिसाव-अल-तख्त, और पाटीसार को 'किताब-अल-तख्त' नाम रख लिए। स्मिथ और मुराद (Mourad) का कहना है कि हवीं तथा १०वीं शती की अंकगणित की अरबी पुस्तकों के नामों में तख्त और किताब अलतख्त शब्द प्राय: आये हैं। यह स्मरण रहे कि उन सबमें हिन्दू अंकगणित का ही वर्णन किया गया है।

योरोपीय भाषात्रों में भी अनुवाद:

योख्य में भी मध्य काल में अंकगणित की पुस्तकों के नाम 'लाइवर एवेकी' (Liber Abaci) पर थे। इसी से अंगरेजी का एवेकस (Abacus) शब्द निस्मृत है। एवेकस शब्द यूनानी बावक्स (Abax) से बना है जो स्वयं सैमिटिक-आवाक (Abaq) से बना है। ग्रावाक का अर्थ है घूल। अतएव एवेक्स का अर्थ है 'ऐसी पट्टी जिस पर घूल विछी हो।' इस प्रकार लाइवर एवेकी का वही ग्रर्थ हो जाता है जो पाटीगणित अथवा घूलिकमं शब्दों का है। घूलिकमं और पाटीगणित शब्दों के इस विवेचन से स्पष्ट है कि किस प्रकार भारतीय अंकगणित का प्रमाव अरब और योख्प के देशों पर पड़ा।

व्यवतगणित:

पाटीगणित के समान व्यक्तगणित भी अंकगणित का भारतीय नाम है। श्रीपित ने सिद्धान्तशेखर में व्यक्तगणित और अव्यक्तगणित नामक पृथक्-पृथक् अव्याय लिखे। व्यक्तगणित का अर्थ है व्यक्तराशियों (known quantities) द्वारा निकाला जाने वाला गणित। भास्कर ने भी व्यक्तगणित और अव्यक्तगणित शब्दों का प्रयोग निम्नलिखित श्लोक में किया है:—

उत्पादकं यत्प्रवदन्ति बुद्धेरिघिष्ठतं सत्पुरुपेणसांख्याः व्यक्तस्य कृत्स्नस्य तदेकवीजमव्यक्तमीशं गणितं च वन्दे ॥

अर्थात् जैसे ईश्वर समस्त लोकों का आदि कारण है वैसे ही अव्यक्तगणित व्यक्तगणित का मूल है।

अंकगणित शब्द का प्राद्भीव :

जब स्लेट, पैंसिल और कागज ने १६वीं शती के अंत में पट्टी का स्थान ले लिया तो पाटीगिएित शब्द के स्थान पर रेखागिणत के वजन पर अंगरेजी अरिथ-मैटिक का शब्दानुवाद अंकगिएत शब्द विराजमान हो गया। सुघाकर द्विवेदी जी के

१. देखिए 'ई० सी० सोची कृत 'अलवरूनीज इण्डिया', खंड १ पृ० १८२।

२. देखिये 'बुलैटीन आफ मैथिमेटिकल एसोसियेशन', इलाहाबाद यूनिवसिटी, १६२५-२६ में डाक्टर बी० बी० दत्त का लेख 'हिन्दू कन्ट्रीब्यूशन ट्रमेथिमेटिक्स'।

अनुसार स्लेट का प्रथम प्रचार वापूदेव शास्त्री ने किया। अतएव हो सकता है कि अंकगणित शब्द भी उन्होंने ही चलाया हो। उन्होंने सर्वप्रथम 'अंकगणित' नामक एक पुस्तक मी लिखी थी। बाद को इस शब्द का ऐसा प्रचार हुआ कि सहस्रों वर्षों से प्रयुक्त शब्दों चूलिकमं, पार्टागणित और व्यक्तगणित को भुला दिया गया। वीज-गणित ग्रीर रेखागणित शब्द पहिले से ही चले आ रहे थे अतएव उसी वजन पर अंकगणित शब्द का बनना स्वामाविक था।

सारांश:

अंकगणित शब्द के अयं-विचार से भारत के अतीत गौरव का पता चलता है। उस गौरव के परिचायक हैं हमारे अंकगणित के प्राचीन पर्याय 'धूलिकमं' तथा 'पार्टीगणित' शब्द जिनका प्रचार एशिया, योरुप तथा अफ्रीका के विभिन्न देशों में हिसाव-अल-गुवार, इम्महिसाव-अल-तस्त, हिसावुल हिन्द, लाइवर एवेकी, एवेकस आदि अनूदित रूपों में था। 'चकारपंक्तिरिव गच्छित भाग्यपंक्तिः' अर्थात् भाग्य की गित मी रयचक के समान ऊपर नीचे होती रहती है। जिस देश ने अनेक देशों के अंकगणित के वाचक अनेक शब्दों को जन्म दिया उसी देश को आवश्यकता के वयीमूत होकर अंगरेजी शब्द अरियमेंटिक के बाधार पर अपने धूलिकमं और पार्टीगणित शब्दों को मुलाकर एक नवीन शब्द अंकगणित बनाना पढ़ा। अंकगणित शब्द पद्यिप नवीन है किन्तु इसके आधारभूत शब्द अंक और गिएत शब्द विश्व के प्राचीनतम शब्दों में से हैं।

(देखिए अंक तथा गणित शब्द)

प्रकरण २. अंक

अंक णव्द भारोपीय (Indo European) चातु 'अंक' से बना है। अंक धातु का अर्थ है मुड़ना। जो मोड़ा जाये वह अंक घा। अतः यह शब्द प्रारम्भ में लोकड़े (Hook) के अर्थ में प्रयुक्त हुआ है। आँकड़ा मुड़ा होता है। देखिये ऋग्वेद का निम्मनिखित मन्य:—

यन्तीक्षम् मास्पचन्या उचाया या पात्राणि यूष्ण आसेचनानि कत्मण्या विधानौ चरुणामंकाः मूनाः परिभूपन्त्यस्वम् ।

ऋग्वेद १। १६२ । १३

यहाँ सायण ने इस मंत्र की व्यास्था करते हुए अंक का अर्थ देत की शासा

अर्थ १.६ तक के अंक (Digits) ही है.। लीलावती के अंकपाश नामक प्रकरण में अंक णब्द का उक्त अर्थ में बाहुत्य रूप से प्रयोग हुआ है।

श्रीहर्प ने तैषघ काव्य में दमयन्ती के रूप वर्णन में कर्ण का वर्णन करते हुए अंक शब्द को उपरोक्त अर्थ में ही प्रयुक्त किया है तथा अंको को है ही बताया है। देखिये:—

अस्या यदण्टादशं संविभज्यं विद्याः श्रुती दघतुरर्घमर्धम् । कर्णान्तरूतकीर्णगभीररेखः किं तस्य संख्यैव नवा नवांकः ॥

अंक शब्द की अन्वर्यकता:

अंक संख्याओं के चिह्न ही होते हैं अतः अंक शब्द अन्वर्थंक है। शून्य का स्थान रिक्त छोड़ देते थे अतः शून्य शब्द भी अन्वर्थंक है। यदि अंक शब्द को भारोपीय अंक घातु से निस्सृत मानें तो भी यह अन्वर्थंक है क्योंकि समस्त अंक (चिह्न) क्कों से ही बने हैं। अंक के विविध श्रर्थ:

अंक शब्द के निम्नलिखित अन्य संजातीय अर्थ मी हैं:--

१- गोद (विकित होने के कारण),

२ - चिह्न, लक्षण (विकित होने के कारण)

३--- वक्षर (,, ,,

४ - रेखा, वक रेखा, मोड़ (',, ,,)

५- लिपि

६-- मोहर, ठप्पा

७- संख्या

 मुणांक, जैसे ३ क² + ४ क + ग में ३, ४ अंक हैं, वयों कि वे अज्ञात राशियों के गुणांक हैं।

अंकन अर्थात् आंकने अथवा दागने से जो नियान वनते थे उनको अंक तथा प्राकृतिक निशानों को चिह्न कहते थे। यथा:—

मासदिमासजातानंकयेत् । अंकं चिह्नं वर्णं शृंगान्तरं च लक्षणमेवमुपजा निवन्ययेत् —(कौटिल्य अर्थशास्त्र)

अर्थात् 'महीने दो महीने बड़े पशुओं को दाग दे देवे, प्रत्येक पशु के अंक (दाग) प्राकृतिक चिह्न, रंग तथा सींगों की दूरी को लिख लेवे।"

अंक शब्द का ठप्पा अथवा मोहर अर्थ भी है जो दागने का सजातीय अर्थ है। देखिये:---

कृतनरेन्द्रांकं शस्त्रावरणमायुघागारं प्रवेशयेत् ॥ (कौटिल्य अर्थशास्त्र)

अर्थात् शस्त्र और कवच तभी आयुधागार में रखे जायें जब उन पर राजा की मुहर लग जाये।

अंक शब्द का गुणांक के अर्थ में प्रयोग पृथुदक् स्वामी (८६० ई०) ने किया है'। चिह्न के अर्थ में अंक शब्द का प्रयोग तारांकित और रेखांकित शब्दों में अब भी निहित है। गुणांक, अंकगणित, सुवकांक, कोणांक, स्थिरांक ग्रादि शब्दों में अंक का अर्थ संख्या ही है। सम्राट जगन्नाथ ने रेखागणित नामक अपने ग्रन्थ में जो यूक्लिड के एलीमेंट्स (Elements) ग्रन्थ का एक प्रकार से अनुवाद ही है, संख्या-सिद्धान्त (Number theory) बाले खण्ड का अनुवाद करते समय संख्या के अर्थ में अंक शब्द का ही प्रयोग किया है। उन्होंने अंक की परिभाषा "अंको नाम ख्पाणां समुदायः" अर्थात् अंक रूपों का समुदाय है, की है। अंकों की सहायता से ही संख्या प्रकट की जाती है अत्यव अंक शब्द का संख्या अर्थ मी हो गया। संख्या के अर्थ में अंक शब्द के प्रयोग-बाहुल्य के कारण ही संभवतः बाद में अरिथमैटिक के लिये अकगणित शब्द की सृष्टि की गई।

'आंकड़ा' शब्द का बहुवज़न 'आंकड़े' है, जिसका अर्थ अंकसमूह है। यह शब्द भी अंक से निसृत है। अंक से आंक बना और आंक से स्वार्थ में 'ड़ा' प्रत्यय लगाकर आंकड़ा हुआ, जैसे सैंकड़ा (शर्तक + ड़ा)।

अंक का अर्थ अक्षर भी है। प्रायः ग्रामीण जन बोलते हैं 'हमें तो आंक भी नहीं बांचवो आवतु" अर्थात् हम एकदम निरक्षर हैं। यहाँ अंक का अर्थ अक्षर ही है।

अंक का अर्थ लिपि भी है। वास्तव में लिखने (Script) में पहले दो कियाएँ सम्मिलित होती थीं। प्रथम लोहे आदि को लेखनी से ताड़ आदि के पत्तीं पर अंकित करना और पुन: करखी से लीप देना। पहली किया अंकन और दूसरी लेपन है। इन दोनों के मेल से लिपि बनी। नैपवकार ने जिसे वैधसी लिपि कहा उसी को तुलसीदास जी ने विधि के अंक कहकर छोतित किया। देखिये:—

अयं दरिद्रो मिततित वैधसीं लिपि ललाटेऽधिजनस्य जाग्रतीम् । मृपा न चक्रेऽल्पिचकल्पपादपः प्रणीय दारिद्रयदरिद्रतां नृष: ॥

> जरत विलोकें जबहि कपाला विधि के लिखे अंक निज भाला नर के कर आपन वध बांची हंसेऊ जानि विधि गिरा असांची ।। (रामचरित मानस)

१. देखिये, ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त १८। ४४ (टीका) ।

यहां अंक का अर्थ लिपि अथवा अक्षर है। ऐतिहासिकता:

यंक-लेखन-प्रणाली के पूर्त प्रमाण अशोक के शिलालेखों (३०० ई०पू०) से पहले के नहीं मिलते। जैन आगम ग्रन्थों के समवायांग में (४०० ई०पू०) प्रज्ञापना सूत्र में अट्ठारह लिपियों का उल्लेख है, जिनमें अंक-लिपि और गणित-लिपि भी सम्मिलत हैं। अंक-लिपि से तात्पर्य उस अंक-लेखन-प्रणाली से था जो शिलालेखों में प्रयुक्त होती थी। गणित-लिपि साधारणतया गित में प्रयुक्त होती थी। लिलत-प्रयुक्त होती थी। गणित-लिपि साधारणतया गित में प्रयुक्त होती थी। लिलत-विस्तार नामक बीद्ध ग्रन्थ में भी संख्या-लिपि का उल्लेख मिला है। इससे प्रतीत होता है कि ईसा से चौथी शती पूर्व भी अंक-लेखनी-प्रणाली प्रचित्त थी। इस सम्बन्ध में मेरा विचार यह है कि अंकगणितीय प्रक्रियाओं का प्रयोग विना अंक-लेखन-ज्ञान के हो ही नहीं सकता। कोई व्यक्ति दो बड़ी संख्याओं को अक्षरों में लिखकर उन संख्याओं का परस्पर माग कैसे कर सकता है। प्रारम्भिक छोटे-मोटे जोड़, बाकी तो उंगलियों पर किये जा सकते हैं, शेष प्रक्रियाएँ उंगलियों पर नहीं की जा सकतीं। यदि यह अनुमान सत्य है तो वेदांग-ज्योतिष काल (८००-५०० ई० पू०) से तो निश्चित ही अंक-लेखन-प्रणाली के ज्ञान का आभास मिलता है। वेदांग-ज्योतिष के कितपय श्लोक नीचे उद्धृत किये जाते हैं जिनमें भिन्न, गुणा, भाग, जोड़ और घटाने का स्पप्ट उल्लेख हैं:—

"तिथिमेकादशाभ्यस्तां पर्वमाशसमन्विताम् विमण्य भसमूहेन तिथिनक्षत्रमादिशेत् ।।"

अर्थात् तिथि को ग्यारह से गुणा करे, उसमें पर्वभाशं जोड़े, फिर नक्षत्र समूह से भाग दे, इस प्रकार तिथि के नक्षत्र को बताये। इसमें "ग्रभ्यस्तां शब्द गुणावाचक अभ्यास शब्द का भूतकालिक प्रयोग है। अभ्यास शब्द अब भी बजाम्यास (Cross multiplication) में गुणा के अर्थ में प्रयुक्त किया जाता है। विभव्य का अर्थ तो भाग देकर है हो। आज भी विभाजन शब्द से भाग का अर्थ ममला जाता है। स्थानांगसूत्र ७४७ (३५० ई० पू०) में गणित की मूलभूत प्रक्रियाओं त्रैराशिक नियम, तथा समीकरणों का उल्लेख मिलता है। ये सब अंकलेखन-प्रणाली के उस समय प्रचित्तत होने के निश्चित प्रमाण हैं। कौटिल्य अर्थशास्त्र में गाणितिक्याधिकार नामक एक अध्याय है जिसमें गणना पुस्तक (निवन्च पुस्तक) तथा उसमें वेतन, मता, विभाग-संख्या आदि प्रविष्ट करने का उल्लेख है। संख्यायक (एकाउण्टेंट), लेखक (वलकं), रूपदर्शक (रुपये गरखने वाला) का उल्लेख है।

१. कीटिल्य अर्थशास्त्र, पृ० ६२।

२. तस्मादस्याष्यक्षाः संख्यावक, लेखक रूपदर्शकनीवीग्राहकीत्तरात्यक्षसखाः कर्माण नुर्युः (कीटिल्य प्रयंशास्त्र, पू० ६६)।

गणित की प्रक्रियाओं, संकलन, न्यवकलन (निर्वर्तन) का भी उल्लेख है।

'ततः परं कोशपूर्वमहोरूपहरं धर्मव्यवहारचरित्रसंस्थानसंकलनिर्दः चारप्रयोगैरवेक्षेत्।'' शाम शास्त्रो ने इसका अंगरेजी में निम्नलिखिट किया है:—

Then the table of daily accounts submitted by him alor the net revenue shall be checked with reference to the reforms of righteous transactions and precedents and by applyarithmetical processes as additions, subtractions, inference espionage.

उस ससय लिपि और संख्यान (गणित) चूड़ा कमं के बाद सीखें लेखा-विभाग भी बहुत बड़ा था। लाखों संख्याएँ लिखनी-पढ़नी पड़ती थीं। अन्त में गाणिनिक लोग ग्रस्तपटल में जाकर अपनी विभिन्न शीर्पकों की घनके बृहद्योग (Grand totals) जिनको उस समय अग्र कहते थे, सुनारं देखिये:—

गाणितक्यान्याषाढ़ीमागच्छेयुः । आगतानां समुद्रपुस्तभांडनीवीनामेकत्र स् पणावरोधं कारयेत् । आयव्ययनीवीनामग्राणि श्रुत्वानीवीमवहारये (कौटित्य अर्थशास्त्र, पृ०

इस तथ्य-समूह से क्या हम इस निष्कर्ष पर नहीं पहुँचते कि चन्द्रगुष्त १ (३२२ ई॰ पू॰) के शासनकाल में भी अंक-लेखन-प्रणाली का ज्ञान अवश्य होगा ? मैगस्थनीज उस समय सड़कों पर मील होने का भी वर्णन करता है। ज्ञ मील थे तो उन पर दूरी-सूचक अंक भी अवश्य रहे होंगे।

कात्यायन शुल्व सूत्र से दो प्रकरण उद्धृत किये जा रहे हैं, जिनसे गणिती। उच्च ज्ञान का आभास मिलता है:—

"मंडलं चतुरस्रं चिकीपंन् विष्कम्भमष्टी भागान् कृत्वा मागमेकोनित्रशघा विभज्याष्टाविशतिमागानुद्धरेद् भागस्य च पष्ठमष्टमागोनम्।"

इसका अर्थ यदि गणितीय भाषा में कहें तो यह होगा :--

$$\pi = 8 \left(\frac{8 - \frac{8}{5} + \frac{8}{5 \cdot 3} - \frac{8}{5 \cdot 3} + \frac{8$$

इसी प्रकार आपस्तंब की निम्नलिखित पंक्ति भी $\sqrt{2}$ का मान निर्धारित करती है:—

'प्रमार्ग तृतीयेन वर्षयेतच्वर्येतुनात्मचतुस्त्रिशोनेन स विशेपः"

१. इण्डिया ऑफ मैगस्थनीज, ए० १२५-१२६।

सर्पात्
$$\sqrt{2} = 2 + \frac{2}{3} + \frac{2}{3.8} - \frac{2}{3.8.38}$$

तैत्तिरीय संहिता में भी ३६²=३६²+२५² आया है। ऋग्वेद में अयुत (१०,०००) तक की संख्यायें तथा यजुर्वेद में दश खर्व तक की संख्याओं का उल्लेख है तथा उसके एक मन्त्र⁹ में ४ का १२ तक पहाड़ा-सा भी पढ़ा गया है।

इन उद्धरणों से प्रतीत होता है कि वैदिक काल (३००० ई० पू०) में बड़ी-बड़ी संख्याओं का ज्ञान था। किन्तु अंक-लेखन-प्रणाली का ज्ञान था या नहीं, इसका निश्चित ज्ञान हमको नहीं है। यद्यपि हिन्दू जैन तथा बौद्ध परम्परायें ब्राह्मी लिपि तथा अंक-संकेतों को सृष्टिकर्ता ब्रह्मा का आविष्कार मानती हैं। मोहनजोदड़ो और हड़प्पा की खुदाइयों के फलस्वरूप कुछ लेख और मोहरें मिली हैं। उन पर अंक जैसे कुछ चिह्न मिलते हैं किन्तु जब तक उनकी लिपि का भलीभांति अभिज्ञान नहीं हो जाता तब तक ३००० ई० पूर्व अंक-लेखन-प्रणाली के ज्ञान का होना हम निश्चित रूप से नहीं कह सकते।

भारत के जिन बंकों (धूलि-अंकों) को देखकर अरब वालों ने हरुफुल गुवार, हिन्दसा तथा अल-अरकाम्-अल-हिन्द कहा, उन्हीं अंकों को यूरोप वालों ने अरबों से सीखकर अरैविक न्यूमरल कहा और उन्हीं को हम अन्तर्राष्ट्रीय अंक (International Numerals) कहते हैं। कितने दुःख की बात है कि आज हमारे भोले अनिमज्ञ अनेक भारतवासी अपने इन अंकों को विदेशी नामों से पुकारते हैं और इन्हें देवनागरी अंक कहते हुए तथा इनका प्रयोग करते हुए कुछ दुःख एवं अपमान अनुमव करते हैं। दूसरे शब्दों में इन पर यह उक्ति चरितार्थ होती है:—

निज हैं उन्हें अन्य जन सारे

मव पर विभव उन्होंने वारे।
पर हा उन्हे माग्य हमारे

निज भी हुए पराये।। (यशोघरासे)

अंगरेजी के अंकों का रूप अब भी देवनागरी के अंकों से बहुत कुछ मिलता-जुलता है। अरवी लिपि दायें से वाएँ लिखी जाती हैं किन्तु संस्थाएँ वहाँ भी श्रव तक वार्यें से दायें ही लिखी जाती हैं। अरबों द्वारा भारतीय अंक-लेखन-प्रणाली ग्रहण करने का यह अकाट्य प्रमाण है।

१. दे० ए० ११६, पाद टिप्पणी ।

प्रकरण ३. शून्य

शून्य शब्द श्वि घातु के क्त प्रत्ययान्त रूप शून की भाववाचक संज्ञा है। श्वि का ग्रथं है सूजना, बढ़ना। श्वि की क्रियार्थंक संज्ञा श्वियन है जिससे विगड़कर हिन्दी की क्रियार्थंक संज्ञा सूजना बनी। शून का अर्थ है सूजा हुआ। क्रियंद में शून का ग्रथी है वढ़ा हुआ तथा समृद्ध। सृष्टि के प्रारम्भ में अण्ड (ब्रह्मांड) शून होता अर्थात् बढ़ता चला गया और फिर फट गया जिससे आकाश की उत्पत्ति हुई। इस प्रकार शून्य के "खालीपन" तथा "आकाश" अर्थ हुए। प्रसिद्ध गिएतज्ञ महावीराचार्यं संख्यावाचक शब्दों को गिनाते हुए शून्य के विषय में लिखते हैं:— पर्याय:

आकाशं गगनं शून्यमम्बरं खं नभो वियत् अनन्तमन्तरिक्षं च विष्णुपादं दिविस्मरेत् ।

अर्थात् आकाश, गगन, ग्रम्बर, ख, नमः वियत्, अनन्त, अन्तरिक्ष, विष्णुपाद तथा दिव शब्द शून्य के पर्यायवाची हैं। ज्योतिपी लोग शून्य के लिये पूर्ण शब्द का मी व्यवहार करते हैं। अमरकोप में भी लिखा है:—

"शून्यं तु विशिक्षं तुच्छिरिनतके" अर्थात् रिक्तार्थक शून्य शब्द के ४ पर्याप हैं:— १. शून्य, २. विशक, ३. तुच्छ, ४. रिक्त । इनमें से शून्यार्थक तुच्छय और रिक्त शब्द ऋग्वेद में भी मिलते हैं। वशी शब्द कात्यायन श्रीत सूत्र में शून्यार्थ में ही मिलता है। ब्राह्मण-ग्रन्थों में शून्य शब्द के रिक्त अर्थ में प्रयोग मिलते हैं। कौटिल्य अर्थशास्त्र (३२५ ई० पूर्व) में "शून्यमूलं" शब्द में शून्य श्राया है। इसमें शून्य का अर्थ है खाली अथवा अरक्षित । अमरकोप की उक्त पंक्ति भाषा-विज्ञान की दृष्टि से सर्वाधिक महत्वपूर्ण है। देखिये संसार की अन्य भाषाओं में इन्हीं चारों से मिलते-जूलते शब्द पाए जाते हैं। यथा : --

3			
यूनानी	केनोस, केन्योस	}	
ऐलिक	केन्नोस	Ì	शून्य से मिलते-जुलते
लैटिन	वेक्वयुअस	ว์	
इटैलियन स्पैनिश	व्यूटो वेशियो	}	.बशिक से मिलते-जुलते
है निश	वासया तोम)	
लिथूनियन लैटिश	तु5िचयस	ļ	तुच्छ से मिलते-जुलते
लाट्य स्लैविक	तुवम तुरती		
	3		

१. विनय-पिटक में भी शून का सूजा हुआ ग्रर्थ मिलता है। देखिए रायस टैविसहत पाली शब्दकोप।

बोहीमियन, जैक पोलिश रैज़्हनी रोज़नी

रिक्त से मिलते-जुलते

चीरो तया साइफर:

अरबी माथा में रिवत के वर्षों में सिफ शब्द या अतएव उन्होंने शून्य को 'सिफ' शब्द से अनूदित किया। सिफ शब्द निम्नलिखित दो मार्गों से अंगरेजी में पहुंचा अतएव अंगरेजी में उसके दो मिन्न विकृत रूप 'साइफर' तथा 'जीरो' मिलते हैं। जीरो इस प्रकार एक दवलैंट शब्द है।

प्रथम मार्ग	अरवी	स्पेनिश	पुरानी फैंच	नई फ़ैंच	अंगरेजी
शून्य	सिफ	सिप्रा	सिफे	शिफ्रो	साइफर
हितीय मार्ग शून्य	अरवी सिफ	लेटिन जैफम जैफीरम	इटेलियन जैफीरो ज्यूरो जीरो	फ्रींच जीरो	अगरेजी जीरो

अरवी का सिफ णव्द संस्कृत शून्य का ही अनुवाद है। इसके तीन प्रमाण मिलते हैं: —

(१) अरवों ने अंक मारतवर्ष से सीखे, अत: उनको हिन्दसा (हिन्दुस्तान के) अथवा अलअरकाम् ग्रलहिन्द (अलवरूनी का शब्द है, अर्थात् हिन्दुस्तान के अंक) कहते थे। अंकों को वे हरूफुल गुवार मी कहते थे, जो हमारे धूलि-अंकों के आधार पर ही बना हुआ शब्द है। अरबों ने यह कभी दावा नहीं किया कि अंकों का उन्होंने स्वयं आविष्कार किया। (२) द्वितीय प्रमाण शून्य की ब्युत्पत्ति है। दशिमक संक-प्रणाली मारत की देन है। इस प्रणाली में इकाई, दहाई, श्रादि के प्रयक् स्थान थे। जिस स्थान पर कोई अंक नहीं होता था उसकी सम्भवतः रिक्त छोड़ देते थे जैसे २५०३०४ को वे ०००००० थों लिखते थे। वाद में शून्य का २५ ३ ४

Rangacharya, commentator of गणित-मार-मंग्रह (Ganit sar sangrah).

^{1.} In the utilization of a system of notation wherein the several numerical figures used have place values apart from what is called their intrinsic value. In writing out a number according to such a system of notation, any notational place may be left empty when no figure with an intrinsic value is wanted there. It is probably that owing to this very reason, the Sanskrit word are meaning empty came to denote zero; and when it is borne in mind that the English word 'cipher' is derived from an Arabic word having the same meaning as the Sanskrit are, we may safely arrive at the conclusion that in this country the conception of zero came naturally in the wake of the decimal system of notation."

सांकेतिक चिह्न (०,.) ब्राविष्कृत हुए। अन्य देशों के शून्य-वाचक युवितयुवत च्युत्पत्ति नहीं मिलतो। (३) भारत में शून्य-चिह्न का प्रयं पू० के पिगल छन्द: शास्त्र नामक ग्रन्थ में मिलता है। इतना प्राचीन किसी देश में नहीं मिलता। देखिए:—

"रूपं शून्यं" (पिगल ८।२६)

हलायुव वृत्ति (विषमसंख्यातः रूपम् एकसंख्याम् अपनयेत् । र शून्य लम्यते)

हि: जून्ये (विगल ८।३०)

हलायुघवृत्ति (यून्यस्याने दिरावृति कुर्यात् तत्र निराकारतया प्रयमातिकमे कारणाभावात् एकसंख्या लम्यते । तां यून्यस्थाने स्था वेत्) पिंगल ने इन मूत्रों में छन्दों के प्रस्तार की पद्धति बतायी है ६ वर्णी वाले गायत्री छन्द के कितने भेद होंगे । उक्त पद्धति के हिसा होंगे । उपरोक्त उद्धरणों में बताया है कि रूपे अर्थात् १ घटाने प्रमूप चिह्न रिवये । दिः यून्ये अर्थात जहाँ-जहाँ यून्य चिह्न गूणा करिये ।

बक्षाली-पांडुलिपि (३०० ई०) में मी शून्य-चिह्न का प्रयोग कर-े लिखी हैं जैसे पत्र ५६ (बी) पर | ५६० | ६६४ | गुणा करने पत्र | ६४ | १६८ |

संस्थायें प्राप्त हुई। वक्षाली-पांडुलिपि में (पृ० १८७) 'शून्यं हस्तं इसमें भी शून्य का अर्थ सिफ है। उक्त ग्रन्थ के २२ वें पृथ्ठ पर शून्य का मिलता है। शून्य का पाचीनतम चिह्न (.) है। सुबन्धु कृत वासवदत्ता (५६ की निम्न पित्तवीं इस सम्बन्ध में अवलोकनीय हैं।

''विद्वं गग्यतो विघातु: शिक्किटिनीखडेन तमोमयी द्यामे अजिन इव स्मारस्य अतिभूत्यत्वात् शूत्यवित्वय इव विलिखिताः जगत्ययविजिगीपाविनिः रित्यरिकिरीणां इव लाजांजलयः……तारा व्यराजन्त'

अर्थात् "किंवा संसार की गणना प्रसंग में भगवान् ब्रह्माद्वारा चन्द्रमारु चित्रया से कन्जलतुल्य अंधकार से द्यामवर्ण चमंसद्दश आकाश में संसार के अत्यर्ग निस्मार एवं मवंथा विनाशी होने के कारण णून्यता मूचक लगे हुए विन्दुओं के समान तारे शोभायमान लग रहे थे।" यहाँ शून्य विन्दवः का अर्थ है णून्य (संख्या) के मूचक विन्दु (चिह्न)। शून्य एक संख्या है श्रीर विन्दु उसका चिह्न है। भास्कर् प्रयम (६२६ ई०) ने आर्यभटी की टीका में स्थानमानयुक्त शून्य सहित अंकों का प्रयोग किया है। आयुनिक प्रणाली के समान उन्होंने भी पहले इकाई, दहाई आदि

के स्थान द्योतक चिह्न ००००० लिखे हैं। आठवीं शती के जयवर्धन द्वितीय के रघोली पट्टों में शून्य-चिह्न को प्राचीनतम पुरालेख सम्बन्धी प्रमाण हैं। इसमें शून्य का चिन्ह वृत्ताकार ० है।

शून्य ऋण चिहुन के रूप में :

भास्कर प्रथम ने ० को अंक के पार्श्व में तथा परवर्तियों ने अंक के अपर इस चिह्न को लगाकर उस राशि के ऋणत्व को सूचित किया है।

भास्कर द्वितीय ने कहा है "अत्र रूपागाममन्यक्तानाँ चाद्यक्षराण्युपलक्षणार्थं लेख्यानि यानि ऋणगतानि तानि ऊर्घ्वविन्दूनि च —(मास्करीय वीजगणित)।

प्रयात् अव्यक्त राशियों के द्यांतक कालक, नीलक आदि के प्रथम अक्षर का० नी॰ आदि होते हैं। यदि यह ऋणात्मक हों तो उनके ऊपर विन्दु लगाना चाहिए। भून्य के आविष्कार का महत्व:

यदि यून्य चिह्न का आविष्कार न हुआ होता तो न मालूम संख्याओं को व्यक्त करने के लिये कितने चिह्न बनाने पड़ते और दशमिक अंक-लेखन-प्रणाली का आविष्कार ही न हुमा होता। सकल विज्ञानों की जननी गिएत विद्या है और गिएत की जननी संख्याएँ हैं जिनके लेखन की आधार भूत सामग्री यून्य है। यदि यून्य का आविष्कार न हुआ होता तो आज विज्ञान की इतनी प्रगति न हुई होती। प्रो० इरविन स्कूडिंगर अपनी 'स्पेस टाइम स्ट्रक्चर' नामक पुस्तक (१६५० ई०) में लिखते हैं, 'The most important number in Mathematics is zero'. अर्थात् गणित की सर्वाधिक महत्वपूर्ण संख्या यून्य है। अमरीका के प्रो० हाल्सटीड इसके आविष्कार के विषय में लिखते हैं:—

This giving to airy nothing not merely a local habitation and a name, a picture, a symbol but helpful power is the characteristic of the Hindu race whence it sprang. It is like coining the nirvan into Dynamos. No single mathematical creation has been more potent for the general ongo of intelligence and power.

श्यात् इस हवाई अमावात्मक वस्तु को न केवल स्थान-मान तथा संज्ञा प्रदान करना अपितु उसको चित्रित करना तथा उसको सांकेतिक चिह्न प्रदान करना, हिन्दू जाति की विशेषता है जिसने इसको जन्म दिया। यह निर्वाण को गति प्रदान करने के समान है। बुद्धि तथा शक्ति की व्यापक प्रगति के लिये गिएति का अन्य कोई आविष्कार इतना अधिक सहायक सिद्ध नहीं हुआ। शून्य का विकृत रूप 'सुन्ना' भी हिंदी की कई बोलियों में चलता है। ज्योतिषी गणना करते समय पाँच गुणा दो आए दस, दस का पूर्ण हाथ लगा एक कहते हैं, अतएव शून्य के लिये पूर्ण शब्द का भी ज्यवहार किया जाता है। मोनियर विलियम्स संस्कृत कोश में भी पूर्ण का अर्थ शून्य दिया है। शून्य कहना वह अशुभ समझते हैं अतएव उसके स्थान पर पूर्ण शब्द का ज्ययहार करते हैं। दश पर दशमिक अंक-माप (Decimal Scale) पूर्ण हो जाता है अतः शून्य के स्थान पर पूर्ण शब्द का प्रयोग सार्थक भी है। किन्तु हँसी की बात यह है कि खग्नास (पूर्ण ग्रहण) शब्द में शून्य का पर्यायव।ची 'ख' शब्द पूर्ण अर्थ में प्रयुक्त होता है। शून्य संख्या है अथवा चिन्ह ?

जैसा कि ऊपर बताया गया है जून्य संख्या होती है और बिन्दु उसका चिह्न । एक में से एक घटाया शेष आया जून्य, यहाँ स्पष्ट है जून्य एक संख्या विशिष्ट है । यह सकल घनात्मक तथा सकल ऋणात्मक संख्याओं की मध्यवर्ती सख्या है । बिंदु अथवा बिंदी जून्य का सांकेतिक चिन्ह है जैसे सो में दो बिन्दी लगती हैं । वच्चे संख्या-पाठ करते समय बोलते हैं "एक कड़ा पै दो बिन्दी पूरे राम सो ।" एक कड़ा का अर्थ एक आंकड़ा अथवा एक अंक है । बिंदु, जल-बिन्दु शब्द का संक्षिप्त रूप है और अतएव उसका आकार है । पहिले जून्य का चिह्न "था बाद में वह दत्ताकार वहां गया। उद्दं में जून्य का चिह्न (.) अर्थात् बिन्दी ही है । संभवतः इसका कारण यह मी हो कि यदि जून्य का वृत्ताकार चिह्न लगायें तो उद्दं पांच ठ का भ्रम लगने लगेगा। अंगरेजी में जून्य का चिह्न वृत्ताकार ही है क्योंकि बिन्दु पूर्ण विराम का चिह्न है ।

सार्यभट के बाद ही प्राचीन गणित की पुस्तकों में शून्य परिकर्म नामक एक अध्याय पाया जाता है जिसमें शून्य द्वारा योग, गुणा, भाग आदि क्रियाओं के करने का विधान दिया रहता था। देखिए ब्रह्मगुप्त (६२८ ई०) का एतद्विषयक सूत्र :—

श्रुच-विहीनमृरामृरां धनंधनं भवतिश्रुच्यमाकाशम् । शोष्यं यदा धनमृरााद् ऋणं धनाद्वा तदा क्षेप्यम् ॥

अर्थात् शून्य को किसी घन अथवा ऋगा राशि में घटाने से राशि धन ही अथवा ऋण ही रहती है तथा शून्य में से शून्य घटाने से शून्य राशि ही प्राप्त होती है।

विहारी किव ने भी वैंदी (विन्दी) को शून्य सूचक चिह्न वताया है।
 यथा:—

कहत सबै बैंदी दिये अंक टसगुनी होत । तिय लिलार बैंदी दिये अगनित बढ़त उदोत ।।

किन्तु यदि ऋण से घन राशि घटाये तो फल ऋण तथा घन से ऋण घटाने पर फल घन प्राप्त होता है।

तच्छेद, खहर:

खोद्धतमृणं घन व तच्छेदं खमृणघन विभवतं ना । ऋणधनयोवंगं: स्वम् खं खस्य पदं कृतियंत्तत् ।।

अर्थात् शून्य से भाग देने पर ऋण ग्रथवा धन राशि तच्छद अथवा खहर कहलाता है। यदि शून्य की ऋण ग्रथवा चन राशि मे भाग दें तो शून्य ही प्राप्त होता है। ऋण ग्रथवा घनराशियों का वर्ग घन होता है। शून्य का वर्गमूल शून्य तथा वर्ग भी शून्य होता है। किन्तु ब्रह्मगुष्त का यह कथन असत्य है कि खं खभवतं सम् अर्थात् है = ०। मास्कर द्वितीय ने तच्छेद के स्थान पर खहर शब्द का प्रयोग किया है। यथा: —

खयोगे वियोगे घनणं तथैव च्युतं शून्यतस्ति द्विपर्यासमेति । वधादौ वियत्खस्य खं खेनवाते खहारोभवेत् खेन मक्तस्य राशिः ॥ मास्कर में इसकी टीका में लिखा है :—

रू ३ रू ३° रू । अर्थात् ३—३== ०

हिन्दू लोग अंकगणित में यून्य द्वारा किये गये माग को ठीक नहीं समभते थे। नारायण कहते हैं कि लोक व्यवहार में 'खहर' का प्रयोग नहीं होता। अतः हमने इसको यहाँ प्रयोग नहीं किया है। खहर बीजगणित की वस्तु है। यही कारण है कि महावीर ने यून्य से भाग देने पर संख्या में कोई परिवर्तन नहीं होता यह अग्नुद्ध कथन किया है। यथा:—

'ताडित: खेन राशि: खं सोऽविकारी हतो युतः'

प्राकृत में शून्य को सुगुरा तथा सुण्ण कहते है जिससे विगड़कर हिन्दी में सूना, सुन्ना अथवा सुन्न शब्द बने। अथवंवेद में क्षुद्र शब्द आता है। डा॰ दत्त के मत में यह शून्य के हो अथं में वहां प्रयुवत है। बैसे क्षुद्र का अर्थ तो तुच्छ है और तुच्छ स्वयं रिक्तायं शून्य का पर्याय है। अतएव डा॰ दत्त की कल्पना सत्य हो सकती है। श्रान्य की परिमापा:

्रह्मगुष्त ने ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त में शून्य की परिभाषा इस प्रकार दी है 'समैंवयम् एक्' अर्थात यदि दो समान किन्तु विपरीत चिह्न वाली राशियों को जोड़ा जाय तो उनका योग शून्य होता है अर्थात् क—क=० वाद के ग्रन्यों में भी इसी परिभाषा की दुहराया गया है।

भाग्य की बात यह है कि सून (समृद्ध) जैसे महान पिता का पृत्र मृत्य निकला किन्तु सृत्य होते हुए भी एक महानता उसमें भी है कि जो राश्यि उसकी खहर शब्द का प्रयोग किया है। किन्तु खहर का मान क्या होता है इसका उन्होंने मी उल्लेख नहीं किया है। गणितितलक में उन्होंने भी महावीर की श्रृटि को दोहराया है वर्षात् क = • तथा • = • कहा है यथा :--

योगे शून्यं मवति सद्दशं क्षेपकस्याविकारी ।

राश्चिः शून्यापगमिमलने शून्यघाते च शून्यम् ॥

ब्योम्ना मिन्ति भवतिगगनं व्योम्नि मनतेचशून्यम् ।

वर्गे व्योम्नो वियदिति मवेदन्तरिक्षं घनश्च ॥

भास्कर द्वितीय ने ११५० ई० में सर्वप्रयम यह वताया कि इस खहर राक्कि का मान अनंत होता है। देखिए:—

'अयमनन्तो राशिः खहर इत्युच्यते'
वे खहर राशि की भगवान से तुलना करते हुए लिखते हैं:—
अस्मिन् विकारः खहरे न राशा
विष प्रविष्टेष्विष निस्सृतेषु।
बहुष्विष स्याल्लयसृष्टिकालेऽनन्तेऽ
च्युते भूतगरोषु तहत्।।

वर्यात् जिस प्रकार सृष्टि श्रीर प्रलयकाल के समय ब्रह्मा में से अनन्त जीव वाते जाते रहते हैं किन्तु वह फिर मी अनन्त रहता है उसी प्रकार यह अनन्त संख्या भी है। इसमें कितनी वड़ी संख्या को भी जोड़ने या घटाने से कुछ अन्तर नहीं पड़ता। इसी पर ईपोपनिषद में लिखा है:—

> पूर्णमदः पूर्णमिदं पूर्णात् पूर्णमुदच्यते । पूर्णस्य पूर्णमादाय पूर्णमेवावशिष्यते ।।

अनन्त का अर्थ आकाश भी होता है अतएव महावीराचार्य ने इसे झून्य का पर्याय बताया है। कैसी विचित्र बात है कि इसका मान झून्य से बढ़कर अनन्त (असीम) हो गया तथा पूर्ण शब्द जिसका उपरोक्त उद्धरण में अनन्त जैसा अर्थ है ज्योतिषियों की भाषा में झून्य के अर्थ में प्रचलित हो गया।

१. देखिये शून्य शब्द ।

प्रकरण ५. सख्यावाचक शब्द

च्युत्पत्ति:

सम् उपसर्ग पूर्वक स्था (प्रकथन) घातु से संख्या कव्द बना है। प्रकथन का अर्थ है नाम निर्देश करना। गिनितियों के भावों के नाम होने के कारण इनको संख्या कान्द से व्यक्त किया गया है। संख्या और अंक में पर्याप्त अन्तर है जैसे २५ सख्या है जो २ और ५ अंकों से मिलकर बनती है किन्तु अंक को भी हम संख्या के अर्थ में कभी-कभी प्रयोग कर लेते है जैसे अंकगणित तथा गुणांक में यह प्रयुक्त हुआ है। ऐतिहासिकता:

इन संख्याओं का आविष्कार कव हुन्ना इसका बताना न्नति कठिन है किन्तु भारतवर्ष में ही इस ज्ञान का प्रादुर्भाव हुआ यह निर्विवाद है। क्योंकि प्राचीनतम वैदिक साहित्य में एक, द्वि, दश, शत, सहस्र, अयुत, नियुत, प्रयूत, अर्बुद, न्युर्बुद, समुद्र, मध्य, अन्त और परार्थ आदि संख्याओं के नाम मिलते है। यथा:—

''शताम स्वाहा सहस्राय स्वाहाऽयुताय स्वाहा नियुताय स्वाहा प्रयुताय स्वाहाऽर्युदाय स्वाहा न्यवुदाय स्वाहा समुद्राय स्वाहा मध्याय स्वाहान्ताय स्वाहा परार्धाय स्वाहेपसे स्वाहा'' (तैतिरीय संहिता ७-२-२०-१)

किन्तु संख्या जब्द वेदों में नहीं आता । इसका प्रथम उल्लेख शतपथ नाह्यण में मिलता है । यथा :—

'तदाहु: कैतासामसंख्यातानां संख्येति हें इति बूयाद्देहि सिकते शुक्ला च कृष्णा चायो सप्तविज्ञातिशतानीति ब्रूयादेतावन्ति हि संवत्सरस्याहोरात्राण्ययो हे हापंचारा शते इत्येतावन्ति होतस्य षड्रचस्याक्षराण्ययो पंचिव ४ शतिरिति पंचिवणं हिन्ते : 1

प्रथम प्रयोग :

अर्थात् ब्रह्मा से प्रजापित अग्नि को उत्पत्ति हुई तथा उनके रेत से ही समस्त चराचर एवं संवत्सर अहोरात्र ग्रादि बने। ब्रह्मा के उस अनंत रेत की क्या संख्य है। प्रयम तो वह रेत दो प्रकार का है जुक्ल और कृष्ण (पक्ष) और पुनः उनः ७२० भेद भी है जो कि संवत्सर के दिन रात (३६० दिन ३६० रात) के रूपं है....।

परवर्ती प्रयोग :

प्राचीनतम बौद्ध और जैन साहित्य में भी इस शब्द का प्रयोग मिलता । दीर्घनिकाय, मिलिद, दथवंस, संयुत निकाय आदि बौद्ध ग्रंथों में इस शब्द का प्रय द्भुष्टा है । वर्तमान ग्रंथ के अतिरिक्त वहाँ इस शब्द के 'नाम', 'अक्षर' तथा 'परिनः ये अन्य वर्ष भी आये हैं। महाभारत और काव्यसाहित्य में इसके चर्चा, विचारणा, तर्क, बृद्धि ये अतिरिक्त अर्थ मिलते हैं। जैन ग्रंथ अनुयोगद्वार सूत्र में वताया है कि एक संख्या नहीं होती, संख्यायें तो दो आदि हैं। देखिये—

'से कि तं गणगा संख्या ? एकी गणगां न उवेद दुप्पियदसंखा' (अनु०सू० १४६)

संस्याओं का ज्ञान :

संख्यासंबंधी ज्ञान भारतवर्ष में प्राचीनकाल से चला आ रहा है। वेदों में ही वड़ी २ संख्याओं का उल्लेख मिलता है। यजुर्वेद में परार्थ जो १० ३३ के बराबर एक संख्या थी, का उल्लेख मिलता है। सांख्यायन श्रीतसूत्रों में वृहत्संख्या अनन्त का उल्लेख है जो १० ३३ के बराबर थी। इनसे मी बड़ी २ संख्याओं का परवर्ती बौद्ध और जैन ग्रंथों में उल्लेख मिलता है। बौद्ध ग्रंथ लिलतविस्तर (१०० ई०पू०) में गणितज्ञ अर्जुन और राजकुमार वोधिसत्व के संवाद में शतगुणोत्तर संख्याओं में एक तल्लक्षणा नामक संख्या का उल्लेख है जो १० १३ के बराबर थी। संवाद इस प्रकार है:

बर्जुंन —हे बीविसत्व क्या तुम शतगुणीत्तर संख्यायें जानते हों ?

वीचिसत्व — हाँ, सीकोटि का एक अयुत, सौ अयुत का एक नियुत, सौ नियुत का एक कंकर, सौ कंकर का एक विवर • • • • सौ विमूं तिगमा की एक तस्त्रक्षणा। इससे भी बड़ो जीपंत्रहेलिका नाम को एक संस्था जैन साहित्य में आई है जिसका मान ज्योतिपकरण्डक के अनुमार २५० स्थानों तक जाता है। अंकों में लिखने पर यह निम्न संस्था होती है — १८७६५५१७६५५०११२५६५४१००६६६८५१३४३०७७०७६७४६५४६४२६१६७७४७६५०२५७३५६७१८६८६६६४१०११०२४

विदेशी साहित्य की वृहत्संस्यायें :

पूनानियों के पास सबसे बड़ी संख्या का नाम मिरियड है जिसका मान केवल १०४ के बराबर है। रोमनों के पास बड़ी संख्या 'मिले' ही यी जो केवल १०३ के बराबर थी। मिन्न में भी करोड़ से ठार के स्थान नहीं ये और शून्य के लिये भी कोई चिह्न नहीं था। वेबीलोन में दस लाख से नीचे की ही मंख्यायें पाई गई है। मीरिया में १००० तक के ही मंख्या चिह्न थे। इसी भाषा में भी १००० तक के ही मंख्या चिह्न थे। उनके यहां संख्यायें दस करोड़ मे अधिक नहीं हैं। पीटरग्रेट ने अपने ममय में भारतीय अंकों का प्रचार किया था।

१. देखिये राज्य टेविस कृत पालि मध्द कोष।

२. अनेक व्यक्ति वेदों को अनादि मानते हैं अतः संख्या ज्ञान उनके मत में अनादि काल से चना प्रा रहा है

संस्याध्रों की दशमिक अंकप्रणाली:

दशमिक अंकप्रणाली से तात्पर्य १, २, ३, ४, ५, ६, ७, ६, ० की सहायता से कम ने दस गुने स्थानं मान का प्रयोग करके निखी जाने वाली संस्थाओं की निर्देशन पढ़ित से हैं। इस पढ़ित से बड़ी से बड़ी संस्था को जितने अच्छे ढंग से निखा जा सकता है उतना संसार की किसी अन्य संस्था-लेखन-प्रणाली से नहीं निखा जा सकता। अतएव इस पढ़ित का संसार में आज सर्वत्र प्रचार है। इस पढ़ित की मूलभूत बातें दो हैं, प्रथम शून्य की कल्पना तथा दूसरे संस्थाओं के उत्तरोत्तर दस गुणित मान की कल्पना।

शून्य का आविष्कार भारत में ही हुआ यह प्रायः सभी स्वीकार करते हैं। शून्य के आविष्कार की महत्ता के सम्बन्ध में प्रोफेसर हाल्सटीड के विचारों का पृष्ठ १२७ पर अवलोकन कीजिए।

संख्या-लेखन का प्रारम्म :

यों तो अंकलेखन के प्रथम प्रमाण अशोक के शिलालेखों में मिलते हैं किन्तु दशमिक अंकलेखन प्रणाली का संसार का सबसे पुराना पुरातत्व लेख ५६४ ई० का गुजर देश का लेख है। विद्वान लोग इसके आविष्कार का समय ईसवी सन् के आस-पास मानते है। वक्षाली-हस्तिलिपि (तीसरी शती) में ही दशमिक अंक-प्रणाली पर ही लिखे हुए अंक मिलते हैं।

शत्दांकलेखन प्रणाली:

बंकों में लिखने के बितिरिक्त संस्थायें शब्दों और वर्णों में भी लिखी जाती थीं, जैसे ११०, ८८६। इस संस्था को 'अंकेमकर्माम्वरशंकराखाम्' इस प्रकार कहना यहाँ वंक ८, इम ८, कर्म ८८, अम्बर ८०, शंकर ८१। संस्थाओं के द्योतक शब्दों की सूचियां गिणितितलक और गणितसारसंग्रह के अन्त में दी हुई हैं।

वर्णांकलेखन प्रशाली:

वर्णाकलेखन प्रणाली से तात्पर्य वर्णमाला के प्रत्येक अक्षर को संख्या-मान देना है। आर्यमट की वर्णाकलेखन प्रणाली अत्यन्त प्रसिद्ध है जो नीचे दी जा रही है:—

वर्गाक्षराणि वर्गेऽवर्गे वर्गाक्षराणि कात् इसी यः । स्रद्विनवके स्वरः नव वर्गेऽवर्गे नवान्त्यवर्गे ना ।। (आर्यमटीय गीतिकापाद)

१. जी॰ बी॰ हाल्सटीड-आन दी फाउण्डेशन एण्ड टेकनीक आफ अर्थमेटिक शिकागी, १६१२, पृष्ठ २०।

स्वर और व्यंजनों को उन्होंने निम्नलिखित मान प्रदान किये ये :--च छ ज भ ज ट ठ क् ह्य ₹. ₹ ਫ रग त १० ११ १२ १३ १४ १४ १६ १७ 3 4 ٤ ভ 5 च प फ व भ म य र ल व श १म १६ २० २१ २२ २३ २४ २५ ३० ४० ५० ६० ७० म० ६० १०० ए 72 ल ए इस प्रणाली से स्युच् $=(२+३०) ?o^8+8×?o^8=8३२००००$

इस प्रणाली से ह्युब्=(२+३०) १० $^8+^8\times$ १० $^8=^8$ २२०००० वयगियनुसुचृत् ६ $+३०+3\times$ १० $^8+8\times$ १० $^8+9\times$ १० 8

वंकानाम् वामतोगति :

संस्थाओं के वोलने और लिखने का कम एक दूसरे से विपरीत होता है। बोलते हैं पंचदश (१५) किन्तु लिखने में पहले दस फिर पाँच लिखते हैं अर्थात् १५। संस्कृत का यही कम अंगरेजी में भी पाया जाता है अर्थात् वहाँ भी वोलने में सिक्सटीन और लिखने में १६ लिखते हैं। यही कम प्राय: अन्य भाषाओं में भी है। इसी नियम को लल्ल के व्यक्तगणित की टीका में 'ग्रंकानाम् वामतोगितः कहा गया है।

गर्दाक-लेखन-प्रणाली दशमिक अंकलेखन प्रणाली से प्राचीन है। इसका उल्लेख वायुपुराण (४ वीं शती) में मिनता है। भव्यांकलेखन में संख्याओं के लिखने का जो विपरीत कम या वही कम बाद को अंक-लेखन-प्रणाली में भी आ गया।

नीचे हम संस्कृत, प्राकृत तथा हिंदी के १-१०० तक के शब्द दे रहे हैं जिनके ग्रवलोकन-मात्र से यह पता चलेगा कि किस प्रकार हिंदी के संस्थावाचक जब्द संस्कृत नापा से प्राकृत के माध्यम से निस्सृत हुए हैं :--

संस्कृत	प्राकृत	हिन्दी
एक डि	एक, एग, एक्क, एगो, एक्रो दु, दोन्ति, दो, दुए, वे दुये	एक दो
বি	तिणिण, तिनिन	तीन
चनुर	चतारि, चनारो, चटरो	घार
पंच	पंच	पांच
पर्	₹,	छ:
मध्य	सत	नात

संस्कृत		प्राकृत	हिन्दी
भ्रप्ट		ब ट्ठ	बाठ
नव		नअ, णअ, नव, णव	नी
दश		दस, दह, डह, रह	दस
एकादश		ग्यारस, एआरह	ग्यारह
द्वादश		बारस, बारह	वारह
व्ययोदश		तेरस, तेरह	तेरह
चतुर्दश		चउद्द, चौद्दस	चौदह
पंचदश		पण्णरस, पगारेह, पणरहो, पणारहो	पंद्रह
पोडश		सोलस, सोलह	सोलह
सप्तदश		सत्तरस, सतरह	सत्तरह
अप्टादश		अट्ठारस, अट्ठारह, अट्ठारह	अठारह
एकोनविशति एकान्नविशति अनविशति	}	उनवीसड, उनवीसा, एक्नवीसा	चन्नीस
विश्वति, विश		वीसत, वीसइ, वीस	वीस
एकविंशति		एकवीसा	इक्कीस
द्वाविशति		वावीसं, वावीसा	वाईस
त्रयोविशति		तेवीस, तेवीसा	तेईस
चतुविशति		चउव्वीसं	चौबीस
पंचविशति		पंचवीसा, पंचवीसं	पची स
पट्विंगति		छव्वीसं	छव्बीस
सप्तविद्यति		सत्तावीस, सत्तावीसा, सत्तवीस	सत्ताईस
अप्टविश्वति		अट्टावीस, अट्टावीसा, अट्टवीस	अट्ठाईस
अन् त्रिशत		ग्रणवीसा, एकूणवीसा	उनती स
त्रिगत, त्रिग		तीसा, तीसवा, तीस	तीस
एकत्रियत्		इगितीस	इकतीस
द्वात्रियत्		वत्तीसा	वत्तीस
त्रयस्त्रिशत्		तेत्तीस	तेतीस
चनुस्त्रिशन्		चंडतीस	चौंतीस
पं विजिश द्		पन्नतीसं, पणतीसं	पैतीस
षट्त्रिशत् सप्तत्रिशत्		 	छत्तीस सैंतीस
सप्तात्रशत् अष्टित्रशत्		सत्ततीसं अट्टतीसा	सतास अड़तीस
जन्मत्रसम्		প <u>ষ্ট</u> বার।	A & (1) (4)

संस्कृत	प्राकृत	हिन्दी
ऊनचत्वारिशत्		उन्तालीस
(ऊनचरवारिश)		
चत्वारिशत् (चत्वारिश)	चत्तालीसा	चालीस
एकचत्वारिशत्	एक्चतालीसा	इकतालीस
द्विचत्वारिशत	नायालीमं वायालीमं	च्याली स
(द्वाचत्वालिश)		
त्रिचत्वारिशत्	तेग्रालीसा	तेतालीस
चतुरचत्वारिशत्	चत्ताले, चोवालीसा	चबालीस
पंच चत्वारिशत्	पन्नचत्तालीसा	पैतालीस
पट्चत्वारिशत्	छुच्चतालीसा	छयालीस
सप्त चत्वारिशत्	सतअत्तालीसं	सैंतालीस
अष्टचरवारिशत	अड्याले, अटुअत्तालीस	अड़तालीस
ऊ नपं वाशत	ऊणपंचासा, ऊणपंचासा, उनपचासं	उनन्चास
(ऊनपंचाश)	(गढ़वाल), एकूनपण	
पंचाशत् (पंचाश)	पंचासा, पर्णासा, पन्ना	पचास
एकपंचाशत	एवपंचाशत, एवकावन्नम्	इक्क्यावन
द्विपंचाणत	वावणं	वावन
त्रिपं चाशत्	त्रिप्पण, तेवण	तिरेपन
चतु:पंचाशत्	चउण्पण	चौअन
पंचपञचाशत्	पंचावण	पचपन
पट्पंचाशत	छप्पण, छप्पन्न	छुप्पन
सप्तपंचाशत	सत्तावणं	सत्तावन
अप्टपंचाशत	अट्ट वर्ग	अट्टावन
ऊनप प्टि	सट्टी, सठ्ठी	उन्स ठ
पप्टि	सट्ठि, सठ्ठी	साठ
·एकप िट	इगसट्ठि, इगितयं	इक्सठ
द्वापिट	वासट्ठि	वासठ
त्रिपप्टि	तेसट्ठि	तिरेसठ
चतुःपष्टि	चनसट्ठि	चौंसठ
पंचपिट	पणसट्हि	पैसठ
पट्पन्डि 	छवट्ठि	छ् यासट
सरतपन्टि	सतसट्ठी,	सङ्सठ

संस्कत	प्राकृत	हिन्दी
अप्टप ि ट	अट्ठसट्ठी, अ ठुट्ठ	अड़सठ
ऊनस प्ति	एग् ग्रसत्तरिं, अउणत्तरिं	उनत्तर
सप्ति	सत्तरि, सयरि, सत्तरस	सत्तर
एकसप्तति	इक्कसत्तरि	इकत्तर
द्विसप्तति	विहत्तरीय	बहत्तर
त्रिसप्तति	तेवत्तरि	तिहत्तर
चतुःसप्तति	चौहत्तारि	चौहत्तर
पंचसव्तति	पंचहत्तरि	पचत्तर
पट्सप्तति	छवत्तरि	छअत्त र
सप्तसप्तति	सत्ताहत्तारि	सतत्तर
अष्टसप्तति	अट्ठहत्तरि	अठ त्तर
ऊनाशीति	उनासी	-उनासी
अशीति	असी इं	अस्सी
एकाशीति	एकासी	इक्कयासी
द्वयशीति	वासीइं	ब्यासी
त्र्यशीति	तेसीइ	तिरासी
चतुरशीति	चउरसीति, चौरासीए, चउरासीइं	चौरासी
पंचाशीति	पंचासीइं	पचासी
पडशीति	छ ळसी इं	छ्यासी
सप्ताशीति	सत्तासीइं	सतासी
अष्टाशीति	अट्ठा सि	अठासी
नवाशीति	नु उनानवे (पं०) एग्णणउति,	
ऊननवति	र्ग्गणउइं	नवासी
नवति	नव्वए	न ब् वे
एकनवति	इक्कारगेइम्	इक्यानवे
द्विनवति	वाणउई	वानवे
त्रिनवति	तिसाीइं	तिरानवे
चतुनंवति	उगाउदी, चीणउइ	चौरान्वे
पंचनवति	पंचणउइं	पचानवे
पण्णवति सप्तनवति	खण्णवदि, खण्णावह [*]	छ्यानवे सतानवे
सन्तमवात अष्टनवति	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	न्नताग्य श्रठानचे
जञ्ज्यपात नवनवति	अट्ठाएाउइ [*] नवणउए, णवणउइ (नढ़ेनवे पंजाबी)	जुडान- निन्न्यानवे
177710	गमगठद्, गमगठद् (गढ्नप मणामा)	***

संस्कृत	प्राकृत	हिन्दी
शत	सय, सत, सआ, सअं	सौ
पंचोत्तर मृत	पंचोत्तरसउ	एक सौ पाँच
सहस्र	सहस्स	हजार
अयुत (दशसहस्र)		दस हजार
लक्ष (नियुत)	लक्ख	लाख
दशलक्ष (प्रयुत)	-	दस लाख
कोटि	कोडि	करोड़
अर्वुद (दशकोटि)		दस करोड़
खर्ब		खरव
निखर्व		दस खरव
नील		नील
दशनील		दसनील
पद्म	पदुम	पदम
दश पद्म (महापद्म)		दसपदम
गं ख		संख
दशशंख		दससंख
महाशंख		महासंख
अर्घ	श्रद्ध	आघा
पादोन		पौना
अध्यर्व		ड्योढ़ा
घून्य	सुगुण, सुण्य, सुण्एा	शून्य
पड्मास	छम्मास	छमाही

'एक' संस्कृत का तत्सम शब्द है। कितने ग्राश्चर्य की वात है कि सबसे प्राचीन संस्या होने पर भी यह श्रमी तक श्रविकृत रूप में है। दो संस्कृत ही से, तीन संस्कृत त्रीणि से तथा चार संस्कृत चत्वार: से बने हैं। संस्कृत के कर्रााकारक के रूप ही हिन्दी में प्रचलित हुए। जैसे:—

माता, पिता न कि मातृ, पितृ । इसी प्रकार उपरोक्त शब्द संस्कृत शब्दों के फर्ताकारक के रूपों के अपश्चंघा हैं । संस्कृत पंच से पाँच आसानी से समक्ष में आ जाता है । समासयुक्त हिन्दी शब्दों में पंच का मी प्रयोग होता है जैसे पंचमेल मिठाई । हिन्दी का छः शब्द संस्कृत पष् से बना है । प्राकृत में "पट्शावक सप्त-

दर्णानां छः" इस सूत्र से प्रथम प का छ हो गया। पष् से इस प्रकार छप् तथा छप् से छः हो गया । जैसे वनुष् शब्द का कर्ताकारक एकवचन में घनुः हो जाता है । सात सस्कृत सन्त का तद्भव है अर्थात् सन्त से प्राकृत में सत्त तथासत्त से सात हो गया वैसे सत्तरह और सत्ताईम सतानवे आदि में प्राकृत सत अब भी पाया जाता है। ग्राठ भी संस्कृत अय्ट का तद्भव है। अय्ट से प्राकृत में अटठ और अटठ से हिन्दी में आठ हो गया। अब भी मेरठ के आसपास के क्षेत्र में अन्त्य अक्षर को द्वित्व करके बोलते हैं जैने लोटा को लोट्टा किन्तू हिन्दी खड़ी बोली ने देहली और पश्चिमी उत्तर प्रदेश के जिन शहरी क्षेत्रों में जन्म लिया वहाँ द्वित्व की प्रकृति नहीं थी। नव से नी बना। अब तया श्री का पारस्परिक परिवर्तन होता ही रहता है जैसे लवण से लीन एवं प्राकृत गवन से गीन। दश का प्राकृत रूप दस हिन्दी में भी यथावत् चल रहा है। दश के अन्य प्राकृत रूप दह, लह तथा रह भी हिन्दी के वारह, सोलह तथा वहाई में अव भी सुरक्षित हैं। एकादश से एगादस पुनः ग्यारस तदनु ग्यारह वन गया। श का ह, र काल तया 'संख्यायांच' इस मूत्र से द कार हो गया। तिथियों के नामों में अब भी तखनऊ ब्रादि कई नगरों तया ग्रामीण क्षेत्रों में ग्यारस, बारस तया तेरस कहते हैं।शिव त्रयोदशी का शिवतेरस रूप प्राय: ग्रव भी सर्वत्र प्रचलित है। दैनिक बोलचाल में तिथिमूचक एकारान्त तथा गिनती मूचक हकारान्त रहे जिससे दोनों भावों की समझने में कठिनाई न पड़े। द्वादश में "दशादिपु हः" इस सूत्र से श का ह हो गया एवं "कादीनामण्डानां क गड त द प पसाम् " सूत्र से संयुक्ताक्षर इ के द का लोग हो जाता है। इस प्रकार ग्यारह से अठारह तक के सब शब्दों की व्युत्पत्ति सुगम हो जातो है। उन्नीस के विषय में यह मान्यता है कि वैदिक संस्कृत में मून गव्द एकान्नविशति या जिसका शब्दार्थ एक से कम वीस था। एकान्नविशति से नूत्रकाल में एकोनविशति तथा उससे एक का लोप होकर क्रनविशति वन गया। इस प्रकार एक नवीन शब्द ऊन की उत्पत्ति हुई जो कम के अर्थ में समझा जाने लगा। विगति के स्यान पर विश शब्द भी संस्कृत में प्रचलित था। इस प्रकार कर्नविश से प्राकृत में उनवीसा तया हिन्दी में उन्नीस हो गया । प्राकृत का अन्य रूप उनवीसड़, उनिवाति का स्मारक है। प्राकृत में एकोनविशति से एकूनवीसा रूप भी बना जिसका विगड़ा रूप एकोनवीस अब भी प्रादेशिक भाषाओं में चल रहा है। उन्नीस की मौति ही उनतीस, उनतालीस आदि शब्द वने । दस की गुएाज संख्याओं वीस, तीस, लादि में बोलना साधारण जनता को मूगम रहता है अतएव ग्रामीगा जनता उन्नीम उनतीम आदि के निए एक कम बीस, एक कम तीस ही बोलती है। अतएव

१. देखन मुदामै घाय पौरजन गहे पाय ऋपा करि कही विष्र कहाँ कीन्हों गौन है। घीरज सर्घार के हरन पर पीर के बताओ बलबीर के घाम यहाँ कीन है। (मुदामाचरित से)-

दशिमक कम की नवीं संख्या को बहुधा दशवीं संख्या से ऊन शब्द द्वारा सम्बन्धित कर लिया गया है। इसके अपवाद नवासी और निन्यानवें हैं जो अगली संख्या से सम्बन्धित नहीं है। संस्कृत में ही ८६ के लिए दो शब्द थे—नवाशीति तथा ऊन-नवित । उन दोनों के अपभ्रंश नवासी और उनानवे (पंजावी) अब भी चल रहे हैं। बास्तव में अगली संख्या से सम्बन्धित न करके बोलने की भी प्रणाली संस्कृत में प्रचलित थी। उन्नीस को तैतिरीय संहिता (१४।२२।३०) तथा वाजसनेयिसहिता (१४।२३) में नवदश एवं उनतीस के लिए वाजसनेयि संहिता (१४-३१) में नवदिश्व का प्रयोग किया गया है। निन्यानवें संस्कृत नवनवित से बना है। नवित से नव्ये बना। नव का निन हो गया जो एक विचित्र परिवर्तन है। कुछ संख्याओं में संस्कृत से बहुत कम रूपान्तर हुआ है, जैसे पंचाश से पनास। दश से दह तथा उससे दहाई संजा बनी। जिस प्रकार एक से इकाई (एकाई) बना।

संकडा:

सैंकड़े के विपए में कुछ लोगों का मत है कि यह भात्कांड अब्द से बना है। शतकांड एक प्रकार का वांस होता है जिसमें सो जोड होते हैं। स्व० सुघाकर द्विवेदी जी ने भी गणित के इतिहास में लिखा है कि चूं कि सो के स्थान पर शतपर्वी नामक घास रख देते थे अतएव उस संख्या का नाम सी पड़ा। मेरे विचार में यह न्युत्वित्त मापा-शास्त्र की दृष्टि से ठीक नहीं है। प्रथम तो शत गब्द स्वयं ग्रत्यन्त प्राचीन है। यह ऋग्वेद के प्रथम मण्डल में ही आया है। अतः शतकांड अथवा शत-पर्वा से बाद का यह भव्द है यही सन्दिग्च हो गया। द्वितीय शत भव्द स्वयं इतना प्राचीन है कि यह एक मारोपीय शब्द है। योरोपीय की अन्य मापाओं में इससे मिलते-जुलते शब्द कन्त, सेंट आदि पाये जाते हैं। मूल शब्द दकान्त या जिसका अर्था था दस से सम्बन्धित । द का लोप होकर कान्त अथवा कन्त आदि शब्द वने । दकान्त से मिलता हुआ संस्कृत का दशित शब्द है जो महाभारत तथा पुरास्तों में आया है। दनित का होना स्वामाविक भी है वयोंकि जब पङ्गति (१०), विश्वति, विदात्, चत्वारियत्सन्ति, अशीति, नवति शब्द हैं तो इस माला की पूर्ति के लिए दणति शब्द अवदय होगा । इसी दशति से भारीपीय मापा के समान द का लोप होकर पति, पती तथा पत सब्द मी बने। क का फैंच में स हो जाता है अतः वहाँ मन्त के बजाय सैंट शब्द बना। अंगरेजी में क का ह हो गया अतः हुँड तथा हुँड से हंडुट घटर भी इसी परिवार का सदस्य है। दशक्ति का द पूर्व वैदिक काल में ही उड़ गया था अतः वैदिक साहित्य में अत एवं अति का अधिक प्रयोग है किन्तु दशति ना भी परवर्ती साहित्य में यदा-कढ़ा प्रयोग मिलता है। सामवेद में दशति दस मन्त्रों के समृह के अर्थ में बासा है। इस प्रकार शतैक से सैक तथा सैक से स्वार्थ में हिन्दी मा टा प्रत्यय लगकर सैकटा चना।

सहस्र:

सहस्र शब्द की ब्युत्पत्ति सह घातु से करते हैं। सह घातु का अर्थ है शिवतमान् होना। सह से महस् संज्ञा बनी, ऋग्वेद में जिसका अर्थ शिक्त था। सहस् शब्द
से स्वार्थ में र प्रत्यय लगकर सहस्र शब्द बना जैसे कम्म और नम्म। म्रतएव सहस्र
का शब्दार्थ 'शिवतमान' है। बाघुनिक भाषावैज्ञानिक अंगरेजी शब्द थाउजेंड की
ब्युत्पत्ति "सहे-स्लो-कन्तो" से करते हैं जिसका अर्थ है शिवतमान्। वास्तव में सी से
सहस्र अधिक शिवतमान् है। गिणतीय भाषा में सौ दस की द्वितीय शिवत है तथा
सहस्र नृतीय शिवत है अतएव यों भी सहस्र सौ से म्रिधिक शिवतमान् है। लौकिक
दृष्टि से भी १००० रुपये अथवा जन वाला १०० रुपये अथवा जन वाले से अधिक
शिवतमान् होता है। परम हर्ष का विषय है यास्क ने भी "सहस्र सहस्वत्" कहकर
इस ब्युत्पत्ति के सम्बन्ध में उपरोक्त मत ही प्रतिपादित किया है। सहस्र का समनुल्य फारसी का हजार शब्द है जिसको हिन्दी ने अपना लिया।

लक्षतयालाख:

हिन्दी लाख शब्द संस्कृत लक्ष से बना है। किन्तु सस्कृत में भी संख्यावाचक अर्थ में यह पाली से आया है। वैदिक संस्कृत में लाख के लिये नियुत शब्द आया है। अमरकोप में लक्ष अर्थात् लक्ष को नियुत का पर्याय माना है। देखिए:—'कोट्याः यनादिः संख्यान्या वा लक्षा नियुत च तत्।' जान पड़ता है कि जनसाघारण को वैदिक शब्द अयुत, नियुत, प्रयुत कुछ एक जैसे लगने के कारण कठिन जान पड़े और इसी लिये उन्होंने बौद्धों द्वारा प्रयुक्त दस सहस्स, लक्ख और दसलक्ख शब्द अपना लिये। वास्तव में किसी को भी यह स्मरण रखना कठिन है कि नियुत बड़ा है अथवा प्रयुत। तांड्यब्राह्मण (१७।१४।२) में ही नियुत के लिए प्रयुत और प्रयुत के लिए नियुत शब्द प्रयुक्त कर दिये।

बाजकल के संख्यावाचक मूलशब्द हजार, लाख, करोड़, अरब, खरब, नील, पदम और यख हैं जो कम से एक-दूसरे के सौ गुने हैं। दस हजार दस लाख आदि शब्द उन्हीं से विनिर्गत है। हिन्दी की यह मूल संख्यावाचक शब्दावली बौद्धों की शतगुणोत्तर संख्यानामावली की स्मारक है। लिलत-विस्तर नामक बौद्ध प्रन्थ (१०० ई० पू०) में गणितज्ञ अर्जुन और बोधिसत्व के संवाद में निम्न संख्याएँ आई हैं:—

१०० सहस्र = १ लक्ष १०० लक्ष = १ कोटि १०० कोटि = १ अयुत १०० अयुत = १ नियुत एक तो अयुत तथा नियुत शब्द वैसे ही उच्चारण साम्य के कारण कठिन थे, उपरोक्त सूची ने तो उनके मान भी कहीं से कहीं कर दिये इन कारणों से अयुत, नियुत आदि शब्द एकदम अप्रचलित हो गये।

लाख की व्युत्पत्ति :

लाख शब्द लक्ष का अपभ्रंश है। जैसे रक्ष से राख, कक्ष से काँख एवं पक्ष से पाख, उसी प्रकार लक्ष से लाख बना। सम्मव है लक्ष संख्या कभी गिनती क्रम में अन्तिम रही हो। अतएव कीटि की भाँति उसे लक्ष (लक्ष्य) शब्द से बंधित किया गया हो।

प्रथम प्रयोग:

लाख (लख) शब्द का प्रथम प्रयोग चर्यापिटक में १०० कौटि वर्ष के अर्थ में हुसा, पुन: दायावंस में वर्तमान अर्थ में प्रयुक्त हुआ।

परवर्ती प्रयोग:

संस्कृत साहित्य में याज्ञवल्यय स्मृति, हरिवंश पुराण तथा ब्रह्मांड पुराण में लक्ष शब्द आया है। गणितीय पुस्तकों में इसका प्रयोग सर्वप्रथम महानीर एवं श्रीघर ने किया। सम्मव है आर्यअट्ट तथा ब्रह्मगुष्त ने वैदिक शब्द होने के नाते नियुत, प्रयुत्त शब्दों का ही प्रयोग करना उचित समझा तथा लक्ष को अवैदिक एवं असंस्कृत साहित्य का होने के नाते ग्रहण न किया। इसी कारण जैन गणितज्ञ महावीराचार्य ने ही सम्भवतः इसका प्रचार किया। वैदिक साहित्य में लक्ष का अर्थ था जूए में लगाया हुग्रा घन।

फोटि प्रयवा फरोड़ :

कोटि शब्द कुट कौटिल्ये घातु से इ प्रत्यय लगा कर बना है। इसका गब्दार्थ है जो कुछ कुटिल किया जाय। घनुप के श्रग्र भाग को अतएव कोटि कहते हैं। जिस प्रकार कोटि घनुप का सिरा है उसी प्रकार करोड़ भी कभी संख्याओं में अन्तिम सिरे की संख्या समभी जाती थी अतः उसे भी कोटि शब्द से व्यक्त किया गया। इसी कोटि से प्राकृत में कोडि बना। तदुपरान्त इसमें निर्यंक र प्रत्यय घुस गया और उसने दसे कोडि बना दिया। शाप का भी इसी प्रकार श्राप शब्द बना। त्रीष्टि से पुनः कोडि, करोड़ि, करोरि, करोर एवं करोड़े शब्द बने। अब भी करोड़ीमल नाम को कोड़ीमल बोल देते हैं। बिहारी ने "खाये खर्च जो बचे तो जोरिए करोरि" इस पंत्रत में करोरि शब्द का प्रयोग किया है।

वैदिक साहित्य में कोटि के लिए अर्बुंद कहते थे। करोड़ के अर्थ में कोटि शन्द सम्भवतः बौद साहित्य से आया। जातक और कुल्लिनिद्देस में कोटि शन्द

प्रयुक्त हुआ है। संस्कृत साहित्य में वाल्मीकि रामायण, मनुस्मृति तथा यानवल्य स्मृति में इसका प्रयोग हुआ है। वानरों की मंख्या बताते हुए लिखा है:—

शतै: शतसहस्रैश्च वर्तन्ते कोटिमिस्तथा अयुर्तेश्चावृता बीर शङ्कामश्च परंतप।

इसमें कोटि जब्द का प्रयोग है किन्तु लक्ष का नहीं। इसी प्रकार आर्यभटीय में भी तक्ष का प्रयोग नहीं है देखिए:—

> एकं दश च भनं सहस्रमयुतनियुत्ते तथा प्रयुतम् । कोद्यवु दं च वृन्दं स्थानातस्थानं, दशगुर्शस्यात् ॥

उपरोक्त अवतरणों से यह प्रतीत होता है कि लक्ष बन्द कोटि के बहुत बाद संस्कृत में आया।

बरव:

यह जब्द वैदिक अर्बुद जब्द का अपन्नं श है। अर्बुद से अर्ब तथा अर्ब से अरव बना। बर्बुद का अर्थ या बादन। उस समय यह करोड़ का वाचक या किन्तु जब करोड़ के लिए बौद्ध काल में कोटि जब्द अन्नित हो गया तब अर्बुद अरव के लिये चतने सगा। आर्यम्ड ने दण करोड़ के अर्थ में तथा महाबीर ने दस अरब के अर्थ में अर्बुद शब्द अपुक्त किया था। बौद्ध काल में सरलता की ट्राप्टि से पारिभाषिक जब्दों का प्रयोग करते हुए हजार, नाल आदि के पहने दश जब्द लगाकर दस हजार, दम लाख आदि जब्द प्रचलित हो गये। अर्बुद जो दम करोड़ का बाचक था एक अरद का बाचक बन गया।

पुरव, नील, पदम तथा शंख :

असर कोष में कुबेर की नवनिविधों के निम्निनिवित नाम दिये हैं :—

महापद्भश्च पद्मश्च शंची मकर कच्छनी

मुक्कुन्दनीलाश्च नवंश्च निष्धयों नव ।

्नमें नर्ब, नीत, पर्म और जंब शब्द आये हैं। सम्भव है कि कुवेर नी निधि समझकर किसी बौद्ध विद्वान ने इनको संस्था स्थानों के लिए प्रयुक्त कर दिया हो। अनिधानप्य दीतिका नामक पानी व्याकरण में कुमुद पुंडरीक तथा पर्म का उत्तेय है। नर्ब का अर्थ छोटा कमन तथा नील ना अर्थ नील कमन है। कम-नार्थवादी शब्दों ना संन्यावाचक शब्दों के लिये जैन साहित्य में बाहुत्य स्थ से प्रयोग हुमा है। सूर्य-प्रजल्जि, अस्तूडीपप्रजल्जि (सूत्र १०) अनुयोगडार (सूत्र १६७) स्थानांग सूत्र (२१४, ६४) तथा जीव नमान (४१११०-११४) में उप्तन (उत्पन), पत्रम (पर्म) निजन अदि शब्दों ना उत्लेख है। वाल्मीकि रामायण के निम्न श्लोक में भी उक्त संज्ञाओं का प्रयोग है। देखिये:—

ततः पद्मसहस्रोण वृतः शंखशतेन व । युवाराजोऽगदः प्राप्तः पितुस्तृत्यपराक्रमः ।

यदि उपरोक्त श्लोक वाल्मीकि रामायण का मूल काल का श्लोक है तब तो पद्म शब्द संस्कृत का अपना निजी शब्द है अन्यथा पदम तथा खर्व श्रीर नील यह सब जैंन साहित्य से संस्कृत में आये हैं। श्रांख:

यह वाल्मीकि रामायण, ब्रह्मांड-पुराण तथा महाभारत में प्रयुक्त हुआ है। श्रीघर तथा भास्कर ने संख्यावाचक शंकु शब्द का भी प्रयोग किया है। गणितज्ञों में सर्वप्रथम महावीराचार्य ने शंख तथा महाशंख शब्दों का प्रयोग किया। यदि देखा जाये तो वर्तमान उच्च संख्याओं के शब्द महावीराचार्य (८२० ई०) की शब्दावली पर आधारित प्रतीत होते हैं, यद्यपि उनमें कुछ अर्थ-परिवर्तन ग्रवश्य हुगा है। ज्ञान-विज्ञान के क्षेत्र में भारत सदैव संगठित रहा है तथा उत्तर-दक्षिण एवं धर्मगत उसमें कभी भेदभाव नहीं रहा। इस तथ्य का यह एक ज्वलन्त प्रमाण है। नीचे हम महावीराचार्य को गिएतसारसंग्रह से कुछ उद्धरण दे रहे हैं:—

एकं तु प्रथमं स्थानं हितीयं दशसंज्ञिकम् ।
तृतीयं शतिमत्याहुः चतुर्थं तु सहस्रकम् ॥
पंचमं दणसहस्रं पण्ठं स्याल्लक्षमेव च ।
सप्तमं दणलक्षं तु अष्टमं कोटिष्ड्यते ॥
नवमं दणलक्षं तु अष्टमं कोटिष्ड्यते ॥
नवमं दणलक्षं तु अष्टमं कोटिष्ड्यते ॥
मवमं दणलोट्यस्तु दणमे शतकोट्यः ।
प्रवृदं षद्रसंगुनतं न्यवृदं हादणं भवेत् ॥
एवं नयोदणस्यानं महाखवं चतुदंशम् ।
पद्मं पंचदणं चैव महाष्ट्रमं तु पोटशम् ॥
क्षोणी सप्तदशं चैव महाक्षोणी दणाप्टकम् ।
घंयं नवदशस्यानं महाणंखं तु विणकम् ॥

उन्च संस्थावाचक वैदिक शब्द समुद्र, मध्य, अन्त तथा परार्घ मास्कर द्वितीय (१३वीं गती) तथा कुछ परवर्ती काल तक हिन्दू-गणित के लेखकों तक प्रचलित रहे, किन्तु अन्त में वे समुद्र अथवा पानी की ही अन्य वस्तुओं खर्च (छोटा कमल) नील (नीलकमल) पद्म और शंस द्वारा प्रतिस्थापित कर दिये गए।

१. महावीराचार्यं दक्षिण भारत के एक जै

प्रकरण ६. योग, संकलन, जोड़

योग:

यांग शब्द युजिर् यातु से घल् प्रत्यय लगा कर बना है। युजिर् का अर्थ है यांग करना। योग शब्द ऋग्वेद में सबसे पहिले घोड़े आदि के जुवा लगाने के अर्थ आता था, वैदिक 'युग' को आजकल जुआ कहते हैं, जो बैलों को हल में जोतने के समय लगाया जाता है। गाड़ी के युग को अब जुअर कहते हैं। जुअर में बैलों को युक्त (जोड़ा) किया जाता है। कात्यायन शुल्ब-सूत्र की निम्न पंक्ति में योग शब्द आया है।

"नारित्निवित्तनीना ४ समासोविद्यते संख्यायांगादिति श्रुतिः" अर्थात् अरित्यां (मान विशेष) और वितिस्तियों का यों ही समास अर्थात् (पुष्प मान विशेष में) योग नहीं हो सकता जब तक अरित्न और वितिस्ति शब्द के पहिले वे कितनी हैं हमको सूचित करने वाला कोई चतुर्देश आदि शब्द न जुड़ा हो। यहाँ भी योग का अर्थ जुड़ना ही है। किन्तु समास शब्द जोड़ के अर्थ में आया है। समास के अतिरियत अभ्यास शब्द भी पुनःकरण अथवा दोहराने के अर्थ में प्रयुक्त होते २ योग और गुणा के अर्थ में भी प्रयुक्त होने लगा। अभ्यास का मौलिक अर्थ दोहराना (Reduplication, Repetition) ही है। एक बार दोहराने से चीज दुगुनी तथा दो बार दोहराने में तिगुनी एवं तीन बार से चौगुनी होती है। जैसे ५ का अभ्याम करने में १०, दो बार अभ्यास करने से १५ तथा तीन बार से २० आता है। उपरोक्त अर्थ में अभ्यस्त शब्द आपस्तंय के निम्न मूत्र में प्रयुक्त हुआ है।

"विकचतुष्कर्योः पंचिकाऽक्षण्यारञ्जुः । तामिस्त्रिरस्यतामिरंसौ । चतुरस्यस्ता-भिन्न्शोणी ।। (आपस्तंब, पृ० ७६) ।

अर्थात् कोटि और मुजा क्रमञः ३ एवं ४ हों तो कर्ण ४ होता है। इनकी तीन बार अस्थास करने में १२, १६, २० प्राप्त होते हैं। इनसे अंश मापन करें निया ४ बार अस्थास करके १४, २०, २४ प्राप्त होते हैं, इनसे ओणी मापन करें। यदि उपरोबत भाषा में किचिन्मात्र परिवर्तन कर दें तो अस्थास शब्द दोहराने अर्थ के बजाय गुणा का अर्थ दें निकलेगा, अर्थात् केवल ३ अस्थास ३=१२ इसके स्थान पर ३ प्रस्थान ४=१२ यह कहा जाये। कात्यायन के निस्न सूत्र में अस्थास शब्द 'वंहराने' अर्थात् दिगुणित करने के अर्थ में आया है।

१. समाम घट्द त्रियतिका में भी उसी अर्थ में आया है। यथा :— "रूपादि-चयपदसमार्गा ना" महाबीर ने भी ग०मा०सं० के पृ० १४ में इसका प्रयोग किया था।

अभ्यासः

"प्रमाणमन्यस्यान्यासचतृर्थे लक्षणं करोति तन्निरंछनम् ॥ (का०, पृष्ठ ५)

अर्थान् रज्जुमान को द्विगुणित करके चतुर्य माग में चिह्न करे। आपस्तंत्र के निम्न सुत्र में अम्यास शब्द जोड़ने के अर्थ में आया है:—

"षृष्ट्यान्तयोमं द्ये च शंकुं निहत्यार्थेऽचं तद्विशेषमभ्यस्य लक्षग् कृत्वार्वभाग-मयत्।"

अर्थात् पृष्ठ्या (वेदी) के टोनों छोरों पर बंकु गाड़कर रज्जु के अर्थ माग में रज्जु के विशेष को जोड़कर चिह्नित करे और पुनः ग्रवंभाग को आगमित करे। वेदांग-ज्योतिष के निम्न इलोक में अम्यस्त बट्ट गुणित के अर्थ में आया है।

> निरेकं द्वादशाभ्यस्तं द्विगुणं गतसंयुतम् । पप्ट्या पप्ट्या युतं द्वाभ्याम् पर्वणां राशिरुच्यते ॥

अर्थात् सौर वर्ष संस्था में से १ घटा कर १२ से गुणा करे। फिर गत सौर मासों की संस्था उसमें जोड़े। योगफल को २ से गुणा करे, इस प्रकार सौर पर्व प्राप्त होते हैं। सौर ६० पर्व ६२ चान्द्रपर्वी के बराबर होते हैं।

$$(\lambda-\xi)\times\xi\leq\times\xi+\xi\div(\xi\times\xi)=\frac{\xi\leq\lambda}{\xi\times\xi+\xi}=\frac{\xi\leq\lambda}{6\xi}$$

वज्राम्यास शब्द में अन्यास अब भी गुणा के अर्थ में प्रयुक्त होता है। उपरोक्त इलोक से प्रतीत होगा कि अन्यास शब्द अब योग से ब्रागे बढ़कर 'गुणा' के अर्थ में पट्टैंच गया और योग के ब्रर्थ में युति और संयुति मब्द आ गये। वेदांग-ज्योतिप में सोग के ब्रर्थ में 'आवाप' मब्द भी बाया है। देखिए:—

"थावापस्त्वयुजि" अर्थात् यदि विषम हो तो योग करे।

प्रयम प्रयोग :

योग शब्द का जोड़ के अर्थ में प्रयम प्रयोग महाभारत तथा वक्षाली-पाणु-लिपि (भाग ३, ए० १६१) में आया है। वद्याली-पांटुलिपि में युति गब्द की प्रयुक्त हुआ है। आर्यमहु ने योग, युति, संयुति गब्द प्रयुक्त किये हैं। वद्याली-पाणुलिपि में अन्याम, योग के अर्थ में प्रयुक्त नहीं हुआ। किन्तु वहाँ उस का परवर्ती अर्थ गुणा हो है। एक दूसरा संकलित शब्द बद्याली-पाण्डुलिपि में प्रयुक्त होने लगा जो १०वीं शताब्दी तक इस अर्थ में मबसे अधिक प्रचलित रहा।

संकलित प्रयवा संकलन :

मंकलित सन्द्र भारत तक ही गीमित न रहा बरन् यह अरब तक भी पहुँच

गया। अलबक्तनी ने 'की संक्रित-इल-ग्रदद-जैनिस्क' पुस्तक लिखी। जिसमें संक्रित शब्द का प्रयोग किया। ब्रह्मगुष्त ने गणित की २० क्रियाओं को संक्रितादि परिकर्म शब्द से ब्यक्त किया। यथा:—

परिकर्म विद्यति यः संकलिताद्यां पृथग्विजानाति । अष्टो व व्यवहारान छायान्तान् भवति गणकः सः ।।

संकलित या संकलन शब्द सम् उपसर्गपूर्वक कल संख्याने घातु से बना है। इसका अर्थ है सम् अर्थात् एक साथ कलन अर्थात् गर्गन, श्रयात् संख्याओं को एक साथ करना अथवा जोड़ना।

संकलित शब्द का अर्थ श्रेणीयोग भी है। महावीर तथा श्रीधर ने गणितसार-संग्रह एवं पाटीगणित में इसी अर्थ में इसको अधिक प्रयुक्त किया है। देखिये पाटी गणित में श्रीघर का प्रयोग:—

"सैकपदाहतपददलमेकादिचयेन मवतिसंकलितं।"

संकलितैक्य थथवा संकलित शब्द से कई एक जोड़ों के जोड़ का अर्थ समझा जाता था जैसे १ से ५ तक का संकलितैक्य १+(१+२)+(१+२+३)+(१+२+३+४)+(१+२+3+४)+(१+2+3+8)+1

योग शब्द भी संकलित के साथ-साथ चलता रहा । देखिए ब्रह्मगुष्त का योग शब्द का प्रयोग :--

"योगोऽन्तरगुतहीनो दिह्तः संक्रमणमंतरविभवतं वा"

प्रयात् क
$$+$$
 ख = $\frac{1}{4}$ यहाँ क = $\frac{(4 + 4) + (4 - 4)}{2}$

$$\mathbf{a} = \frac{(\mathbf{a} + \mathbf{a}) - (\mathbf{a} - \mathbf{a})}{2}$$

जोड्ना:

जोड़ना घट्द जुड घातु से बना है जिसका अर्थ है बांधना। प्राकृत भाषा में संमवत: 'युज' का 'जुड' रूप हो गया। अत: योजन का जोडन वन गया। योजन का भी अर्थ था जोड़ना। युग को जुआ तथा गाड़ी में वैलों के योजन को जोड़ना या जोरना अब भी कहते हैं। जोड़ने से जोड़ संज्ञा बनी।

पर्याय १

जोड़ने के निम्नलिखित पर्याय हैं :— अम्यास, एकीकरण, संकलन, संकलित, मिश्रण, सम्मेलन, सम्मिलन, सम्मीलन, मिलन, प्रक्षेपण, संयोजन, युक्ति, योजन, योजना, युति, समास । इनमें से मीलन, सम्मीलन गणितितिलक के पृष्ठ ३ पर; संयोजन, योजन पृष्ठ १५ पर; योजना पृष्ठ ६ पर आये हैं। संकलन शब्द मास्कर ने प्रयुक्त किया है, यथा:— धनर्णसंकलने करणसूत्रं वृत्तार्धम्।

परिमाषा:

आर्यमट्ट हितीय ने संकलित की निम्नलिखित परिभाषा की है। 'संख्यावतां वहूनामेकीकरणं तदेव संकलितम्' अर्थात् अनेक संख्याश्रों का एकीकरण ही जोड़ है। जोड़ में अनेक संख्याश्रों को मिलाकर एक ही संख्या वन जाती है। श्रीघरकृत पाटी-गिएत की टीका में कहा है 'घनं योगः चय एकीकरणिमित संकलितम' अर्थात् घन करना, योग करना, चय करना तथा एकीकरण का नाम संकलित है। मास्कर हितीय ने भी कहा है:—

"कार्यः क्रमादुत्क्रमतोऽयवांकयोगो ययास्थानकमन्तरं वा"

अर्थात् स्थानों के अंकों को इकाई की ओर से जोड़ने से अथवा सर्वोच्च स्थान के अंक की ओर से जोड़ने को कम से कमांकयोग तथा उन्क्रमांकयोग कहते हैं। इसी प्रकार अंतर भी समिभए।

प्रकरण ७. घटाना, व्यवकलन

घटाना :

घटाना घट् घातु के णिजन्त रूप घाटयित से बना है। घाटयित का अर्थ हानि पहुँचाना है। इसी से हिन्दी जन्द 'घाटा' बना जिसका अर्थ है 'हानि'। हानि का अर्थ कमी है इसी घाट सन्द से हिंदी शन्द घटाना बना है। संस्कृत में णिजत में 'बा' पहिंन तथा हिन्दी में बाद के किसी अक्षर में लगता है जैसे पातन (सं०), गिराना (हिन्दी)। अताएव घाटन का अर्थ कम होना हो गया। शुल्व काल में घटाने के लिए निर्हाग धन्द चलता था। वेदांग-ज्योतिय में इसके लिए शोधन शन्द प्रचलित हुआ। देिवए:—

"प्रमाणे बास्यं प्रमाणं निर्ह्शासविवृच्योः" (काञ्युञ्सूञ) निर्ह्शांत का अर्थ यहां हास तथा विवृद्धि का अर्थ वृद्धि है।

द्योधन :

वतीनपर्वभागेम्यः शोषयेन् द्विगुणांतिचिम् । तेपुमण्डनमागेपु तिथिनिष्ठां गतो रविः ॥ यहाँ शोधयेत् का अर्थ 'घटाये' है। वक्षाली-पाण्डुलिपि में घटाने को वियोग शब्द भी मिलता है। आर्यभट ने इस अर्थ में शोधन, क्षय, हानि, अपचय शब्दों का प्रयोग किया है। ब्रह्मगुष्त ने व्यवकलित और शोधन शब्दों का मुख्यरूप से प्रयोग किया। यथा:—

अव्यक्तवर्गधनवर्गवर्गपंचगत षङ्गतादीनाम् । तुल्यानां संकलितव्यवकलिते पृथगतुल्यानाम् ॥

(बा॰ स्कु॰ सि॰ १८।४१)

अर्थात् वर्ग, धन, वर्गवर्ग, पंचगत, पड्गत् आदि तुल्यघात वाली अञ्यक्त राशियों का संकलित एवं व्यवकलित करते हैं तथा विषमघात राशियों को पृथक् रखते हैं।

व्यवकलित, व्यवकलन:

व्यवकलित शब्द वि | अव् | कल (संख्याने) घातु से कलिकारक के अर्थ में 'नपुसके भावेनत:' सूत्र से 'नत' प्रत्यय लगकर बना है। जिस प्रकार गान और गीत दोनों भावायंक शब्द हैं वैसे ही व्यवकलन और व्यवकलित भावार्थक शब्द हैं। अर्थात् दोनों का अर्थ है 'घटाना'। घटाना जोड़ने से ठीक विपरीत क्रिया है, उसी प्रकार सम् उपलगं के विपरीत उपसगं 'वि' और 'अव' हैं जैसे संस्थापन, विस्थापन, सम्मान, अवमान, संदलेपण, विश्लेपण; संकलन, विकलन; संघटन, विघटन। व्यव (वि | अव) उपसगों के लगने से पृथक् करना अर्थ हो जाता जैसे संगमन का अर्थ है साथ-साथ जाना तथा व्यवगमन का अर्थ है 'पृथक् होना' एवं व्यवच्छिन का अर्थ है पृथक् पृथक् किया हुआ। वैसे अकेला वि उपसगं घटाने के भाव को व्यवत करने के लिए लगाया जा सकता था किंतु तब इससे विकल शब्द वन जाता जिसका अर्थ पहिले से ही वेचन आदि प्रसिद्ध है तथा अवकलित का अर्थ 'देखा हुआ', 'अनुभव किया हुआ' अत्तएव दो उपसगं लगाने पड़े।

पर्पाप ।

घटाने के अन्य पर्यायवाची शब्द व्यवकलन, पातन, विक्षोधन, वियोजन, अपगम, ब्युत्कलन तथा ब्युत्कलित हैं। इनमें से पातन गणितिललक के पृष्ठ ४ पर, विशोधन, वियोजन भी पृष्ठ ४ पर, सिहतिलक सूरि की व्यास्यामें देखे जा सकते हैं। अन्य टीकाओं तथा ग्रंथों में भी ये शब्द प्रयुक्त हुये हैं। महावीर ने व्युत्कलित शब्द का प्रयोग किया है। यथा:—

"तत्संकलितमप्युवतं व्युत्कलितमतोष्टमम्" व्ययकलन तथा अपगम शब्द इन आगे लिखे उद्धरणों में प्रयुवत हुए हैं :— "यदि व्यक्ते युक्तिव्यवकलन मार्गेऽसि कुशला" (लीलावती, पृ० ६)
"खयोजनापगमे" (श्रीघर पाटीगणित, पृ० १४)।

पात्य, सर्वधन तथा वियोज्य शब्द जिस राशि में से घटाया जाय उस राशि के लिए तथा वियोजक घटाई जाने वाली राशि के लिए आता है। घटा के जो बचे उसे अन्तर, अवशेप तथा शेप कहते हैं। इन शब्दों के प्रयोग गणिततिलक के पृष्ठ ४ में हुए हैं।

व्यवकलन की परिमापा:

आयं मट दितीय ने व्यवकलित की निम्न परिभाषा की है:-

सर्वधन में से कुछ घटाने को व्यवकलित कहते हैं जो वचता हैं उसे शेष कहते हैं। शिघरकृत पाटीगणित के टीकाकार ने कहा है। 'ऋणं वियोगोऽपचयोऽन्तरमूनीकरणिमिति व्यवकलितम्' अर्थात् ऋण करना, वियोग करना, अपचय करना, अंतर करना तथा ऊनीकरण का नाम व्यवकलित है। व्यवकलन की भी संकलन के समान कमविधि और उत्कमविधि दो विधियाँ हैं। जो इकाई से प्रारंभ हो वह कमविधि तथा जो वाई ओर के अधिकतम स्थान से प्रारंभ हो वह उत्कमविधि कहनाती है। भास्कर ने कहा है। ''कार्यः कमादुत्कमतोऽथवांकयोगो यथास्थानकमन्तरं वा।'' इस प्रकरण के विवरण के लिए हिंदूगणितकास्त्र के इतिहास के पृष्ठ १२४-१२६ का अथलोकन की जिए।

प्रकरण ८. धन, ऋण

जोड़ने और घटाने में जिस संख्या को जोड़ा जाता है उसके पहिले घन शब्द लगाया जाता है और जिसको घटाते हैं उसके पहिले ऋण शब्द लगाते हैं। एक प्रकार से जोड़ने और घटाने के घन और ऋण शब्द संकेत हो गये हैं। घन का अर्थ होता है 'में जोड़ा' तथा ऋण का अर्थ होता है 'में घटाया'। घन और ऋण तो द्रव्य और कर्जें के लिए सुविदित शब्द हैं। आइये देखें उनका अंकगणित में क्यों कर प्रयोग होने लगा।

धन और ऋण शब्द बहुत प्राचीन हैं। इनका प्रयोग ऋग्वेद में एक जुआरी की हीन दशा का चित्रण करते हुए निम्नलिखित मंत्र में हुआ है:—

> जाया तप्यते कितवस्य हीना माता पुत्रस्य चरतः ववस्यित् । पृष्टगाया विस्यद्वनिमच्छमानां उन्येषामस्तमुपनक्तमेति ॥३ प्राचेद में पहिले यन शब्द किसी दौड़ तथा अन्य खेलों में विजेता को पारि-

१. देखिए महासिद्धांत, अध्याय १४, इलोक २।

२. इसका अर्थ पृ० ७१ पर दिया हुआ है।

तोषिक के रूप में मिलने वाली वस्तु के लिए आता या। "हितंबनं" का अर्थ प्रस्तावित पारितोषिक था। शत्रु से जीते हुए सामान के अर्थ में भी यह सब्द
आता था। अनएब बनंजित और बनंजय शब्द भी वेटों में मिलते हैं। पुन: इम शब्द
का सामान्य यन अर्थ हो गया। मोनियरिविलियमस संस्कृत कोप के अनुमार धन शब्द
धन धानु से बना है जिसका अर्थ है दौड़ना। डा० सिद्धेश्वर वर्मा का विचार है कि
यह धा धानु मे बना है जिसका अर्थ है रखना। पान्तिपिक के रूप में रखते जाने
से यह बन कहलाया। निरुक्तकार यास्क ने इसको थि संतोपार्थक धानु से बना
बनाया है। धन शब्द इतना छोटा है नथा इसका प्रयोग इतना प्राचीन है कि इस
प्रसंग में इसकी इससे अधिक छानवीन करना वेकार है। जिस प्रकार धन शब्द के दो
अर्थ हैं:—(१) पारितोषिक अथवा मेंट, (२) स्त्री (संस्कृत बनिका, हिंदी धनि 'कहियों
धनि ने जाइ के अब धन धरी सने लि'—मुदामाचरित्र) उसी प्रकार बंगरेजी में भी
'डान' के दो अर्थ हैं। एक 'गिपट' जिससे 'डोनेशन' शब्द बना है तथा दूसरा स्त्री
(Dona, Italiane Donna, medonna-my lady)

वन के पर्यायवाची स्च तथा ग्राय एवं ऋगा के पर्यायवाची व्यय तथा क्षय हैं। यथा:---

"पोगेयुति: स्यात् क्षययो: स्वयोवी वनर्णयोरन्तरमेवयोगः (भा० वी० ग०)

अर्थान् दो ऋण राशियों अथवा धनराशियों के योग करने में राशियों जोड़ी जानी हैं यथा एक बन और दूमरी ऋण हो तो दोनों का अंतर ही योग होता है। बन को जोड़ा ही जाना है तथा ऋण का बोबन (चुकाना) ही किया जाता है, अतएब धन का जोड़ने के साथ तथा ऋण का बोबन के साथ सम्बन्ध होना स्वामाविक है। धन का जोड़ना अववा संन्धाओं का जोड़ना मिनती-जुनती संकल्पनायें हैं। इसी प्रकार ऋण का घोषन और संस्थाओं का जोड़ना मिनती-जुनती संकल्पनायें हैं। इसी प्रकार ऋण का घोषन और संस्थाओं का बोबन भी सजातीय संकल्पनायें हैं। इसी प्रकार ऋण का घोषन और संस्थाओं का बोबन भी सजातीय संकल्पनायें हैं। इसी अंकणित अत्यन्त ब्यावहारिक रही है। धन सम्बन्धी व्यवहारों में ही जोड़ने, घटाने की अधिक आवश्यकता पड़ी होगी, अतएब उसी क्षेत्र के भट्ट भी अंकणित में आ गये। अंगरेजी का 'सम' शब्द भी द्रव्य नया योग दोनों का वाचक है। उर्दू में जमा करना भी जोड़ने के अर्थ का है। अर्यो अनुवादों में धन के लिये मान भव्द का प्रयोग किया है। अधिद ने धन शब्द का प्रयोग निस्थाओं के गुणनफल के अर्थ में भी किया है। देखिये:—

बच्चवेनाम्बस्तं मार्धहितयं त्रिमागबुक्ता व । परिटः पंचार्धगुणा कि भवति वनं प्रथनकथय ॥ (प्राटीगस्तित, प्र. २६) ।

१. दे॰ जोहनस्ट्रेची कृत बीजगणित का अनुवाद ।

वर्णात् है को ई से गुणा करने पर तथा ६० को ई से गुणा करने पर क्याधन म्राएगा। धन का अर्थ लक्षणा से संख्या अथवा गुणनफल ही है। साधाररण संख्यात्मक स्थल पर भी धन का प्रयोग किया है।

पर्वाच :

घन और ऋगा के लिये युत्त और वियुत्त शब्द भी प्रयुक्त होते थे। युत और उसका संक्षिप्त रूप यु० तथा क्षय और उसका संक्षिप्त रूप थ्व० घन एवं ऋण के लिये वसाली-गणित में प्रयुक्त हुये हैं। घन और ऋगा के लिये आय तथा व्यय शब्द भी प्रयुक्त हुये हैं। देखिए श्रीघर का प्रयोग:—

तुल्यच्छेदायव्ययराश्योरंशान्तरं कुर्यात् । (पाटीगणित, ए० २५)

न्यास ६ १२ । अंशान्तरे जातं $\frac{3}{4^2}$ । त्रिभिरपवर्ष १२ १२ ।

जातं धनं शेषः -- 🖇

अर्थात् तुल्य हर वाली आय (घन) व्यय (ऋण) राशियों के अंशों का अंतर करे जैसे $\frac{1}{4}$ तथा $\frac{3}{4}$ के अंशांतर करने पर शेप $\frac{3}{4}$ आया। इसकी तीन से काटकर $\frac{1}{7}$ आया। इस प्रकार उत्तर $\frac{1}{7}$ हुआ।

धन, त्ररण के संकेत-चिह्न:

श्रीघर ने ऋणात्मक के लिये क्षयात्मक शब्द का भी प्रयोग किया है। देखिए:—

श्रम्यधिकपदस्यैवं विजये संख्या प्रजायते पुंसः । संख्या क्षयात्मिका चेद् भवति जयो हीनगच्छस्य ॥ (पाटीगणित, पृ० १४५)

यहाँ धयातिमका का अर्थ ऋणतमक ही है। इसकी टीका में जो स्वयं प्राचीन है मनात्मक और ऋणात्मक शब्द भी वर्तमान अर्थ में प्रयुक्त हुये हैं। ढा॰ दत्त के मत में धय के प्रयम अक्षर का का ही विकृत रूप 🕂 है जो आजकल योग के अर्थ में चलता है, किन्तु पहिले यह ऋण चिद्ध के रूप में प्रयुक्त होता था। जैसे ७ 🕂 का अर्थ —७ है। वक्षाली पाण्युलिपि में इस का प्रयोग मिलता है। श्रीयरकृत पाटीगणित से उद्धुत पूर्व स्लोक की टीका में भी 🕂 चिद्ध ऋण के लिये प्रयुक्त हुआ है। किन्तु भास्कर तथा अन्य परवर्ती लेगकों ने ऋण के लिये विन्दु का प्रयोग किया है। भास्कर ने कहा भी है:—

'यानि ऋणगतानि तान्यूर्ध्वचिन्दूनि' अर्घात् जो राशियां ऋण हों, उनके कपर बिन्दु होता है।

'तत्र परस्परकृतं गुणितं तत्रगुणा अभ्यासम्'। वसाली-पांडुलिपि में (पृ० १८७) गुणाकार शब्द भी आया है जो वाद में 'गुणकार' के रूप में मिलता है। देखिये:—

"यत्तस्य भवत्यर्घ विद्याद् गुणकार संवर्गम्" (आर्यभटीय ग० पा० २३)

गुणाकार कव्द में गुणा शब्द का स्पष्ट प्रयोग है क्योंकि गुणाकार का वर्ष है गुणा करने वाला अर्थात् गुणका। ऐसा प्रतीत होता है कि अकारांत गुण शब्द अच्छाई आदि के अर्थ में प्रसिद्ध हो जाने से स्त्रीलिंग गुणा शब्द का ही हिंदी गणितीय शब्दावली में प्रचलन हुआ। गुण और गुणा में लिंगभेद था ही, अव आवश्कता पड़ने पर उनमें अर्थभेद मी कर दिया।

जैसा योग के प्रकरण में वताया है कि शुल्वसूत्रों में इसे अभ्यास शब्द से व्यवत किया गया है। त्रभ्यास शब्द का अर्थ वहाँ जोड़ना भी है। वास्तव में वहाँ अभ्यास आदित्त के अर्थ में है। जब अभ्यास्त के पहिने कोई संख्यावाचक भाव्द न हो तो एक आदित्त का अर्थ होता था अर्थात् तीन की एक आदित्त होकर ६ हो जाता है। तीन के दो वार अभ्यस्त होने से ६, तीन वार अभ्यस्त होने से १२ हो जाते हैं। इस से स्पष्ट है कि गुणा की मूल भावना में जोड़ की ही प्रक्रिया है जिसमें गुणा को गुणक संख्या के तुल्य वार लिख कर जोड़ा जाता है। यह परिमापा भास्कर प्रथम के आर्यभटीय भाष्य में मिलती है। लीलावती के टीकाकारों ने भी यही परिभाषा दी है। वक्षाली-गणित में गुणा और अभ्यास के अतिरिक्त 'परस्परकृत' शब्द भी इस अर्थ में प्रयुक्त किया गया है जो उक्त परिभाषा पर भी आधारित है। परस्परकृत का अर्थ है एकत्र करना।

पर्याय :

इसके उपरांत आर्यभट के समय से गुणन का एक अन्य पर्याय-समूह हनन, वध, अभिहित, श्राहति, कुट्टन, समाहति, प्रहति, घात, क्षय, संताबन प्रयुवत होना प्रारम्भ हुग्रा। दश्चमिक अंक प्रणाली के प्रचलन के बाद गुणन की नवीन प्रणाली में गुणकरादि के अंक एक-एक करके मिटा दिये जाते थे और उनके स्थान में गुणनफल के अंक आ जाते थे। गुण्य के सकल अंकों का इस प्रकार हनन होकर उसके स्थान पर एक राश्चि उत्पन्त हो जाती थी अतएव गुणन के लिये हनन आदि सब्द तथा. फल के आधार पर गुणकल के लिये प्रत्युत्पन्न सब्द प्रयुक्त होते थे। फल के आधार पर

१. ब्राग्नमुस्त ने गुणक शब्द कोफीशॅट के अर्थ में प्रयुवत किया है जिसे आजकन गुणांक कहते हैं। पृथूदक् स्वामी ने इसको अंक शब्द से ध्यनत किया था।

योगफल को संकलित, वियोगफल को व्यवकलित कहा गया है। गुणन की यह पद्धति अरव में गई, वहाँ इस विधि का प्रयोग अलख्वारिज्मी (८२५ ई०) अतहस्सार बादि अनेक लेखकों ने किया और इस विधि को अल-अमल-अल-हिन्दी तथा तरीका-अल-हिन्दी (हिंदुओं की विधि) कहा। अतएव उनका शब्द मी हमारे धात, साहति (चीट पहुँचाना) आदि शब्दों का अनुवादमात्र है क्योंकि जरव का मूल अर्थ भी चोट पहुंचाना है। उनके यहाँ भी गुरान के अंक मिटाये जाते थे। रे अंकों के मिटाने का एक छोटा सा उदाहरए। शीचे दिया जाता है।

उदाहरण---

१४६ को १४ से गुणा करना है:-

१५ १४६

६ से १५ को गुणा किया आया ६०,० को ५ के नीचे और ६ को मिटा 84 कर उसके स्थान में ६ लिखा। अब नई स्थिति यह है:-2880

गुणक को एक स्यान वाई ओर हटाया :--

१५ 9380

श्रव ४ से १५ को गुणा किया और आया ६०, इसकी ६ में जोड़ने से १५ बाया ६६; ४ को मिटा दिवा और नई स्थिति यह हुई:-2580

गृएक को एक स्थान वाई ओर हटाया और इस प्रकार नई स्थिति यह है। 2% 2560

१ से १५ को गुणा किया आया १५, उसमें ६ जोड़ दिये, आये २१। १ को मिटा दिया और उसके तथा ६ के स्थान पर २१ लिख दिया। 9860

एस प्रकार निम्न संख्या प्राप्त हुई:-

प्रचीम :

हमते देखा कि कम से गुणक के एक एक करके सारे अंक मिट गये और एक

१. मंदलित व्यवक्रतिते प्रत्युत्पन्नो च भागहारस्य । श्रीचर आदिमं गुणकारी त्र प्रत्यत्वन्तां पि तद्धमवेत । महावीर

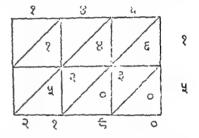
२. दे० हिंदू गणितशास्त्र का इतिहास, पृठ १३०-३६ ।

नई संख्या उत्पन्न हुई । इसीलिये गुणन को हनन और गुणनफल को प्रत्युत्पन्न कहा था। हनन परिवार के शब्दों के प्रयोग नीचे दिये जाते हैं:—

इप्टगुशितिभिष्टयनं त्वयवाद्यन्तं पदार्घहतम् (आर्ये०, ग० पा० १६) वैराधिक फलराशि तमथेच्छाराशिना हतं कृत्वा (,, ,, २६) वक्षाली-पाण्डुलिपि में भी इन सन्दों का प्रयोग हुआ है।

वराहमिहर ने इहत्संहिता में गुणन को वर्गणा शब्द भी प्रयुक्त किया है। वर्ग करने में भी गुणा करनी पड़ती है और वर्गणा में भी कुछ न कुछ गुणन का साहचर्य है अतएव इसे वर्गण शब्द से व्यक्त किया। गुणन की गैलोसिया विधि में गुण्य के जितने स्थान होते हैं उतने वर्गाकार कोष्ठ खींचे जाते हैं और उनके नीचे पुनः उतने

वर्गाकार कोष्ठ खोंचते हैं जितने कि गुणक में स्थान होते हैं। अंत में तिरछा जोड़ करते हैं। देखिये समीपस्थ चित्र। संभव है वराहमिहिर को यह विधि ज्ञात हो। गरोदादैवज्ञ ने इसको भी कपाटसंधि विधि कहा है जो कि डा॰ सिंह एवं डा॰ दत्त के मत में अगुद्ध है। गैलोसियाविधि को



यदि वर्गगाविधि कहा जाता तो अधिक उपयुक्त होता। यही गैलोसियाविधि वर्तमान गुगानविधि की जन्मदात्री है। प्राचीन गणित साहित्य में निम्न ७ प्रकार की गुणन-विधियों का वर्णन है:—

गुणन-विधियां :

१. कपाट-संघि विधि, २. वर्गणाविधि, ३. तत्स्यविधि (तियंक्गुणन-विधि), ४. स्यानविमाग (स्यानवण्ड-गुणन), ५. गोमूत्रिका विधि, ६. रूप-विभाग (रूपाखण्ड गुणन), ७. इप्टगुणन (बीजीय विधि)। इनका विवरण हिन्दू गणितशास्त्र के इतिहास के पृष्ठ १२८ से १४१ में दिया है। अंक मिटने वाली गुणन रीति के समाप्त होते ही गुणन के पर्यायवाची हनन, बघ आदि शब्द भी समाप्त हो गये, अब बचे मीलिक शब्द 'अभ्यास' और 'गुणन' जो अब मी प्रयुक्त हो रहे हैं और उनमें भी अभ्यास केवल बच्चाम्यास (Cross multiplication) में ही प्रयुक्त होता है। हमने जिन शब्दों को भुना दिया उन्हीं के अनुवाद जरव आदि शब्द अरबी, फारसी आदि मायाओं में अब तक प्रयुक्त होते हैं।

यच्याभ्यासः

वा इन्द्र के शस्त्र अथवा बादलों की विद्युत को कहते हैं, जी कड़क के साथ पमकती है। इन्द्र के आयुध वाच्य को × आकार का माना जाता है। इसी प्राकार

१. वृक्षानी-पाष्ट्रनिषि, पत्र ६५ (बी०) ।

२. हिन्दू गणितधास्त्र, पुट्ठ १३७ ।

की वह वस्तु थी जिससे ईसामसीह को फांसी दी गई थी। उसकी अंगरेजा में 'कास' कहते हैं जो बाद में ईसाई घर्म का चिह्न बन गया। वज्राभ्यास तिर्यग्गुणन को कहते हैं जैसे यदि

$$\frac{\pi}{\eta} = \frac{\pi}{\Xi} \text{ तो } \pi \Xi = \eta \pi$$

अताएव यह संस्कृत में वज्राभ्यास तथा अंगरेजी में 'कास मल्टीम्लेकेशन' के नाम से प्रसिद्ध है। वैसे भी विजली 'तिरछे पथ में ही चमकती विखाई देती है अतएव वज्य का प्रतीक x ठीक ही है और जैसा ऊपर बताया है आकार साम्य से वज्राम्यास शब्द भी सार्थक है। महावीराचार्य ने क्षेत्रों के भेदों में एक वज्राकृति भी बतायी है। देखिये:—

वज्राकृतेस्त्यास्य क्षेत्रस्य षडग्रनवतिरायाम: । मध्ये सूचिर्मु खयोस्त्रयोदश त्र्यंशसंयुता दण्डाः ॥

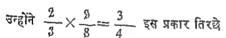
(ग० सार० सं०, प० ११४)

इसको शकायुघ भी कहा है। यथाः

यवसुरजपरावशकायुधसंस्थान प्रतिष्ठितानांतु ।
मुखमध्यसमासार्धत्वायामगुणं फलं भवति ।।

(ग० सार० सं, प० ११४)

टीकाकार रंगाचार्य ने इसका चित्र ऐसा दिया है।



काटने को वज्जापवर्तन शब्द मी प्रयुवत किया है। श्रीघर ने भी वज्जवत् शब्द का पाटीगणित में पृ० १०८ पर प्रयोग किया है। यथा:—

'स्त्रप्रमृतिवं ज्यवहरागतभूमी भवेदित्यम्' डा० कृपाशंकर शुक्ल ने इसका अनुवाद इस प्रकार किया है।

When the base is negative, these threads should be shortened out crosswise in the following form:

वहागुप्त ने वज्जवध शब्द वज्जाध्यास के अर्थ में प्रयुक्त किया है। वय अस्यास का पर्यायवाची है। देखिए:---

> यज्यवर्धनयं प्रथमं प्रक्षेप:क्षेपचयतुल्यः । प्रक्षेपमोधकहते मूले प्रक्षेपके रूपे ॥

> > (बार्व स्फुर सिर्व १८।६५,६६)

तियंगुगुन भी तिरछा होता था। जैसे :— मास्कर ने दछावय के लिये वर्तमान 'वज्जाम्यास' शब्द ही प्रयुक्त किया है। देखिये :—

वज्राम्यासी ज्येष्ठतव्योस्तदैवयम् हस्यं लव्योराहतिरवप्रकृत्या ।

क्षुण्गा जयेष्ठाम्यामयुग् ज्येष्ठमूलं

तत्राम्यासः क्षेपयोः क्षेपकःस्यात् ॥ (बी० पृ०, १६०)

यहाँ ज्येष्ठ और लघु मूलों की निम्न प्रकार से गुणा के अर्थ में वज्राम्यास शब्द प्रमुक्त किया गया है :—



प्रकरण १०. भाग

भाग शब्द मज्(विश्राणने) घातु से घड्न प्रत्यय लग कर बना है। विश्राणन का अर्थ है बाँटना। जो वितरित हो वह भाग हुआ, जैसे ४० रुपये ४ भ्रादिमियों में वरावर-चरावर बाँटने पर प्रत्येक को १० रुपये वितरित हुए। अतएव १० रुपये प्रत्येक का भाग कहलाया। चैदिक काल में ही भाग का अर्थ हिस्सा था। देखिये:—

'अधारयन्त बह्नमो भजन्त सुकृत्यया। भागं देवेषु यज्ञम्' अर्थात् (ऋ०१।२०।८) देवों के मध्य स्थित विह्नमों (ऋभुओं) ने अपने सुकृत से यज्ञीय माग को ग्रहण किया।

मनुस्मृति की निम्न पंक्ति में मज् घातु का अर्थ विमाजन है:---'मजेरन् पैनुकं रिख्यम्' अर्थात् पैनुक संपत्ति को बाँटे।

गणितीय अर्थ में भज् धातु का प्रयोग गृल्व सूत्रों में ही आता है । वहाँ भाग का अर्थ भिन्न (हिस्सा) है अर्थात् दशम भाग $\frac{2}{20}$, पंचदश भाग $\frac{2}{20}$, त्रिमाग $\frac{2}{3}$ । वर्ग

न्नादि के रेतात्मक भाग करने में भी मज् धातु का प्रयोग है। यथा :—
'रापमध्णया विभज्य विषयंस्थेतरशोपदध्यात्' (बो०गु०सू०)
वेदांग-ज्योतिष काल में भाग की त्रिया ज्ञात थी। देखिए :—
तिषिमकादशान्यस्तां पर्वभांशसमन्विताम्।

विभव्य ससमूहेन तिचिनदात्रमादिशेत् ॥

अर्थात् तिथि को ११ से गुणा करे, पर्व नक्षत्रांकों को जोड़े तथा नक्षत्र संस्था में भाग देकर तिथि के नक्षत्र को बताये। इसमें विभज्य शब्द से संख्यात्मक माग ही अभिप्रेत है। वक्षाली-पाण्डुलिपि के तृतीय भाग के १६६ वें पृष्ठ पर माग शब्द आया है। माग का संक्षिप्त रूप माग माग का द्योतक था। माग का पर्यायवाची छेद और उसका संक्षिप्त रूप छे० भी वक्षाली-पाण्डुलिपि में प्रयुक्त हुआ है।

पर्याय :

माग के पर्याय भागहर, भाजन, विभाजन, विमाग, छेद, हरएा आदि शब्द हैं। विपरीत प्रैराशिक नियम बताते हुये आर्यमट ने लिखा है:—

प्रयोग :

गुलकारा भागहरा भागहरा ये मवन्ति गुणकारा: । य: क्षेत्र: सोऽतचयोऽपचय:क्षेपस्य विपरीते ॥ (ग०पा०,प्र० २७)

ग्रयात् विपरीत त्रैराशिक नियम में गुणाकार, भागहार; भागहार; गुणाकार; योग, वियोग तथा वियोग योग में परिणत हो जाता है। गुणाकार, भागहार इन बड़े भव्दों के स्थान पर गुणा, माग शब्द भी हिन्दी में प्रचितित हुए वैसे भी उनका शब्दार्थ भाजक है न कि माग। माग के समान छेद का भी ग्रयं टुकड़ा है अतएव यह भी इसी अर्थ में प्रचितत हुआ। हरण का सम्बन्ध घटाने से है। माग घटाने की ही किया है। अंगरेजी का 'डिवीजन और उद्दं के तकसीम शब्द का भी माजन के समान मौलिक अर्थ बांटना ही है।

जिसको भाग दें वह माज्य, विभाज्य, छेद्य, हार्य तथा जिससे भाग दें उसे भाजक, छेदक, भागहार, हार अथवा हर कहते हैं। भाग देने में जो बार जाँय उन्हें लब्ब या लब्बि कहते हैं। भाज्य का भाजक से छोटा जो अंदा बच रहता है उसे शेष फहते हैं। बोलचाल का बार सब्द आदृति संख्या के अर्थ में प्राचीन है। देखिए ब्रह्मगुष्त का प्रयोग:—

एकोनगुणास्यस्तं प्रमवहतं रूपसंयुतं वित्तम् । यावरक्तरवो भवतं गुगोन तद्वारसम्मितिगंच्छः ॥ (ब्रा०स्कृ०सि०)

वार :

यहाँ वार का वर्तमान अयं ही है। ब्रह्मगुष्त ने इस क्लोक में गुणोत्तर श्रेणी की पद-संत्या निकालने का नियम वताया है। गुणा शब्द सामान्य अनुपात के लिए आया है। वित्त शब्द श्रेणी के योग के लिए आया है। प्रभव आदि पद के लिए तथा स्प एक के लिए प्रयुक्त हुआ हैं वर्यात् a $\frac{(r^n-1)}{r-1} \times \frac{r-1}{a} + 1 = r^n$ यहाँ r^n , r में जितनी बार बद सके वही n है अर्थात् $\frac{3}{8}$ में बार 3 है न कि २५। वर्यों क

१२५ पांच से ३ वार ही विभाजित हो सकता है। वाद को वोलचाल में वार शब्द लब्बि के अर्थ में भी प्रयुक्त होने लगा।

जो भाग-विधि वेदांग-ज्योतिए काल में ही हमारे यहाँ ज्ञात थी वह योरुप में १५वीं १६वीं, शताब्दी तक बड़ी कठिन मानी जाती थी। यद्यपि मारतवर्ष में भागविधि बहुन पहिले से ही प्रयुक्त होती थी किन्तु उस विधि का वर्णन महावीर-कृत गणितसारसंग्रह तथा श्रीधर कृत पाटीगणित में ही सर्वप्रथम मिलता है। यथा-

तुल्येन सम्मवेसित हरं विभाज्यं च राशिना छित्वा ।
भागोहार्यः क्रमदाः प्रतिलोमं भागहारिवधिः ॥ (पा० २२०)
वर्षात् भाज्य तथा भाजक को समान संख्या से विभाजित करके फिर
विलोमविधि द्वारा भाग देवे इसको भागहारिवधि कहते हैं ।

विन्यस्य भाज्यमानं तस्याधस्स्थेन भागहारेण । सहशापवर्तन-विधिना भागं कृत्वा फलं प्रवदेत् ॥ १८ ॥ प्रतिलोमपथेन भजेद्भाज्यमधःस्थेन मागहारेण । सहशापवर्तनविधियंद्यस्ति विधाय तमिप तयोः ॥१६॥ (ग०सा०सं०, पृ०११) सर्थं लगभग क्रपर के ही समान है ।

प्रकरण ११. मिनन

मिन्न शब्द मिदि (अवयवे-दुकड़ा करना) अथवा सिदिर् (विदारसे = दूटना, मुक्ना, चीरना) धातु से क्त प्रत्यय लग कर बना है। यह शब्द वैदिक मापा में दूटा हुआ, मोंका हुआ, नष्ट किया हुआ, इन्हीं अथों में प्रयुक्त होता था। उदाहरणतः ऋष्वेद में (११३२।८) में यह शब्द उपरोक्त अयों में प्रयुक्त हुआ है। अंगरेजी का फ्रैक्शन तथा अन्य योरोपीय भाषाओं के शब्द फ्रैक्टिओ, राउण्ट, रोटो, श्रीर रोक्ट्रो मिन्न शब्द के अनुवाद हैं जो लैटिन शब्द फ्रैक्ट्स (फ्रिन्जिएर) अथवा रूण्टस (टूटा हुआ) से ब्युत्पन्न किए गए हैं।

पर्याय :

यता--

वैदिक साहित्य में मिन्न के लिये सर्वप्रथम कला शब्द था। वहां इसका अर्थ या कुल का भाग विशेषतः सौलहर्यां भाग। कला शब्द ऋखेद में प्रयुक्त हुआ है। देगिए:—

'यातां यथा भर्मा यथामहणं सर्वयामिस' (मृत्येद ६।४७।१७)

यहाँ फला का अर्थ सायगानाच्य में हृदयादि अवयय चताया है। गुल्य सूत्रों में कला शब्द सामान्य मिल्न के अर्थ में प्रयुक्त हुचा है। देखिने:— 'वृतीयेन नवमी कला' आपस्त्व शुल्व सूत्र। 'चतुर्येन पोडशी कला' कात्यायन शुल्व सूत्र।

बर्यात्
$$\left(\frac{?}{?}\right)^2 = \frac{?}{E}$$
 भिन्न
$$\left(\frac{?}{?}\right)^2 = \frac{?}{?}$$
 भिन्न

ऋग्वेद में निम्नलिखित भिन्नें आई हैं :—

त्रघं
$$=$$
 $\frac{?}{?}$
 $=$ $\frac{?}{?}$
 $=$ $\frac{?}{?}$
 $=$ $\frac{?}{?}$
 $=$ $\frac{?}{?}$
 $=$ $\frac{?}{?}$
 $=$ $\frac{?}{?}$

एक में अतिरिक्त अंशवाली भिन्नों में त्रियाद (ु) सर्व प्राचीन है। मुख्य मूत्रों में भी अनेक मिन्नों का वर्णन आया है। मिन्न के लिये अंग, माग भ्रीर कला सब्दों का प्रयोग मिलता है। यथा:—

बर्धप्रमाग्नेन पादप्रमाणं विवीयते । (का॰गु॰सू॰) तृतीदेन नवमांउगः (,, ,, ३।६) चतुर्येन पोडगीकला (,, ,, ३।१०) यहां अर्ध= $\frac{?}{?}$, पाद= $\frac{?}{?}$, पोडगी= $\frac{?}{?}$, नवमांग= $\frac{?}{ε}$ अन्य

शब्द मीने दिये जा रहे हैं।

पंचदश माग = १ (समस्तं पंचदश मागान्क्रस्वा द्वावेकसमासेन समस्येत् स पुष्टपः का०शु० ४१४ लाप १०१३)

तिमाग
$$= \frac{?}{?}$$
 (का०गु०मू०)
पंचम भाग $= \frac{?}{y}$

छंद की मुनिधा के लिए माग शब्द लुप्त भी कर दिया गया है जैसे,

पतुर्य
$$= \frac{?}{?}$$

पंचम $= \frac{?}{?}$
पष्ट $= \frac{?}{\varepsilon}$

अर्थात् एक अंश वाली भिन्नों में केवल हर का ही कथन किया गया है। मानव शुल्य सूत्र (४।४) में हिगुण, त्रिगुण और चनुगूँण $\frac{2}{5}$, $\frac{2}{5}$ और $\frac{2}{8}$ के लिए तथा दुगूने, तिगुने और चीगुने के लिए मां प्रयुक्त हुए हैं।

भुल्य-सूत्रकारों ने एकांशक जिन्नें ही प्रयुक्त नहीं की जैसा कि आदि मिख-वासियों तथा बाबुल निवासियों ने किया था किन्तु उन्होंने योगिक जिन्नें भी प्रयुक्त की यों। देखिये:—

कारवायन ने १४ है प्रक्रमों को चतुर्दश प्रक्रमान् बींटचप्रक्रमसप्तामागान् कहा है। देखिये:—

या करणी चतुर्देश प्रक्रमान् संक्षिपति त्रींदच प्रक्रमसप्तभागान् स एकशतिबधेः प्रक्रमः ।।

अध्ययं=१
$$\frac{?}{?}$$
 (अध्ययंपुरुषा रज्जुहों सपादोकरोति का०शु०सू०)
सपारो हो=१ $\frac{?}{?}$
चनुर्भागोन= $\frac{?}{?}$
(ग्रा०शु० १५।५)

एक विचित्र प्रयोग भिन्न वाचक राव्यों में देखने को मिलता है। यथा:— अर्थनवम == द्रै (आप० शु० २।८) प्रगंदराम = ६३° रिन्नों की भिन्नों के प्रयोग भी मिलते हैं, जैसे,

दंचमस्य चनुविशेष $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2},$ लाप० जू० १५।३ चनुर्यमधिशेषार्व $\frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} \chi^{2} \right)$

बतुबसाबराषाञ्च $\frac{1}{2}\left(\frac{1}{2}\chi'^2\right)$ बतुबैसेविदेश सप्तम $\frac{1}{2}\left(\frac{1}{2}\chi'^2\right)$

निन्न शब्द का प्रयम प्रयोग:

गणिनीय अर्थ में मिल्न राज्य का प्रयम प्रयोग वेदांग ज्योतिय के निम्न ब्लोक में मिलता है:—

त्रवंशो भगेषो दिवसांगभागव्यतुर्वदशस्यापनीय भिन्नम् । मार्थेऽविके चाऽविगते परेंके द्यूतमैकं नवकैरवेस्य ॥ २७ सर्यात् पर्व नक्षत्र के लिए सावव्यक भावनिका कला = १९७ मांश — १ मांग — पर्व के चौदह दिनों के दिवसांग भाग + १ दिवसांग

भाग । इसम मिन्न छोड़ दी जाती है अथवा उसको पूर्णांक कर तेते हैं । यदि पर्व के भांग्र पूर्व पर्व के भांग्र से आये या आये से अधिक नक्षत्र से अधिक हों तो भांग्र जिसके अंग्र में ६ या ६ के गुणज हों, एक दिवस से बढ़ जाता है । इसमें मिन्न तथा त्रयंग (क्षेत्र) नथा उत्तम (अंग्र) गज्य प्रयुक्त हुये हैं । वेदांग-ज्योतिष का एक और इसोक नीचे उद्धृत किया जाता है जिससे प्रतीत होगा कि उस समय मिन्न तथा गिरित की अस्य सामान्य कियाओं का भी जान था :—

मांगाः स्युरप्टकाः कार्याः पक्षद्वादशकोहगताः । एकादगगुणदवीनं गुदलेषं चैदवा यदि ॥

त्रयात् १२ या १२ के गुणातों के बरावर पूर्वों के भांग लाठ या साठ के गुणात होते हैं तो १२ या १२ के गुणात न हों तो उनकी संख्या को ११ से गुणा करिये और उस प्रकार उनके भांग प्राप्त की तिये। गुवल पक्ष में नक्षत्र में चन्द्रस्यित जानने के निये ६२ (युग के बान्द्र पवाँ की संख्या १२४ के आये) जी है जाते हैं। ब्याह्या:— मूर्य वर्ष में २७ नक्षत्रों की परिक्रमा करता है। ५ वर्षों में वह १३५ नक्षत्रों में होकर जाता है। ५ वर्षों में बान्द्र पर्व १२४ होते हैं।

$$\begin{aligned}
\mathbf{a} &= 2 \times \left(\frac{2 \times 4}{2 \times 8} - 2 \right) \\
&= 2 \times \left(\frac{2 \times 4}{2 \times 8} - 2 \right) \\
&= 2 \times \left(\frac{2 \times 4}{2 \times 8} - 2 \right) \\
&= 2 \times \left(\frac{2 \times 4}{2 \times 8} - 2 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(\frac{2 \times 4}{2 \times 8} - 2 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= 2 \times 8 \times 8 \times 8 = 2 \times 8 \times 8 \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= 2 \times 8 \times 8 \times 8 \times 8 \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= 2 \times 8 \times 8 \times 8 \times 8 \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= 2 \times 8 \times 8 \times 8 \times 8 \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8 - 2 \times 8 \right) \\
&= \frac{2 \times 4}{2 \times 8} \left(2 \times 8$$

अतएव दलोक की प्रथम पंक्ति कितनी सार्थक है। विना इतनी किया के जाने जब उपरोक्त पंवित समभी नहीं जा सकती तो लेखक को उक्त किया का अवस्य ज्ञान रहा होगा। अतः वेदांग-ज्योतिष काल में भिन्न परिकर्म का पूर्ण ज्ञान था। वेदांग-ज्योतिष के निम्न दलोक में १० ५ (दश सर्विश) का उल्लेख मिलता है। इलोक यह है:—

कला दश सर्विशास्याद्ढे मुहूर्तस्यनाडिके । द्वित्रिशस्तरकलानांतु पट्णती त्र्यधिकं भवेत् ।।

अर्थात् एक नाडिका $= १० \frac{9}{20}$ कला, २ नाडिका = १ मुहूर्त, ६० नाडिका <math>= ६०३ कला = १ दिन ।

कीटिल्य अर्थ शास्त्र में पादोन (है), अर्ध (है), त्रिमाग (है) शब्द आये हैं।

जैन साहित्य में मिन्न गणित को कलासवर्ग् या प्राकृत राज्द कलासवन्न से ज्यान किया गया है। देखिये:—

परिकम्मं वयहारो रज्जुरासी कलासवन्नो य । जायन्तायति वग्गो घनो ततह वग्गवग्गो विकप्पोत ॥

(स्थानांग-सूत्र ७४७)

कता-सवर्णः

कलाओं अर्थात् मिन्नों को जोड़ने से पहले उनका सवर्णन अर्थात् उनको मम्ब्युंद (महराहर) कर लते थे। इसी सम्ब्छेंद को सवर्णन शब्द से व्यवत करते थे। यह किया इतनी महत्वपूर्ण श्री कि पूरे भिन्न-परिकर्म को कलासवर्ण शब्द से व्यक्त करने ये अथवा भिन्न का भी दूसरा नाम कलासवर्ण हो गया। कलासवर्ण शब्द का प्रयोग बक्षाली-पांदुलिप (३०० ई०) में तथा महाबीर (५५० ई०) एवं श्रीवर ने भी किया है। महावीर ने कलासवर्ण भिन्न-परिकर्म के अर्थ में प्रयुक्त किया है। क्योंकि यह बब्धाय का नाम है तथा इसके अन्तर्गत पृथक्-पृथक् नियमों के मूत्रों में मिन्न शब्द का ही प्रयोग किया है। कलासवर्ण अब अपने जीवन के अत्मिक्ष करण विता रहा था। बाद को भिन्न के लिये जाति शब्द भी चला। महावीर ने भिन्न के प्रकार भागजाति, प्रमागजाति, भागमागजाति, भागानुबन्धजाति, मागा-प्याहजानि तथा भागमातृजानि, इतने प्रकार की भिन्नों को लिखा है। आयुनिक चिह्न प्रणाली जात न होने से आजकल के भिन्नों के विशिष्ट प्रक्रों को इन पृथक्-पृथक् नामों से व्यव्ह किया गया है।

महाभास्करीय में (पृ० १०) दे, के लिए दणलव गन्द का प्रयोग किया है। त्रव मी अग श्रीर भाग का पर्यायवाची है। श्रीपति ने गणिततिलक में मिल्न के लिये विभिन्न बच्द का भी प्रयोग किया है। यथा:—

'हरराशिवर्गविह्नांशकृतिः क्रियते विमिन्नकृतये कृतिमिः' अर्थात् विमिन्न का वर्गे = अंग वर्ग/हरवर्ग ।

नीचे हिन्दी के कुछ भिन्नवाची शब्द तथा वे संस्कृत शब्द भी जिनसे कि में व्युत्पन्न है दिये गये हैं :---

पाव, परजा=पाद (पाद वनुष्पाद का नीयाई होता है) अटा = अर्घ

पीना (पीन) = पादीन (किन्तु औना पीना दे दिया यहाँ पीना झब्द पूर्ण के लिये आया है। मीटिक्ट अर्थमास्त्र में ऊनं पूर्ण वा दद्यात् यह पीना आई है ऊन का जीना और पूर्ण का पीना हो गया)

पीता अर्थात् पादीन का अर्थ है 'घोषाई कम' अतः जब अकेला होता है तभी टरफा ्रे अर्थ होता है अस्पया अस्य गंदपाओं के माय जैसे पीने आठ, पीने का 'चौगाई रम', अर्थ है प्रयोत् पीने आठ≈आठ-चौषाई।

> सर्वेषा, नवाया == मनाद (शृल्य-शृत्रों में प्रगृष्त ।) निदार्ट == विभागिक चोवार्ट == चतुर्षिक हेड़ == दबर्ष

१. दैनिवे गवित-सार-संग्रह, पुष्ठ ३३-४५ ।

पीछे वताया गया है कि शुल्व सूत्रों में अर्घ नवम् $= c_{\frac{1}{2}}$, अर्घवशम $= c_{\frac{1}{2}}$ याजुज्योंतिए दलोक १४ में भी अर्घपंचम $= V_{\frac{1}{2}}$, अर्घचतुर्थ $= 3\frac{1}{2}$ आदि प्रयोग मिले हैं।
इसी प्रकार अर्घह्य $= १\frac{2}{2}$ का भी हो सकता है। अर्घह्य का हयर्घ रूप सूर्यप्रक्रित में
मिलता है। इसका अर्थ भी डेढ़ है। सूर्यप्रक्रित पर शुल्व सूत्रों का प्रभाव वताया ही
जा चुका है।

ढाई, अहैया, अढाई = आढक (वेदांग-ज्योतिष में प्रयुक्त यथा: —
पत्नानि पंचाशदणां घृतानि तदाढकं द्रोग्रामतः प्रमेयम्
त्रिमिविहीनं कुडुवैस्तु कार्यम् तन्नाडिकायास्तु भवेत्प्रमाणम्।)

हूंठा, $}$ = अर्घचतुर्थ = ३ $\frac{1}{2}$ साढ़ें = सार्घ अहुठ $}$

भिन्नों की प्राचीन लेखन-प्रणाली

वटा:

भिन्नों के लेखन में पहले बिना रेखा खींचे अंश और हर ऊपर नीचे लिख १।३ दिये जाते थे जैसे (२।४)।१५ को मी (१) लिख देते थे। यही प्रधा अरव १

के अलनसवी ने भी ग्रहण की। वाद को अरव निवासी वीच में रेखा खीच निकले।
पढ़ने में हुँ दो बटा तीन या दो मागे तीन पढ़ते हैं। वटा शब्द वांटना (विभाजित करना) से बना है। दो बटे तीन का अर्थ है दो को तीन से बांटा अर्थात् भाग दिया।

अंश, हर:

रेखा के ऊपर की संस्था को अंब तथा नीचे की संस्था को हर कहते हैं। कुँ का अर्थ होता है कि एक को सात से हत किया, माजित किया और उसमें से पाँच भाग ने निये। अताएय प्रको माग या अंब कहना ठीक ही है। और सात को हत करने के कारण हार, हर, छेब, भाजक कहना भी ठीक है। त्योंकि नीचे की संस्था ने नाग ही तो दिया जाता है। हार और हर दोनों शब्दों का प्रयोग मिलता है। यथा:—फुत्वा परीवर्तनमंगहार्योईरस्य तहत् कुलिद्यापवर्तने। (ग० ति०, पृ०१)

हर साम्ये ऋते युतम् (वधाली-पांडुलिपि)

वैदांग-ज्योतिष में अंधा को उत्तम और हर को अधम कहा है य्योंकि यह ज्यर और नीचे निये जाते हैं। इससे प्रतीत होता है कि वेदांग-ज्योतिष काल में भिना-नियन-प्रणाली का प्रान था। यह किया इतनी महत्वपूर्ण थी कि पूरे भिन्न-परिकर्म को कलासवर्ण शब्द से व्यक्त करते थे अथवा भिन्न का भी दूसरा नाम कलासवर्ण हो गया। कलासवर्ण शब्द का प्रयोग वक्षाली-पांडुलिपि (३०० ई०) में तथा महावीर (८५० ई०) एवं श्रीधर ने भी किया है। महावीर ने कलासवर्ण भिन्न-परिकर्म के अर्थ में प्रयुक्त किया है। क्योंकि यह अध्याय का नाम है तथा इसके अन्तर्गत पृथक्-पृथक् नियमों के सूत्रों में भिन्न शब्द का ही प्रयोग किया है। कलासवर्ण अब अपने जीवन के अन्तिम क्षरा विता रहा था। वाद को मिन्न के लिये जाति शब्द मी चला। महावीर ने भिन्न के प्रकार भागजाति, प्रमागजाति, भागभागजाति, भागानुबन्धजाति, मागप्याहजाति तथा मागमातृजाति, इतने प्रकार की भिन्नों को लिखा है। आधुनिक चिह्न प्रणाली जात न होने से आजकल के भिन्नों के विशिष्ट प्रश्नों को इन प्रथफ्-पृथक् नामों से व्यक्त किया गया है।

महाभास्करीय में (पृ० १०) है, के लिए दशलव शब्द का प्रयोग किया है। लव मी अश श्रीर भाग का पर्यायवाची है। श्रीपित ने गणितितलक में मिन्न के लिये विभिन्न शब्द का भी प्रयोग किया है। यथाः—

'हरराशिवर्गविह्तांशकृतिः कियते विभिन्नकृतये कृतिभिः' अर्थात् विभिन्न का वर्ग = अंश वर्ग /हरवर्ग ।

नीचे हिन्दी के कुछ भिन्नवाची शब्द तथा वे संस्कृत शब्द भी जिनसे कि ये व्युत्पन्न हैं दिये गये हैं :—

पाव, पज्ञा≔पाद (पाद चतुष्पाद का चौथाई होता है) अद्रा ≕अर्घ

पौना (पौन) = पादोन (किन्तु औना पौना दे दिया यहाँ पौना शब्द पूर्ण के लिये आया है। कीटिल्य अर्थशास्त्र में ऊनं पूर्ण वा दद्यात् यह पंचित आई है ऊन का ओना और पूर्ण का पौना हो गया)

पीना अर्थात् पादोन का अर्थ है 'चीयाई कम' अतः जब अकेला होता है तभी इसका है अर्थ होता है अन्यथा अन्य संख्याग्रों के साथ जैसे पीने आठ, पीने का 'चीयाई कम', अर्थ है ग्रर्थात् पीने आठ = आठ-चीयाई।

> सर्वया, सवाया = सपाद (जुल्व-मूत्रों में प्रगुपत ।) तिहाई = त्रिमागिक चौथाई = चतुर्थिक टेट = इयर्थ

देशिये गणित-सार-संग्रह, पृथ्ठ ३३-४५ ।

श्लोकों में इन शब्दों का प्रयोग हुआ है। ४, २४ को इस प्रकार काटता है कि शेष आगे कुछ नहीं बचता। तो २४, ४ की निरप्रक राशि कहलाती यी (देखिए सि॰ शे॰ कुट्टक २३)।

ऐतिहासिकता:

योरुप में १५ वीं शताब्दी में लघुतम समापवर्त्य निकालने की विधि ज्ञात हुई। किन्तु उसका भलीभौति प्रयोग १७वीं शताब्दी में हुआ। हिन्दी का वितत भिन्न शब्द अंगरेजी के कन्टीन्यूड फैनशन का शब्दानुवाद है। वर्तमान रूप में वितत भिन्न को लार्ड ब्रोकर (१६२०-१६८६) ने निकाला था।

ऊपर के विवरण से यह स्पष्ट प्रतीत होता है कि ऋग्वेद काल से ही मिन्न का ज्ञान प्रारम्म हो गया था और वेदांग-ज्योतिप अथवा गुल्व काल तक इसका ज्ञान परिपक्ष्य हो गया था। अतः यह निश्चित है कि विश्व को भिन्न का ज्ञान मारतवर्ष ने ही दिया। चीन में छठी शताब्दी तक मिन्न-परिकमें बड़ा कठिन समभा जाता था। चैंच चिव चेन ने अपनी पुस्तक अरिथमैटिकल क्लैसिक में लिखा है:—In learning arithmetic we are not troubled with the difficulties in multiplication and division but we are troubled with the hardships of considering fractions. अर्थात् अंकगणित के सीखने में हम को गुणा भाग करने में कोई कठिनाई प्रतीत नहीं होती। हमें तो केवल मिन्नों की कठिनता सताती है। (मिकामी चाइना, प्र०३६)।

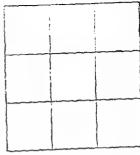
प्रकरण १२. दशमलव

सन् १६०० के लगमन पंज मोहनलाल, पंज वंशीधर, पंज कुँजविहारीलाल ने अंगरेजी शब्द डेसीमल का 'दशमलव' अनुवाद किया जो सर्वश्रेष्ट अनुवादों में से एक है क्योंकि लव का अर्थ भाग तथा अंश होने से दशमलय का अर्थ दशमांश हुमा। वास्तव में दशमिक अंकप्रणाली का ही दशमलय अंकप्रणाली एक विस्तार मात्र है जिसमें प्रथम स्थान में इकाई के १० भाग किये जाते हैं इस प्रकार क्रमशः दस २ भाग होते जाते हैं। अतएय यह नाम सार्थक, सरल तथा अंगरेजी शब्द का समध्यनिक भी है। वैसे दसवें लाग के लिए दशलय शब्द नास्कर प्रथम (६२६ ई०) ने भी प्रयुक्त किया है। देलिये:—

अचलहतनयांगा लिप्तिका गृहनिष्ने

गगनरमविज्ञनते तिष्टिकास्तापि पूर्वाः । ग्रहतनुस्पर्याणस्त्रस्यराः बोधनीयाः

दशनय ममुभेदरचन्द्रतु पः म भागोः ॥ (म० मा०, १० १०) विभिन्न गाणत का इतिहास, रचयिता द्विवेदी, १८८ ६४ । पंक्तियां हैं। तावन्तस्तावन्तः का श्रयं ऐसा ही है जैसा अंगरेजी में हम बोलते हैं कि यह ध्री वाई ध्री है। तीन क्षेतिज श्रांर तीन ऊर्घ्वाधर पंक्तियों के मिलाने से कुल क्षेत्रफल के वरावर का वर्ग तथा ६ सेत्रफल के एकक वर्ग मिलते हैं। इन दोनों वस्तुओं का नाम वर्ग हो गया। यहां पर वर्ग का प्रारंभिक अर्थ पंक्ति या समूह ही है। क्षेत्रफल तथा उसके एककों के भावों के आधार पर संस्वात्मक वर्ग घटन



की सृष्टि हुई क्योंकि वर्ग-क्षेत्रफल में भुजा की लम्बाई को उसी से गुणा करना पड़ता है बोलने में यही बोलते हैं कि ३ फुट लम्बी रेखा, ६ वर्ग फुट क्षेत्रफल बनाती है। इसी प्रकार अंकगणित में भी यही कहते कि ३ का वर्ग ६ होता है। क्षेत्रफल बाली मापा में फुट बाब्द निकाल दें तो अंकगणितीय वर्ग की मापा से मिलान हो जाता है। दोनों ही प्रक्रियाओं में उस संख्या को उसी संख्या से गुणा करना पड़ता है अतः समान प्रक्रिया होने से बाब्दावली मी समान हुई। परवर्ती संख्यात्मक वर्ग यब्द अतः ज्यामितीय वर्ग से उत्पन्न हुआ है। आर्यमट तथा श्रीपति ने दोनों का वर्णन भी एक साय दिया है। यथा:—

वर्गः समचतुरशः फलं च सहराहयस्य संवर्गः । सहराहयसंवर्गो धनस्तथा द्वादशाश्चिः स्यात् ॥ (आर्ये० ग० पा०) यगोऽभिषातः सहरा द्विरादयोः धनः समाननितयस्य धातः । चतुर्मृजं क्षेत्रमुश्चन्ति वर्गे स्याद्द्वादशाश्चिस्तु धनः स वृत्दः ॥

(श्रीपति कृत सि॰ घे॰)

आर्यभट कहते हैं कि वर्ग का अर्थ समजतुर्मुज हैं और उसरा क्षेत्रफल समान थो राशियों के गुणकफल के बराबर होना है। सहय तीन राशियों के गुणकफल के बराबर होना है। सहय तीन राशियों के गात को घन कहते हैं। श्रीपति वहते हैं कि वर्ग समान दो राशियों के गुगा के बराबर होता है और नमजतुर्मुज क्षेत्र को भी वर्ग कहते हैं, इसी प्रकार घन नमान तीन राशियों के गुगकफल के बराबर होता है और समहादम कोरों वाले क्षेत्र को भी घन गहते हैं जिसका दूसरा नाम यूप भी है।

शन्य शर्थ :

आर्यभट ने वर्ग सब्द अयुग्म रचान तथा अवर्ग 'युग्मरयान' के लिए भी। प्रयुक्त किया है। यथा :---

> यगोक्षराणि पर्येऽपर्याक्षराणि फाल्डमो यः । राज्ञियो स्परा तय वर्षेऽवर्षे नयासम्बद्धे या ॥ (आरु घीर पार १. क्ये घटा, पत्र के अर्थ में अस्यम कर्षा नहीं मिलता ।

इस प्रकार वर्ग शब्द जो प्रारंभ में समूह के अर्थ में था, बाद में पंक्ति के अर्थ में आया। पंक्तियों से तात्पर्य था कतारें जैसे बागों में पेड़ों की कतारें। वर्ग का क्षेत्रफल निकालते समय वर्ग ऐसी ही पंक्तियों में विभाजित किया जाता है अतएव समचतुरश्र के स्थान में छोटा-सा वर्ग शब्द चलने लगा। वर्ग के क्षेत्रफल निकालने में उसी संख्या को उसी से गुणा करना पड़ता है अतएव अंकगणितीय द्विघात के अर्थ में भी वर्ग शब्द प्रयुक्त होने लगा। इस प्रकार जो शब्द कभी वस्तुवाचक था वह आगे चलकर भाववाचक बन गया।

प्रकरण १४. घन

घन णव्द निम्नलिखित तीन गणितीय अर्थों में अति प्राचीन काल से प्रयुक्त होता चला आ रहा है !—

- १. होस (Solid) ।
- २. समान तीन राशियों का गुणनफल।

३. घनक्षेत्र।

प्रयम वर्ष में भगवती सूत्र (३०० ई०पू०, सूत्र ७२४-७२६) तथा अनुयोगहार मूत्र (सूत्र १२३-१४४) में प्रयोग मिलते हैं। वहाँ घनत्र्यस्त, घनचतुरस्त, घन
आयत, घनवृत्त तथा घनपरिमंडल शब्दों में घन प्रयम अर्थ में ही आया है। दितीय
अर्थ में उत्तराध्यम मूत्र (३०।१०,११) में घन वर्ग शब्द आया है जिसका अर्थ है
(फ³) = फ॰। यहाँ घन का अर्थ सहश तीन राशियों का गुणनफल ही हुआ।
आर्यमट के दितीय तथा नृतीय अर्थों में प्रयोग वर्ग शब्द के अन्तर्गत दिखाये जा चुके
हैं। यक्षाली-पांटुलिपि में भी घन शब्द क्यूब के अर्थ में आया है।
घनफल, यगफत :

वर्गफल तया घनफल गट्द अंकगणितीय तथा रेखागणितीय दोनों ही अधों में प्रयुक्त हुए हैं। वर्गफल का अधे है वर्ग का क्षेत्रफल एवं समान दो राशियों का गुण-फल अर्थात् २ वर्ग है तथा ४ वर्गफल है इसी प्रकार २ घन तथा = घनफल है। पर्गफल घट्द आयंगट के 'फलं च सहग्रहयस्य संवर्ग:' वाले इलोक में आया है। इसी प्रकार घनफल शट्द ब्रह्मगुष्त के निम्न इलोक में प्रयुक्त हुन्ना है। यहाँ घनफल का अर्थ आयतन है:—

आकृति-फलमौच्याहतमग्रतसैनयार्थमीच्चयदैर्घ्यंगुणं । पनगणितमिष्टका-घनफलेन हतमिष्टका-गणितम् ॥ (ग्रा०स्कु०सि०१२।४७।) भाषतनः

पनफल के अर्थ में आयतन शब्द का प्रयोग आपस्तंब शुल्य मूत्र में मिलता है:— "गार्हपरयाह्वनीययो रन्तौ नियम्य लक्षणेन दाक्षिणापायम्य निमित्तं गरोटि तद्क्षिणाग्ने रायतनम्" (पृ० ६६)

प्रकरण १५. मूल

वर्ग और वर्गमूल दोनों ही संकल्पनाओं की नींव शुक्त सूत्रों में पड़ गई थी। देखिये कारयायन जुल्द सूत्र की निम्न पंक्तियां:—

'हि:प्रमाणा चतु:करणी, त्रि:प्रमाणा नवकरणी, चतु:प्रमाणा पोडग्करणी'। 'यावत्प्रमागा रज्जुर्मवति तावन्तस्तावन्तो वर्गाभवन्ति'।

वर्यात् दो एकक लंबी रज्जु चार एकक क्षेत्रफल वाला वर्ग तथा तीन एकक लम्बी रज्जु नौ एकक क्षेत्रफल वाला वर्ग एवं चार एकक लम्बी रज्जु सोलह एकक क्षेत्रफल वाला वर्ग वनाती है। जितने एकक लम्बी रज्जु होती है वह उतने गुणित उतने ही वर्ग बनाती है।

इस स्थल में करणी शब्द का वास्तविक तथा मौलिक अर्थ करने वाली ही है किन्तु क्या यह सत्व नहीं है कि इस सम्बन्ध में बहुत सी संख्यायें और उनके वर्गफलों की संख्यायें सामने उपस्थित हो जाती हैं तथा दोनों ओर पंक्तियों और स्तंभों में विभाजित करने से छोटे-छोटे वर्ग स्वयं उपस्थित हो जाते हैं, अतएव मिवष्य में आने वाल वर्गमूल शब्द की नींव में करणी शब्द ही है। यद्यपि करणी तथा रज्जु वर्ग की एक भुजा को कहते ये किन्तु ये ही ज्यामितीय संकल्पनायें अंकगणितीय 'वर्ग' और 'वर्गमूल' इन दोनों संकल्पनाओं की जननी है। करणीगत शब्द एक ऐसे वर्गमूल चिह्न के अन्तर्गत इस अर्थ में आता है तथा करणी शब्द एक ऐसे वर्गमूल के अर्थ में आता है जिसका मान संख्यात्मक रूप में व्यक्त नहीं किया जा सकता है किन्तु यह वर्ग की एक भुजा के द्वारा अवश्य निरूपित किया जा सकता है।

प्रवम प्रयोग :

मूल शब्द का प्रथम प्रयोग अनुयोगाद्वार-मूत्र (लगभग १०० ई०) में तथा समस्त परवर्ती गणितीय ग्रंथों में मिलता है। वक्षाली-पांडुलिपि में इसका सांकेतिक शब्द 'मू' भी है। देखिये:—

मृत्यद रागि से तात्पर्य उस संख्या से है जिसका पूरा-पूरा वर्गमूल निकत सके।

वर्गमूल का दूसरा पर्यायवाची शहद 'पद' (आघार) भी है। देखिये आर्यमह और काम्युष्त के प्रयोग :---

> भागं हरेदवर्गान्तिस्यं द्विगुणने वर्गमूलेन । वर्गाद्वर्गे सुद्धे लब्धं स्थानान्तरे मूलम् ॥ (आर्थ० ग० पा० ४)

संबंधितांत्र वर्षव्येदकृति-विकावितो सवीत वर्षेः । संवर्धितांद्र-पूत्रं छेदर्यदेतीवृतं मूलप् ॥ (ब्रा०स्कु०सि० १२।५) इत्रमें ब्रोमूल तथा पट बच्द प्रयुक्त हुए हैं ।

मृत का बिद्धक अर्थ पेड़ वा पीये की जड़ है। उसके लाखणिक अर्थ आदि कारण, आधार आदि हैं जुड़्ब मुर्ली में मृत की करणी सब्द से बोतित किया है क्योंकि करणी धर्नात् रज्जु से जो वर्ग की एक भुजा के माप के बरावर होती थी। पूरा-पूरा वर्ग वन जाता था, अत्राप्व करणी वास्तव में वर्ग का मृल ही थी। यदि भुजा नहीं तो वर्ग कैसा। अत्राप्व कुजा को करणी (कारण) तथा वर्ग को कृति कहा गया। अतः करणी वर्गमूल का चोतक हो गई। बाद में जब करणी शब्द उन राशियों के लिये प्रयुक्त होने लगा जिनका पूरा-पूरा वर्गमूल न निकाला जा सके तो मूल शब्द करणी के स्थान पर आ गया। वक्षाली-पांडुलिपि में यह अर्थ-परिवर्तन देखने को मिलता है और उससे भी पूर्व जैन-ग्रंथों में।

मूल याद्य को अरवी में 'जाजा', लैटिन में 'रैडिक्स' एवं अंगरेजी में 'रूट' याद्य से अनूदित किया गया नयों कि इन सवका शाब्दिक अर्थ जड़ ही है तथा मूल शब्द का भारतीय प्रयोग विदेशी प्रयोगों से अधिक प्राचीन है।

धनमूल शब्द भी आर्यभटीय तथा परवर्ती गणित के ग्रंथों में मिलता है। यथा:--

> अवनाद् भजेद् द्वितीयात् त्रिगुगोन घनस्य मूलवर्गेण । वर्गस्त्रिपूर्वगुणितः शोव्यः प्रथमाद् घनश्च घनात् ॥ (अर्थिभटीय गणित पाद)

प्रकरण १६. त्रैराशिक नियम

य्युत्यति:

विराणि अर्थात् प्रमाणराणि, फलराशि तथा इच्छाराणि से संबंधित होने के फारण इसको भैराधिक नियम कहते हैं। भास्कर प्रथम (६२६ ई०) ने इसके लिए अनुसात शब्द मी प्रयुक्त किया है। बक्षाली-पांडुलिबि (भाग ३, १७६, १८६) में इमके निये भैराधिक विधान शब्द मी प्रयुक्त हुआ है अतः इसका ज्ञान नृतीय शता ईगती में भारत में अवश्य था। इस नियम में तीन राशियों अर्थात् (१) प्रमाण राशि, (२) फलराशि, (३) इच्छाराशि दी हुई होती हैं और चतुर्थ राशि अज्ञात होती हैं विभाग मान प्रभाणराशि , इस नियम से निकाल खेते हैं जैसे १००

पुस्तकों का मूल्य ५०० रुपये है तो ४०० पुस्तकों का कितना मूल्य होगा। यहाँ प्रमाणराशि १००, फलराशि ५०० एवं इच्छाराशि ४०० है। अतएव अमीष्ट राशि का मान = ४०० × ५०० = २००० रु०। आर्यमट द्वितीय ने प्रमाण तथा फल के स्थान पर मान तथा विनिमय शब्द प्रयुक्त किए हैं। श्रीपित ने गणिततिलक में इच्छा के स्थान पर अभीष्सा शब्द भी प्रयुक्त किया है जो इच्छा का पर्यायमात्र है। आर्यमट प्रथम ने इस नियम की व्याख्या करते हुए लिखा है:— व्यस्त त्रैराशिक:

त्रैराशिक फलराशि तमथेच्छाराशिना हतं कृत्वा । लव्चं प्रमाणमाजितं तस्मादिच्छाफलमिदं स्यात् ॥

अर्थात् त्रैराशिक विधान में फलराशि को इच्छाराशि से गुणित करे और प्रमाणराशि से विभाजित करे तब अभीष्ट फल प्राप्त होता है। यहाँ प्रमाणराशि (प्रथमराशि) से इच्छाराशि यदि वड़ी होती थी तो अभीष्ट फल (चतुर्थराशि) भी दक्तफल से बड़ा होता था किन्तु यदि इच्छाराशि के बढ़ने पर अभीष्ट फल कम होता जाय तो इस त्रैराशिक को व्यस्त-त्रैराशिक कहते हैं और तब इसमें प्रमाण और फल राशियों की गुणा करके इच्छाराशि से माग देकर अभीष्ट फल प्राप्त करते हैं जैसा भास्कर द्वितीय ने कहा है:—

इच्छावृद्धौ फले ह्रासो ह्रासे वृद्धिः फलस्य तु । व्यस्तंत्रैराशिकं तत्र ज्ञेयं गणितकोविदैः ॥ (लीलावती)

आदि और अंतराशि समान जाति नी हों तो यह सम त्रैराशिक तथा विषय जाति की हों तो व्यस्त त्रैराशिक कहलाता है। व्यस्त का अर्थ है उत्टा। अर्थात् गुएग के स्थान पर भाग तथा भाग के स्थान में गुणा की जाय, देखिये श्रीघर के टीकाकार की एतिहिषयक उवित:—

''विपरीतमस्तं व्यस्तं गिर्णत व्यस्तत्वं च गुणाभाग हार विपर्यासात्'' (पाटीगणित, पृ० ४३)

प्रैराशिक नियम में तीनों राशियों की एक पंक्ति में लिखते थे जैसे, १ रु० की पांच नारंगी मिलती हों तो २० रु० में कितनी मिलेंगी ? इस प्रश्न के हल करने में तीनों राशियों को निम्न प्रकार लिखते थे :—

18141701

इसी कम से मध्यकाल में अरब वाले तथा लैटिन लेखक भी तीनों संस्याओं को निगते थे। बाज मी अनुपात लगाते समय इन तीन संस्याओं को १:५:२०:क इसी तरह निगते है। उन्होंने (भ्रयव नियासियों ने) श्रेराधिक शब्द भी अपनाया या किन्तु प्रमागाफल, इच्छा ये शब्द नहीं लिये थे। अलबहनी ने एक ग्रंथ इस विषय पर बनाया उसका नाम 'फीराशिकात-अल-हिन्दी' (हिंदुओं का राशिक) रखा। ऐसा प्रतीत होता है कि तैराशिक, पंचराशिक बादि शब्दों में ति, पंच आदि शब्द संख्याबाचक समझ कर निकाल दिये और शेष राशिक शब्द का बहुबचन राशिकात कर लिया। भैसे किताब का बहुबचन किताबात।

अरव में यह नियम म वीं शताब्दी में पहुँचा । वहां से यह योख्प पहुँचा और इसको गोल्डन रूल शब्द से वहां पुकारा गया । देखिये १७वीं शताब्दी के अंगरेज गणितज्ञ हाडर के विचार :-- The 'Rule of Three' is commonly called the 'Golden Rule' and indeed it might be so termed for as Gold transcends all other metals, so doth this rule all others in arithmetic.

अर्थात् त्रैराधिक नियम को प्राय: गोल्डन रूल कहते थे श्रीर इसका यह नाम श्रन्थमंक है क्योंकि जिस प्रकार स्वर्ण सब धातुओं में श्रेष्ठ होता है उसी प्रकार यह निमम भी समस्त अंकगणितीय नियमों में श्रेष्ठ है। रूल आफ श्री, शब्द भी त्रैराधिक के निये अंगरेजी में व्यवहृत होता है जो त्रैराधिक शब्द का अनुवाद है। मारतीय गणितकारों ने भी इस नियम की वही प्रशंसा की है:—

श्रेरादिक की प्रशंसा :

वस्तिवैराशिकं पाटी बीजं च विमला मित :।
किमज्ञातं सुमुद्धीनामतो मन्दार्थमुच्यते ॥ (लीला०, पृ० ४७)

अर्थात् त्रैराशिक नियम ही समस्त अंकगणित है और विमलवृद्धि ही वीज-गित्रत है। अर्थात् समस्त अंकगणित त्रैराशिक से ओतप्रोत है। एक दूसरे स्यान पर उन्होंने प्रैराशिक नियम को भगवान के समान सर्वेच्यापक बताया है। बीजगिणित में भी इस नियम की ब्याप्ति बताई है। यथा:—

यरिकञ्चिद् गुणमागहारिविधिना बीजोत्र वा गण्यते । तरवैराशिक मेव निर्मलिषयामेयायगम्यं विदाम् ॥ एतग्रहृषाऽस्मदादि जटमीभीवृद्धिमृद्धया वृद्धैः।

तद्भेदान सुगमान् विषाय रचितं प्राप्तैः प्रकीर्णादिकम् ॥ (वीचा०, पृ० १८७) पंचरात्रिक, सन्तरात्रिक आदि :

पंचसप्त नवराशिकादिकेऽन्योऽन्यपक्षनयनं फलच्छिदाम् । संविधाय बहुराशिजे बधे स्वल्पराशिवध भाजिते फलम् ॥ (लीला०, पृ० ५५) वसाली के तराशिक विधान शब्द के सजातीय शब्द पंचराशिक विधान को श्रीपति ने भी प्रयुक्त किया था। यथा:--

> मासेन पंचकशतेन हि वत्सरेएा पट्सप्ततेभंवति हन्ति कलान्तरं किम्। कालं फलं च वद मूलधनं च ताभ्याम् चेत्पंचराशिकविधानमवैहि विद्वन् ॥ (ग० ति० ६५)

टीकाकार सिहतिलकसरि ने गिरातितिलक के पृष्ठ ७५ पर बहर।शिक शब्द नां प्रयुक्त किया है।

ऐतिहासिफता :

त्रैराशिक, सप्तराशिक, शब्द अरव पहुँच कर फिर भारत में अरवासत्ता होकर लीटे ।

वैरासिक अनुपातमात्र ही है। भारत में ब्रह्मगुष्त ने वैराशिक के प्रश्न को जिस प्रकार लिखा, वही प्रकार अरव वालों ने अनुकरण किया। ब्रह्मगुप्त ने 🐇 पल वस्तु के दाम है "पण हैं तो २५ के क्या दाम होंगे। इस प्रश्न की जन्होंने निम्न रीति से लिखा है:--

रव्यीवेन एजरा ने भी आधुनिक ४७:६ = ६३: य की ४७ ६३ इस

प्रकार लिखा। भारतवर्ष में समीकरण के दोनों पक्षों को भी ऊपर नीचे लिखा जाता था । जिसको ब्रह्मगुष्त ने अन्यक्तान्तर-मक्तं.....वाले स्लोक⁹ में तदधस्तात् कह के प्रगट किया। अरब वाले गणितीय ज्ञान के लिये ब्रह्मगुष्त के विशेष ऋणी हैं। चन्होंने ब्रह्मगुष्त के दोनों बंच बाह्मस्कुटसिद्धान्त तथा खंडखाद्यक को 'सिदहिद तया अलअर्कद' नाम से अनुवाद कराये।

ऐकिक नियम:

क्यर यदि बीच में १ का मान निकालने के लिए एक पंक्ति और बढ़ा दी लाये तो यही ऐकिक नियम कहलायेगा अर्थात् एक वस्तु का मान निकाल कर फिर बहुतीं का मान निकालना ।

१. देखिये बीतगणित शब्द, अध्याय ३।

प्रकरण १७. अनुपात

यह शब्द अनु - पित् घातु से घज प्रत्यय लगाकर वना है। इसका शाब्दिक अर्थ है पीछे २ गिरना अर्थात् अनुसरण करना, पीछा करना। कालिदास ने शकुन्तला नाटक में लिखा है:—

ग्रीवार्मगामिरामं मुहुरनुपतिति स्यन्दे दत्तदृष्टिः । पद्वार्द्धेन प्रविष्टः शरपतनभयाद् भूयसा पूर्वकार्यम् ॥

यहाँ अनुपतित का अर्थ पीछा करते हुये ही कहा है। अनु का अर्थ अनुरूप अथवा अनुसार भी होता है जैसे अनुनाद, अनुगुण। अनुपात शब्द का भी अर्थ है 'अनुरूपः त्रैराशिकेत पातः' अथवा 'त्रैराशिकमेनुसृत्य पातः' अथित् त्रैराशिक के अनुरूप अथवा अनुसार राशियों का पात अर्थात् क्रमिक स्थिति है जिसमें। त्रैराशिक नियम में राशियों का क्रम इस प्रकार —

i, B	₹ <i>७</i> ४	अथवा	-								~ .
२१ २	G	इस प्रकार	1_	2		_	<u>\\</u>	1	२०	_ । था ।	4

राशियों का लगभग वही क्रम है जो कि अनुपात में होता है, अतएव अनुपात शब्द अन्वयंक है।

प्रयम प्रयोग :

अनुपात राव्द का प्रथम प्रयोग वराहमिहिर का मिलता है। देखिये:— लिप्तादयने हरिजे त्रपूर्वेण मेररोऽगुंलं मवति। अनुपातोऽन्तरसंस्ये कर्त्तंच्यो हिन्दयुक्तार्थम्।। (पं०सि०, पृ० ३०)

श्रमीत् क्षितिज पर किसी सगोलीय पिट के व्यास की दो लिप्ताओं से एक अंगुल आयाम होता है जयिक नमोमध्य में होने से ३ लिप्ताश्रों से १ अंगुल श्रायाम होता है यदि यह पिट जितिज श्रीर नमोमध्य के बीच स्थित हो तो अनुपातिक गणना-विधि से टकतंगित करे।

इसके उपरान्त मास्कर प्रथम ने महाभास्करीय के प्रष्ठ ४४ तथा लघु-भारकरी के प्र०४२ में अनुपात सब्द का प्रयोग पराधिक के अर्थ में किया है। आर्य भटी के गित्तवाद स्लोक २६-२६। की टीका में उन्होंने कहा है 'आचार्य आर्यभट ने तो यहाँ पर केवल प्रैसिक का वर्णन किया है, पंचराधिक इत्यादि अनुपात

१. देनिये हिंदू गणितसास्य का इतिहास, पृ० १६६, २०५ ।

२. अंगरेजी में प्रोपोरणन सब्द के भी दोनों अर्थ हैं।

विशेषों का ज्ञान कैसे किया जाय ? उत्तर भी स्वयं देते हैं। 'ग्राचार्य ने अनुपात के मूलमूत सिद्धांत का वर्णन किया है। इसी सिद्धांत से पंचराणिक आदि सब सिद्ध हो। जाते हैं। इससे प्रतीत होगा कि अनुपात ग्रीर त्रैराधिक नियम एक जाति के नियम ही समके जाते थे। महात्रीर ने तो व्यस्त त्रैराधिक के स्थान पर व्यस्तानुपात सब्द तक प्रयुक्त किया है। ' ब्रह्मगृष्त (६२६ ई०) ने 'अनुपात' शब्द निम्न इलोक में वर्तमान अयं में ही प्रयुक्त किया है:—

कर्णावतम्बयुनी खण्डे कर्णावतंत्रयोरयरे । ग्रनुपातेन नद्दने अर्घ्वे न्च्यां सपाटायाम् ॥ (ब्रा०स्फु०सि० १२।३२)

निष्पत्ति ।

स्रदी शब्द निस्त्रत (Ratio) को सम्राट् जगन्नाथ ने अपने ग्रंथ रेखागणित में 'निष्पत्ति' के रूप में अपना लिया । देखिये---

'एकोराशिहितीयराशेरंशो भवति वा गुणगुणिततुल्यो भवति एताहणं यत्रराशिहयं भवति तत्र निष्पत्तिरित्युच्यते' अर्थान् जव एक राशि हितीय राशि का अंग हो अयवा उसकी गुणगुणित हो तो इन दोनों में निष्पत्ति होती है। प्रयोग कवीरदास का है अर्थात् १६ वीं शताब्दी के प्रारंभ का। संस्कृत में सूद के अर्थ में वृद्धि, कलान्तर तथा कुसीद शब्द आए हैं यथा :—

'ययंप्रयोगस्तु कुसीदं वृद्धिर्जीविका ।' (अमर कोप) 'प्रेतस्य पुत्राः कुसीदं दद्युः ।' (कौटिल्य अर्थशास्त्र)

वृद्धि (व्याज) दो प्रकार की होती थी, सरलवृद्धि तथा चक्रवृद्धि । ये मन्द्र गौतमयमंभूत्र, नारदसंहिता, मनुस्मृति आदि वर्मशास्त्रों में प्रयुक्त हुये हैं। चक्रवृद्धि में व्याज पर व्याज और फिर व्याज पर व्याज लगता है। व्याज का एक चक्र सा चल जाता है ग्रतएव उसे चक्रवृद्धि कहते हैं। बक्षाली-पांहुलिपि में व्याज नियमों को 'हुण्डिका समानयन-भूत्र' से उद्बोधित किया गया है। हिंदी के हुण्डी शब्द का इस प्रकार इतना प्रचीन प्रयोग लगता है। किस्त के लिये वहाँ वान्त तथा मूलधन के लिए प्रयृत्ति तथा पूंजी को नीबी बब्द प्रयुक्त हुये हैं।

प्रयोग :

अन्वेषण करने पर संस्कृत में व्याज शब्द सूद के अर्थ में गणिततिलक की टीका में सिहितिलक मूरिने (लगभग १२७५ ई०) अनेक बार प्रयुक्त किया है। उन्होंने इस पिट्छेद का नाम भी 'व्याजोपजीवि वृत्ति' रक्या है। ऐसा प्रतीत होता है कि सिहितिलक मूरि के समय उनके प्रांत में (संभवतः गुजरात) यह शब्द प्रचित्त रहा होगा। आज भी हगारे यहाँ व्यवहार शब्द भी व्योहार वनकर सूद के अर्थ में योना जाता है और व्योहार पर पैसा देने वाले को बोहरे कहते हैं। उत्तर नारत में व्याज तथा दक्षिण भारत में बड्डी (वृद्धि) शब्द इस अर्थ में चलता है। कोटिक्य अर्थभास्त्र में भी कहा है:—

'समाद्यणा घर्म्या मासवृद्धिः पण्यतस्य । पंचपणा व्यावहारिकी' अपित् ११ प्रतिशत मानिक व्याज कानुती है । वाणिज्य में १ प्रतिशत व्याज चलता था । इस प्रमोग से जात होता है कि व्यवहार भव्य में सूद के अर्थ का कुछ आगाम आ निकला था । कौटिस्य अर्थशास्त्र में व्याजी नाम का एक धतिपूरक (दस्तावेज) ऐसा करना जिसकी घनराशि पर ब्याज ऐसी प्रतिशत से ऐसे समय को निश्चित किया जाता था जिससे कि ब्याज पूर्वेवत् ही सिनं। एकपत्रीकरण के स्थान पर महावीर ने एकीकरण दाब्द प्रयुक्त किया था जिमका रंगाचार्य ने औसतीकरण (averaging) अनुवाद किया था किंतु यह अनुवाद उचित प्रतीत नहीं होता। एकपत्रीकरण ग्रयवा एकीकरण का अर्थती केवन कई दस्तावेजों को एक दस्तावेज करना है।

परिमावा :

वीजगणित की आधुनिक परिमापा यह है—"अंकगणितीय नियमों का व्यापकीकरण अयवा संख्याओं के गुणवर्मों का संकेताक्षरों क, ख, ग आदि द्वारा अमूर्त्त अनुसंयान।"

पर्याय :

बीजगणित सब्द के निम्नलिखित पर्याय हैं। १. कुट्टकगणित, २. अन्यक्त-गणित।

प्रयोग:

वीज भव्द सर्वप्रथम आर्यमटी की भास्कर प्रथम (६२६ ई०) द्वारा रचित टीका में देखने की मिलता है। ब्रह्मगुष्त रचित ब्राह्मस्प्रुटसिद्धान्त में इसके लिये कुट्टक शब्द अध्याय नाम के रूप में प्रयुक्त हुआ है, किन्तु उसमें ब्रव्यक्त शब्द मी अज्ञातराणि के अर्थ में प्रयुक्त हुआ है। यथा:—

अव्यक्तान्तरभगतं व्यस्त हपान्तरं समेऽव्यवतः। यगव्यवताः शोष्या यस्माद्रपाणि तदवस्तान् ॥

पृथ्दक् स्वामी (८६० ई०) ने ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त की टीका में वीजचतुष्टय का उल्लेख किया है। श्रीपति (१०३६ ई०) ने सिद्धांत शेखर में वीजगित्ति के अध्याम का नाम अध्यक्तगणित रक्या है। वीजगित्ति पर श्रीचर, पद्मनाभ, मस्करीपूरण, और मुदगल के ग्रंथ अब अप्राप्य हैं, केवल भास्कर द्वितीय (१११४ ई०) का बीज-गणित नामक ग्रंथ मिलता है। यह प्रारंभ में सिद्धांत-णिरोमणि का एक ग्रध्याय मात्र था। भास्कर द्वितीय ने निम्नलिशित ब्लोक में बीजगणित बाब्द का प्रयोग किया है। जनसंप्रदि दैवविदां तेजो नाशयति मानुरिव भानाम् । कुट्टाकार-प्रश्नैः पठितैः कि पुनः शतशः ॥

ग्रयात् जैसे सूर्य नक्षयों के तेज को नष्ट कर देता है उसी प्रकार कुट्टक के प्रश्न कहने मात्र से ज्योतिषियों के मुख की कान्ति को नष्ट कर देते हैं और जो कुट्टक के गतय: प्रश्नों को निकालना जानता हो उसकी तो वात ही क्या।

कहा जाता है कि यूनानी गणितज्ञ डायोफेंट्स को भी कुट्टक साघन में बड़ा आनन्द आता था श्रोर उसको दिघात अनिर्घारित सभीकरणों का जन्मदाता भी कहा जाता है किन्तु वह उनका मान संख्यात्मक तथा श्रकरणीगत ही निकाल सका। मारत-वासियों ने कुट्टक विधि का वैज्ञानिक उपचार किया। श्रो० कजोरी कहते हैं:—

Indeterminate analysis was a subject to which Hindu mind showed a happy adaptation. We have seen that this very subject was a favourite with Diophantus and that his ingenuity was almost inexhaustible in devising solutions for particular cases. But the glory of having invented general methods in this most subtle branch belongs to the Indians. The Hindu indeterminate analysis differs from Greek not only in methods but also in aim. The object of the former was to find all possible integral solutions. Greek analysis on the other hand demanded not necessarily integral but simple rational answers. Diophantus was content with a single solution, the Hindus endeavoured to find all (Cajore's History, page 94-95).

श्रव्यवतगरित :

अध्ययताणित से तात्पर्य अध्ययत राशियों (अज्ञात राशियों) द्वारा प्रतिपारित गणित में हैं। बीजगणित के प्रादुर्मीय से राशियों दो प्रकार की हो गईं। एक ध्ययतराशियां जैसे १, २, ३, ४,आदि अंकगणितीय संद्यायें, दूसरी क, य, ग आदि अध्ययतराशियां। चृंकि इनका मान निकालने से आता है स्वयं स्पष्ट नहीं होता प्रतः यह अध्ययत कहनाई। अध्ययत दाब्द का इस अर्थ में प्रथम प्रयोग प्रहागुष्ट का ही प्रतीत होता है। यथा:—

घष्यवतः

अध्यक्तांत्तरमवर्गं व्यन्तः रापान्तरं समेऽध्यपतः । वर्गाव्यक्ताः गोष्पा यस्माहुपाणि सद्यक्तान् ॥

अपन् अपरों के अन्तर की नुषांकों के अन्तर में भाग देने पर अध्यक्त का

विविध वर्ण की गोलियाँ प्रयुक्त की जाती हों। कुछ पाश्चात्य विद्वान गुलिका शब्द के प्रयोग के कारण आर्यमटीय गिएत पर यूनानी डायफैण्ट्स का प्रभाव मानते हैं किन्तु उनको यह ज्ञात नहीं कि भारत में अज्ञात राज्ञि के लिए यावत्तावत् शब्द स्थानांग-सूत्र (३२५ ई० पू०) में ही प्रयुक्त हो गया था।

ग्रय्यक्त राशि शब्द के विदेशी मापात्रों में अनुवाद :

व्यक्तराणि, बजातांक तथा बीज शब्दों का प्रभाव सुदूर देशों तक गया ! मिस्र में इसको हो (Hau) कहते थे जिसका वर्ष है राणि (Heap, mass) । एतदर्थक पूनानी मब्द 'प्लीदो मोनेडोन अलोगोन' (Plethos monadon alogon) है । इसका भी अर्थ है अब्यक्त (Undefined number of units) चीन का भी एतदर्थ शब्द 'यूएन' (yuen) है जिसका अर्थ है 'बीज'।

ऐतिहासिकता:

बीजगिणित के इतिहास को गिणित के इतिहासवेत्ता, ब्राह्मण (२००० ई० पू०) तथा गुल्व साहित्य (५०० ई० पू०) से ही ब्रारम्भ करते हैं। वर्गाकार वेदियों को ब्रायताकार करना निम्नलिखित समीकरण साधन के समान था:—

आयताकार को वर्गाकार करने में निम्नलिखित समीकरण अन्त-निहित है :—

$$4^{3} + 5^{4} + 6^{4}$$
 उन्होंने ऐसी अनेक सांस्थिक सारणियाँ भी दी हैं, जैसे :— $3^{3} + 5^{3} = 5^{4}$

किन्तु इनका यह बीजगिगत ज्यामितीय बीजगणित था।

स्थानांगमूत्र में टा॰ दरा के मतानुसार बीजगिगात के निम्निनिधित विषयों का तन्त्रेय है:—

मायन्तावन (Simple equations), वर्ग (Quadratic equations), पन (Cubic equations), पर्मवर्ग (Biquadratic equations), विकत्य (Permutations and Combinations)।

यक्षातीपांद्रुलिपि में इष्टकर्म मध्यन्यी कुछ ऐसे प्रध्न मिसते हैं। जिनका हत बिना सुरुष समीकरणों के साधन के हो ही नहीं सकता ।

विशेष विषयम के लिए देखिए ठा० दत्त का हिन्दू गणितशास्त्र का दिलाग, भाग २, पृथ्ठ ३७-४० ।

आर्थभट का निम्न श्लोक उपलब्ध हिन्दू गणित साहित्य में बीजगणित सम्बन्धी प्रयम श्लोक माना जाता है:—

गुलिकान्तरेण विभवेद्द्योः पुरुषयोस्तु रूपकविशेषन् । लब्बं गुलिकामूल्यं यद्यर्यकृतं भवति तुल्यम् ।

बयीन दो पुरुषों की जातवन की राशियों के अन्तर की वस्तुओं की अजात मंद्याओं के अन्तर से माग देते हैं। इस प्रकार प्राप्त लिख अजातराधि के मृत्य के बराबर होती है। परमेश्वर (१४३० ई०) ने आयेभटी की टीका में इस इनोक पर तिखा है:—

"अध्यक्तमूल्यानां मूल्यप्रदर्शनमित्याह । गवादिव्रव्यं गुलिकाशब्देनीच्यते हमकशब्देन प्रगादि-संजितं स्वर्णीद ब्रव्यम् ।" परमेश्वर ने इस श्लोक में वर्णित नियम को समझाने के लिए निस्न दवाहरण मी दिया है :—

ममस्वयो स्पकाणां शर्तपष्टिः कमाद्धनम् । पावणकृतिजञ्जाष्टौ तत्र गौमूल्यकं कियन् ॥

इस उल्लेख से तीन वातों का पता चलता है: (१) आर्यभट को संभवतः वीजगणित का जान था, (२) मास्कर प्रथम के समय (६२६ ई०) वीजगणित का अवश्य जान था, (३) ६२६ ई० से पूर्व भी वीजगणित के ग्रन्थ वर्तमान थे जिनमें से कुछ आर्यभट (४६६ ई०) से पहले अवश्य रहे होंगे। ब्रह्मगुप्त और भास्कर द्वितीय के समयों में लगमग ५०० वर्षों का अन्तर है। ५०० वर्षों के वीजगणित के विकास की दर को ध्यान में रखकर यह सहज ही अनुमान लगाया जा सकता है कि ईसवी की दितीय श्रयवा तृतीय शती में भारत में अवश्य वीजगणित की सत्ता था। डा॰दत्त के मत में उमास्वाति (१५० ई० पू०) को व्यापक दिधात समीकरण का अवश्य ज्ञान था। स्थानांगमूत्र (३२५ ई० पू०) में भी वीजगणित के विषयों का उल्लेख है। यह सब उपर्युक्त निष्कर्ष के समर्थक हैं।

मल्लेवा :

वीजगणित का ज्ञान भारत से अरव होकर योख्य पहुँचा, इस तथ्य का परिनायक स्वय "अल्जेबा" बाद्द है। अल्जेबा शब्द अलस्त्रारिज्मीकृत 'अलजबुल मुकावला'
का सक्षिप्त रूप है। लोओनार्डो नामक इटली का एक व्यापारी उसे इटली ले गया।
इस ग्रन्थ का तदुपरान्त लेटिन माया में अनुवाद हुआ। योख्य में सर्वप्रथम वीजगणित
की पुस्तक लूकस पेसिग्रोलस की है। यह १४६४ ई० में छपी। यह पुस्तक लेओनार्डो
की पुस्तक के आधार पर लिखी गई थी। अलस्वारिज्मी के अल्जबुल मुकावला नामक
पुस्तक का योख्य में इतना प्रचार हुआ कि बीजगणित का नाम ही वहां "अल्जेबा"
पट गया। मुघाकर द्विवेदी कृत समीकरण-मीमांसा की भूमिका में उनके सुपुत्र
प्राक्तर जी द्विवेदी लिखते हैं:—

"ऐसा कहा जाता है कि खलीका अलमानून (५१३-५३३) के राज्यकाल में
मुहम्मद बिन अलस्वारिज्मी राज्ञाही दूतों के साथ अफगानिस्तान गए और लौटते
ममय भारतवर्ष होते हुए आए। आने के थोड़े ही समय बाद उन्होंने बीजगिणत की
एक पौर्या निर्मा। इस पौथी के विषय उन्हों के आविष्कार किए नहीं मालूम पड़ते
परम्नु भारतवर्ष ही के बहागुष्त, भट्ट बलभद्र या और किसी विद्वान के बीजगिणत
में अनुवाद किए गण् है या उनके आपार पर लिखे गए हैं।" इनसाइक्लोपीडिया
बिटानिका के देवें मंरकरण के पृष्ट ४१२ के नेस से भी यही सिद्ध होता है।
है विचे : —The circumstances of this treatise professing to be only a
compilation and moreover, the first Arabian work of the kind, has
led to an opinion that it was collected from books in some other
language. As the author was intimately acquainted with the
astronomy and computations of the Hiadus, he may have derived
his knowledge of algebra from the same quarter. The Hindus, as we

shall presently see had a Science of algebra and we may conclude with some probability that the Arabian algebra was originally derived from India.

अल्जन्नुल मुकावला का शाब्तिक अर्थ समीकरण की दो कियाओं को लिसत करना है, जन्न का अर्थ या राशियों को पूरा करना। ऋण को धन वनाना, यह वज्यान्यास से तथा समान राशिओं को दोनों ओर जोड़ने से प्राप्त होता है। पुन: समीकरण के दो पक्षों की तुलना करना जिसमें समराशियों को दोनों ओर से निकाल दिया जाता है। इस प्रकार अल्जेन्ना का अर्थ समीकरण साधन से संवन्धित है और वीज मी विभिन्न समीकरणों के साधन को कहते हैं। यथा:—

उनतं वीजोपयोगीदं संक्षिप्तं गणितं किल अतो वीजं प्रवस्यामि गणकानन्दकारकम् ॥

प्रयम मेकवर्णसमीकरणं वीजं द्वितीयमनेकर्णसमीकरणं वीजं। (भा०वी०ग०)

अर्थात् संकलनादि मुख्य बीजगणित नहीं था यह तो वीजगणित की उपयोगी कियाएँ हैं, बीज तो चार प्रकार के होते हैं। (१) एकवर्णं समीकरण, (२) अनेक वर्ण समीकरण, (३) मध्यमाहरण, (४) मावित समीकरण।

बीजगणित शब्द का अर्च इस प्रकार बल्जेब्रा के अर्थ से मिलता है। बीज शब्द भास्तर प्रथम (६२६ ई०) ने प्रयुक्त किया है तथा अल्जेब्रा ६वीं शताब्दी का शब्द है अत: अल्जेब्रा भारतीय बीजगणित के आघार पर ही नाम पड़ा। अल्जेब्रा को अगरेजी में अनेलिसिज भी कहते हैं। इसका अर्थ भी समीकरण से मंबन्धित है। यथा:—Analysis is a method of resolving mathematical problems by reducing them to equations:—D' Alembert,

जापानी मापा का 'किंगेनसीहो' शब्द जिसका वर्य है अव्यक्त को व्यक्त करना भी समीकरण से संविन्धित है। अतः न केवल अंगरेजी तथा अरबी का अल्जेब्रा शब्द, लिपतु अन्य अनेक देशों के शब्द भी बीजगणित अथवा अव्यक्तगिएत के आधार पर वने। सचमुच बीजगणित का भारत में हो आविष्कार हुआ। अनेक अरबी के बोजगणित नम्बन्धी पारिभाषिक शब्द भी इसी मत का समर्थन करते हैं। यथा:—

धन=मात	जीवा=जेव	प्रत्यानयन = फियालतारीक-				
ऋण≔देन	गर=सुहम (तीर)	(क्रियाकांटा) अलहिन्दसा				
		गुएग की एक				
मूल=जद्य (जड़)	चाप=कोस	विधि = जल-अमल-अनिह्द शृत्य =िसफ (छानी)				
घात=जरव (चोट)	करणी=श्रतम					
अंग = हिंदमा	नमीकरगु≕मसामात	माग=तकनोम				

श्री काये आदि पाइचात्य विद्वानों ने हिन्दू गणित की मौलिकता पर जो सन्देह प्रकट किए हैं तथा उन पर शूनानी गणित के प्रभाव का जो उल्लेख किया है एवं अरबों पर हिन्दू गणित के प्रभाव का अभाव बताया है उस पर जोहन स्ट्रेची की निम्न पंक्तियाँ अवलोकनीय हैं:—

"इनकी खोज करना मेरा उद्देश्य नहीं है कि भारतीय विज्ञान के कीन से अंग मीनिक बताये जा चुके हैं, मैं केवल इनना ही बताना चाहता हूँ कि हिन्दुओं के ज्ञान-विज्ञान की मीनिक दा वे विषय में जो सन्देह प्रगट किए हैं वह अपेक्षाकृत बहुत निकान की मीनिक दा वे विषय में जो सन्देह प्रगट किए हैं वह अपेक्षाकृत बहुत निकान हैं और ये मन्देह उन आदिमयों ने प्रगट नहीं किए हैं जो हमसे कहीं अधिक अच्छे प्रकार से इस विषय पर निर्णय दे सकते थे। अरव के लोग भारतीय गणित तया फित ज्योतिय देनों को अरव तथा यूनानियों की ज्योतिय से पृथक् मानते थे। आविन अरारा ने हिन्दू तथा यूनानी एवं पारसी गणित विषयों की परस्पर नुलना की है। हम जानते हैं अरव निवासी अपने अंकों को भारतीय बताते हैं। मन्दी ने टालेमी की ज्योतिय को भी उन्हीं से सम्बन्धित किया है। फैजी जो यूनानी तथा अरव की विद्याओं से परिचित था और जिसको हिन्दुओं के विज्ञान का भी मिता भीत ज्ञान था उसने उसकी मीलिकता पर कभी संदेह नहीं प्रकट किया। जीज मुहम्मद्याही अर्थात् ज्योतियोय सार्यायां जो कि भारत में सन् १७२६ ई० में छुनी थीं उसकी भूमिका में यूरोपीय, यूनानी तथा अरबी एवं भारतीय पढ़ितयों को एक दूनरे से प्रयक् बताया है।" (जोहन स्ट्रैचीकृत वीजगणित की भूमिका)

प्रकरण २. करणी

रपुत्पत्ति :

करणो शब्द कु धातु ने स्त्रीतिंग में करण कारक के अर्थ में त्युट् प्रत्यय लगा कर यना है। अनः इसका शब्दार्थ है जिससे किया जाय।

प्राचीन अर्थ :

मृत्य-काल में करणी का अर्थ रज्जु था नवीं कि उस काल में इसके हारा यमवैदियों की रचना की जाती थी। आजकत जो काम हम मापनी तथा परकार से करते हैं यहीं काम उस प्राचीन काल में रस्ती से कर लेते थे। इस प्रसंग में कात्यायन का निम्त सूत्र अवलोक्तीय है:—

"कर्मी नत्तरम्मी तिमेत्मानी पार्ममान्यध्यमानितरक्षयः (कारपा० गु० गुम)। रक्ष्युपीय प्रकार की होती भी करणी, नत्तरमी, निमेत्मानी, पार्ममानी तथा संस्मृता। ध्रयं का क्रमिक विकास:

करण कारक के अतिरिक्त कर्ता कारक के अर्थ में भी करणी शब्द का प्रयोग मिलता है:—

"पदं तियं इमानी त्रिपदा पाइवंमानी तस्याक्षण्या रज्जुदंशकरणी" (कात्या॰ गु॰ सू॰) अर्थात् जिस आयत की एक भुजा १ हो दूसरी ३ हो तो उसका कर्ण भूज आयत से १० गुना क्षेत्रफल वाला आयत बनाता है। यहाँ दशकरणी का अर्थ है १० गुना बनाने वाली।

तदुपरान्त वर्गाकार वेदियों की भुजाओं को बनाते-बनाते करणी स्वयं वर्ग की भुजा वन गई। देखिये:—

"नाना प्रमाण समासे ह्रसीयसः करण्यावर्षीयसोऽपिच्छन्द्यातस्याक्ष्णायारज्जु रुभे समस्यतीति समासः।" (का० शु० स्०)

अर्थात् यदि दो मिन्न प्रमाण बाले वर्गों के बराबर एक वर्ग बनाना हो तो बड़े की एक भुजा में छोटे वर्ग की एक भुजा के बराबर काट लीजिये फिर इस प्रकार बने हुए आयत के कर्ण पर बना हुआ वर्ग दोनों मूल वर्गों के योग के बरावर होता है।

गुल्व सूत्रों की कितपय पंत्तियों का अंकगणितीय मापा में निर्वचन करने से ''करणी शब्द का वह वर्गमूल जो निकाला न जा सके किन्तु वर्ग की एक भुजा द्वारा निकियत किया जा सके" यह अर्थ भी निकलता है। देखिये:—

"हिपदा तियंङ्मानी पट्पदा पार्श्वमानी तस्याक्ष्णया रज्जुश्चत्वारिशत्करणी" (का० गु० सू०) अर्थात् जिस आयत की एक भुजा है दूसरी ६ उसका कर्ण चालीस का करणी है अर्थात् करणी चालीस (=४०) है। यहाँ करणी का अर्थ वर्गमूल हो गया किन्तु इस वर्गमूल को आयत के कर्ण हारा ही निरूपित करना बताया गया है।

यक्षाली -पांडुलिपि (तीसरी सती) में भी करणी शब्द अकलनीय वर्गमूल वाली करणी गत संख्या (Surd) के अर्थ में आया है। सूर्यसिद्धान्त में भी करणी का प्रयोग इस अर्थ में हुआ है। देखिये:—

> रांकुवर्गाविसंयुक्तं त्रिपुवद्वगंमाजितात् । तदेव करणीनाम तां पृयवस्थापयेदुषः ॥ (सू० सि० ३०।१६)

सर्ड के अर्थ में करणी शब्द की चर्चा ब्रह्म पुष्त श्रेत उनके परवर्शी सभी गणितज्ञों ने की है। महावीराचार्य (५५० ई०) ने करणी का श्रयं उस राशि से लिया है जिसका वर्गमूल निकालना अपेक्षित हो। यथा:—

पोडमपट् विशत करणीनां वर्गमूल पिण्डं मे । अपर्चतत्पदरोपं कथय सखे गणिततत्वज्ञ ॥

१. वसाली-पाण्युलिपि, पू० १७८।

२. ब्रा० स्कु० सि० १८।३,३६,४३।

रंगाचार्य जी इस स्थल पर करणी शब्द की व्याख्या करते हुए लिखते हैं:— The word Karani occurring here denotes any quantity the surd root of which is to be found out the root itself being rational or irrational as the case may be.

आपस्तंत्र गुल्व सूत्र में भी चतुष्करणी शब्द आया है यद्यपि ४ का वर्गमूल पूरा २ निकल आता है। इसके विरुद्ध श्रीपति (१०३६ ई०) ने करणी शब्द से केवल उसी राणि का बोध होना बताया है जिसका कि वर्गमूल पूरा २ न निकल सके। किन्तु जिसका वर्गमूल निकालना अमीष्ट अवस्य हो। देखिये:—

ग्राह्यं न मूलं खलु यस्य राशे स्तस्यप्रदिष्टं करणीति नाम ।। (सि० शे०,पृ० ६४) करणीमूल:

करणी के मृत को करणी-मूल अथवा करणीपद कहते हैं। यथा:---

म्पन्नतै: करणीरहिताया मूलयुतोनितरूपगुणार्धे ।

म्यगुणः प्रथमं हि तदन्यत् स्यात् करणीपदमित्यसकृच्च ॥

(सिद्धान्तशेखर, पृ० १००)

क्षाणि पंचवर्षे यत्र चतुर्विश्वतिः करण्यश्च ।

मूलं तत्र भवेरिकं वद करणीमूलविद्विज्ञ ॥ (सि० शे० टीका, ए० १११)

पारणी का सांकेतिक चित्नः

गरणी का वर्तमान सांकेतिक चिह्न √ को जो ा (=radix) का संक्षिण एप है जर्मनी के स्टिफेल ने अपनी पुस्तक इस्टीगरा (१५४४ ई०) में प्रयुक्त किया था। वस्ते पहुँच करणी का संक्षिण रूप कही उस राश्चि से पूर्व निर्माक्षि के से किया था। वस्ते पहुँच करणी का संक्षिण रूप कही उस राश्चिस से पूर्व निर्माक्षि के से का करणीयत राश्चिस स्था सर्वेग्ट को करणीपद अपना करणीमूल कहते हैं। करणी के अस्य प्रयं:

वर्ग शब्द के पर्याय के रूप में भी करणी एवं कृति घर्द्यों के प्रयोग मिलते है। कृति एवं कृतिपद वर्ग और वर्गमूल के लिए प्रयुक्त किये जाते थे। करणी लगा कृति जिस प्रकार साहित्यिक भाषा में पर्यायवाची शब्द है उसी प्रकार गणितीय भाषा में भी ये पर्यायवाची है। देखिए भारकर प्रथम की उक्ति :----

स्वगं: गरणं कृति: यगंणा यायकरणमिति वर्यायाः।" इत मन्यन्य में समाहोमितः को आगे निसी पंक्ति अवलोधनीय है:--

१. जागसाद गुल्य मूत्र २।६ ।

इ. देव मुधारण दिवेदी हुए मणिए का द्विताम ।

श्रुवकरणी मेपोना द्वयोस्तुराश्योः पदं ज्याः स्युः। (पं० िस् श्रुव स्थिरांक के लिए और 'करणी' वर्ग के लिए आया है। गणिति ने भी करणी को वर्ग के अर्थ में प्रयुक्त किया है। देखिए:—

भागोन रूपविहृते खलु हश्यमूले हश्यात् पदार्घ करणीसहितात् मूलद्विभागसहिते गमिते कृतित्वं राशिमंत्रेदिभमतो हृदि यस्त्व अर्थात् भिन्न को एक में से घटाकर जो प्राप्त हो उससे हश्य देवे। पुन: हश्य से पूर्व के पद को आधा करे पुन: उसका वर्ग करे, संख्या में जोड़े और फिर वर्गमूल निकाले, उस वर्गमूल में टश्य की अर्घभाग को जोड़े और फिर इसका वर्ग करे। इस प्रकार हमको इ हो जावेगी। इस सम्बन्ध में निम्नलिखित प्रश्न निकाला गया है। प्र हल दोनों मनोरंजक हैं अतः पाठकों के मनोरंजन के लिए दिये जा

प्रयन:-

त्रयंशः सारंगयूषात् त्रिलवकसिहतो व्यद्याभीत्या प्रणाशे गीतेलुव्यं स्वमूलं विगलितकवलं मीलिताक्षि स्थितं च यूयाद्भ्रप्टे कुरंग्यौ तरिलतनयने हंत हल्टे भ्रमन्त्यौ

कान्तारे बूहि तूर्ण यदि गिएतिविधि वेत्सि यूथप्रमाणम् अर्थात् हिरणों के एक भुण्ड में से एक तिहाई हिरण, अपनों अन्य हिरणों के साथ सिंह के डर से माग गये। मूल मृगसंख्या के एव संगीत में लुट्घ हो गए, इस प्रकार केवल अब दो हिरणा शेप वर्षे कितने हिरण थे।

प्रश्न का हल :---

$$\frac{2}{3} + \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} = \frac{2}{\epsilon}$$

$$2 - \frac{\epsilon}{\epsilon} = \frac{2}{\epsilon}$$

$$2 - \frac{\epsilon}{\epsilon} = 2 \times \frac{\epsilon}{2} = \frac{2\epsilon}{2}$$

$$(\frac{\epsilon}{20})^{2} = \frac{2\epsilon}{200}, \quad \frac{2\epsilon}{200} + \frac{2\epsilon}{200} = \frac{2\epsilon}{200}$$

$$(\frac{\epsilon}{200})^{2} = \frac{2\epsilon}{200}, \quad \frac{2\epsilon}{200} + \frac{\epsilon}{200} = \frac{2\epsilon}{200} = \frac{2\epsilon}{2$$

१. आज भी अंकगणित के हारा इस प्रध्न को हल करना की

बीजगणित १६७

वर्ग के श्रयं में कराती की व्युत्पत्ति :

वर्ग के अर्थ में करणी शब्द कृ घातु से कर्मकारक के अर्थ में त्युट् प्रत्यय लगी समझनी चाहिए। अतएव जो कुछ किया जाये अथवा बनाया जावे वह करणी है। ४ रिस्सियों से वर्गाकार वेदी बनती थी अतः वर्गाकार वेदी को बनाते-वनाते करणी (रज्जु) स्वयं वर्ग बन गई।

फरणी का वया कर्ण भी अर्थ या:

कुछ लोगों ने करणी का एक अर्थ कर्ण भी वताया है जो सन्देहास्पद है। या दरा के हिन्दूगणित णास्त्र के इतिहास में (पृ० १६१) लिखा है कि ज्यामित में करणी का अर्थ समकोण त्रिभुज का कर्ण है। किन्तु यह हिन्दी अनुवाद में ही है, मूल में तो 'In Geometry it means a side' यह या। अतः मूल से तो यह अर्थ नहीं निकलता। स्ट्रैची कृत बीजगणित के अनुवाद में भी डेविस द्वारा की हुई शब्द व्यारपाओं में करणी का अर्थ कर्ण दिया है। जब तक कोई प्रयोग नहीं मिलता तब तक हम इस अर्थ को स्वीकार करने में असमर्थ हैं। उन्होंने करणी का शाब्दिक अनुवाद 'कान' बताया है। सम्मवतः वे करणी और कर्ण को अमवश एक ही समझ गये हों।

करणी का अंगरेजी और अरबी में प्रनुवाद:

यह अम यहीं तक सीमित नहीं किन्तु अरबी में करणी के लिए 'अस्म' कहते हैं जिनका घट्यामं बहिरा है। एक प्रकार से उन्होंने भी करणी का अनुवाद करते ममय उमें कर्ण से सम्बन्धित कर लिया। अकर्णी तथा अकर्ण बहिरे की कहते हैं अतम्य उन्होंने भी सम्बन्धित कर लिया। अकर्णी तथा अकर्ण बदिरे की कहते हैं अतम्य उन्होंने भी सम्बन्धः देशमत उच्चारण भेद के कारण अथवा अपने देशज क्यों में करणी को अकर्णी कर लिया। हमारी ग्रामीम् जनता भी 'खालिस' को निखानिम कह देशी है। अंगरेजी भाषा में करणी शब्द अरबी के माध्यम से गया। अरबी के अस्म शब्द का वहाँ 'सई' प्रमुवाद किया गया। सई का अबं भी बहिरा है। सारांश:

गया 'किन्तु जिसका वर्गमूल पूरा-पूरा न निकल सके ।' यह वर्ग की एक भुजा द्वारा फिर मी निरूपित किया जा सकता है।

भारतीय गरित की प्राचीनता और क्रमिक विकास:

करणी शब्द ३००० वर्ष प्राचीन शुंल्द सूत्रों में प्रयम वार प्रयुक्त हुआ बीर वहीं में इमका पारिमायिक अर्थ दिकसित होते-होते मूल अर्थ से मम्बन्धित एक विशिष्ट अर्थ में लाज भी प्रचलित हो रहा है। यह भारतीय गणित की प्राचीनता और उसके क्षमिक दिकास का एक ज्वलंत प्रमाण है।

इन श्लोकों में सम तथा समकोण शब्दों का प्रयोग है। ईसवी प्रथम शताब्दी से छुठी शताब्दी तक की गिएत की पुस्तकें प्राय: अप्राप्य हैं। केवल वक्षाली के कुछ पन्ने तथा आयंभटी का केवल ३३ श्लोक वाला गणितपाद मिला है। आयंभट के प्रमुख टीकाकार भास्कर प्रथम (६२६ ई०) ने आर्यमटी की टीका में आर्यभट के समय में बीजगणित के ज्ञात होने का उल्लेख किया है। इस सम्बन्ध में उन्होंने लिखा है कि उस समय लोग वीजचत्प्टय अर्थात् यावतावत् (Theory of Simple equations), वर्गावर्ग (Theory of Quadratic equations), घनाघन (Theory of Cubic equations), तथा विषम (Theory of equations with several unknowns) इन चार प्रकार के समीकरणों को जानते थे। यदि देखा जाये ती द्विधात सगीकरणों तथा तिधात समीकरण से वर्गावर्ग समीकरण एवं बनाधन समी-करण शब्द अच्छे थे क्योंकि द्विघात समीकरण का मानक रूप क यै + ख य + ग = ० है। इसमें एक घात तथा पून्य घात वाले पद भी हो सकते हैं। इसी प्रकार तिघात समीकरण में दो घात, एक घात तथा जून्य घात वाले सभी पद हो सकते हैं। केवल अनुमान ही लगाया जा सकता है कि ब्रह्मगृष्त, ब्रायंभट से पहले भी समीकरण का कोई पर्याय अयस्य प्रचलित रहा होगा। ब्रह्मगृष्त के परवर्ती काल में पृथ्वक स्वामी (८६० ६०) के 'साम्य' शब्द का प्रयोग मिलता है। तदुवरान्त श्रीपति (१०३६ र्रं०) एल सिदान्तरीकर में 'सहयोकरण' शब्द का प्रयोग मिलता है। यथा :--

यस्यणं-गुटुक-कृति-प्रकृति प्रभेदानव्यक्तवर्ण-सहसीकरणे च बीजे।
ते मध्यमाहरण-भावितके च बुद्धवा निरसंशयं भवित दैवविदां गुरत्वम्।।
समीकरण राष्ट्र का प्रथम प्रयोग अब भास्कर द्वितीय का ही मिलता है।
यणा :—

बत्जरूल मुकाबला का संक्षिप्त रूप अल्जेन्ना वाद को योरुप में बीजगणित का बोधक दन गया। बास्तद में बोजगणित का भी समीकरण गणित ही अर्थ है।

नमीकरण, साम्य तथा समकरण जन्दों का अरवी में 'मसामात' तथा अंगरेजी में 'इक्केशन' बन्द से अनुवाद किया गया है क्योंकि हमारे शब्दों के प्रयोग उनके प्रयोगों में अत्यधिक प्राचीन हैं तथा अरवों ने भारतवर्ष से गणित के प्रथम पाठ सीखें। इसको उन्होंने स्वयं स्वीकार किया है।

प्रकरण ४. कमचय तया संचय

कमवय तथा संवय ये यद्यपि संस्कृत शब्द हैं किन्तु गणित के पारिभाषिक शब्द नहीं थे। कमवय तथा संवय को जैनवमंग्रन्थ स्थानांगमूत्र (३५० ई० पू०) के ७१६ वें मूत्र में 'मंग' कहा गया तथा शीलांकमूरि ने इसे विकल्य-गणित कहा था। पिगल छ्दःशास्त्र में (२०० ई० पू०) हमें प्रस्तारविधि अथवा मेरु कहते थे। यथा:—

"वससुहुमा पण्णाना, तंत्रहा-पाण मुहुमे पणागमुहुमे जात्र सिगोह मुहुमे गणिय मुहुमे मंग मुहुमे" (स्था०मू० ७१६)

> इसमें भंग को मूक्ष्मबुद्धि गम्य बताया है। एकाद्या गच्छत्रयंन्ताः परस्परसमाहताः। रागयस्तद्धि विजेयं विकल्पगणिते फलम्।।

शीलांक नूरि हारा स्टूत करणागाया (समयाध्ययन अनु० हा० ५।२६) अर्थात् १ में लेकर अभीष्ट संस्था तक की संस्थाओं की गुणा करने से किसी वस्तु संस्था का कमचय प्राप्त हो जाता है।

पिगलछन्दःशास्त्र में भी संचय निकालने की विधि दी हुई है। इसकी भेर फहते हैं, जैसे ६ के संचय निस्त मेरू में दिये हुये हैं:—



झंतिमपक्ति में ६ सं., ६ मं,, ६ सं_२, ६ सं_२, ६ सं_२, ६ सं_२, ६ सं. के

फल ही हैं। वृतरत्नाकर की टीका में नारायण भट्ट ने इस मेरुविधि पर निम्न प्राचीन कारिकायें उद्धृत की हैं—

वादावेकं लिखेत्कोण्ठं तदघोद्वेच संलिखेत् तदघस्त्रीणिकोण्ठानि एवं रूपेणवर्षयेत् । श्रादावेकं लिखेत्कोण्ठमेकं मध्यं च पूरयेत् लेख कोण्ठोपरिप्राप्तेरग्रिमांकेन संयुतैः ।।

प्रस्तार विधि में जैसे पीछे पहाड़ बनाकर दिखाया है उसी प्रकार पहाड़ों के भी पहाड़ बन सकते हैं। इसी पहाड़ में यदि सर्वत्र २ लिख दिये जायें तो २ का पहाड़ा हो जायेगा। संभव है हिंदी का पहाड़ा शब्द इसी प्रकार पहाड़ (पापाण) अथवा प्रस्तर (प्रस्तार) (पत्थर) से संबंधित हो।

भगवती मूत्र (३०० ई० पू०) में संचय के लिये संयोग शब्द आया है। एक संयोग, एक एक के संयोगों को, द्विकसंयोग दो-दो के संयोगों को और इसी प्रकार त्रिकसंयोग तीन तीन के संयोगों को कहा गया है। यथा—

"एवम् एतेन क्रमेगा पंच पट् सप्त यावत् दशसंख्येयानि असंख्येयानि, अनंतानि च द्रव्याणि भणितव्यानि । एकक संयोगेन द्विक संयोगेन, त्रिकसंयोगेन यावत् दश-संयोगेन उपयुज्य यथा संयोगा उत्तिष्ठन्ति ते सर्वे भणितव्याः ।"

(भगवती सूत्र =1१)

जीलायती में संचय तथा कमचय विधि को अंकपाश शब्द से छोतित किया गया है। अंकपाश को उसमें बहुत कठिन बताया गया है और कहा है कि इससे यहे-यहों का गर्वपात हो जाता है:—

न गुणां न हरो न कृतिनंघनः पृष्टस्तयापि दुष्टानाम् । गयित गणकबट्टनां स्वात्पातोऽवश्यमंक-पाशेऽस्मिन् ॥ (लीला०, पृ० २१५) ष्पुत्पत्ति :

संत्रय शब्द भगन से संबंधित है जिसका अर्थ है छोटना । छोट २ के बनाई हुई देरियों को पय (ममून) कहते हैं। अकेल पय का प्राचीन अर्थ श्रेणी के क्रिमक दो पश्चें का मामान्य अंतर (Common difference) था अत्तर्य उससे बचाने के लिये मम् उपमर्ग नगाकर संघय कर दिया । अभवय में अप भी किया जाता है तथा प्राप्त भी प्राः गह अन्वर्षक भव्द है। यम नगने ने ही चय से पृषक् हो गया अत: मम् अपमर्ग लगाने की नायस्यक्षा न रही ।

पञाली-पांट्रनिति में तम त्राद्य अंगरेटी के मीक्वेंग प्रस्द के असे में प्रमुक्त हुता है। आठ एक इसके निष् अनुवास शब्द प्रमुक्त किया जाता है।

चदाहरणतः ४, म, १२....., १, ३, ५ ७......पंचिविषाबाह्यण में १२, २४, ४म, ६६.....१६५६०म, ३६१२१६ आदि । गुणोत्तर श्रेणियां भी आई हैं। वृहद्देवता में (५००-४०० ई०पू०) २+३+४+.....१००=५००४६६ का मी उल्लेख है।

वक्षाजी-हस्तिलिपि में इसके लिए वर्ग तथा पार्थ शब्दों का प्रयोग हुआ है। वर्ग का भी अर्थ प्रारंग में श्रेणी के समान 'पंक्ति' ही था। यथा:—

'यावत्त्रमाणा रज्जुर्भवति तावन्तस्तावन्तो वर्गा मवन्ति'

श्रेग्। व्यवहार के अन्य शब्द चय और उत्तर मी वक्षाली-पांडुलिपि में आये हैं।

जैन साहित्य के शब्द :

श्रेणी व्यवहार के पारिमापिक शब्द जैन धर्म ग्रन्थों में मिलते हैं। श्रेढ़ी तथा गच्छ (पदसंख्या) शब्दों के दिखने मात्र से प्रतीत होता है कि यह प्रारंभ में प्राकृत के ही णब्द रहे होंगे जो बाद में संस्कृत में समाबिष्ट हो गये। गच्छ संस्कृत व्याकरण के अनुसार कोई शब्द नहीं है। श्रेणी व्यवहार के अन्य शब्द आदि (प्रथम पद) उत्तर (सामान्य अंतर) गणित (श्रेणी योग) आदि णब्द भी जैन साहित्य में आये हैं। संस्कृत के प्रयोग:

संस्कृत में भी इन समस्त सब्दों का प्रचार हुआ। उदाहरणतः आयेभट और प्रतामुख के निम्न प्रयोग टाटव्य हैं:—

इष्टं व्येक दलितं सपूर्वमृत्तरमुखं समुख्यमध्यम् ।

इन्टर्गाजनिमन्द्रधनं त्यचवाज्ञस्तं पदाधंद्रतम् ॥ (आर्ये० ग०पा० १६ ।) इस इत्याकः भे चादि (प्रकार पद), (इष्ट, न-पद)उत्तर (सामान्य अंतर), इष्ट यम (न पदो गा योग) अव्य आये है । जान ब्लोक में अंगरेकी का निम्न सूत्र दिया

तुसा है। -

श्रेणी या श्रेणीव्यवहार शब्द आर्यमटी तथा ब्राह्मस्फुट सिद्धान्त में नहीं आपे हैं क्यों कि आर्यमटी का गणितपाद तथा ब्राह्मस्फुट का गणिताध्याय इतने विस्तृत नहीं हैं जिनमें गणिन के प्रत्येक व्यवहार पर प्रयक् परिच्छेद दिये हों। यदि श्रेढी व्यवहार का प्रयक् परिच्छेद होता तो श्रेणी व्यवहार शब्द कम से कम शीर्षक के रूप में अवद्य आ जाता।

श्रेणी श्रीर श्रोही :

प्राचीन गणितीय प्रत्थों में श्रेगो के स्थान पर श्रेढी शब्द का अधिक व्यवहार हुआ क्योंकि श्रेणी-व्यवहार जैन साहित्य से संस्कृत में आया जो प्राकृत में लिखा हुआ था। आजकल श्रेणी अंगरेजी शब्द सीराज के लिए तथा श्रेढी प्रोग्नेशन के लिए आते है।

प्रयोग :

संस्कृत में श्रेढी का प्रयोग सर्वप्रथम भास्कर (६२६) ने आर्यभटी की टीका में किया। उन्होंने आर्यभट के समय प्रचलित गणित के आठ व्यवहारों में श्रेढी व्यवहार भी बताया है। गणित-सार-संग्रह नामक जैन ग्रन्थ में श्रेढी-व्यवहार का विशाल उपचार किया है। इस व्यवहार पर उसमें ७४ इलोक दिये हैं। इन इलोकों में संकितित-संकित शब्द भी आया है जो कई श्रेणियों के योग के अर्थ में है। ब्रह्मगुष्त के उपरोवत इलोक में भी यह शब्द आया है जिससे हिन्दू गणित के अनवरत प्रवाह का पता चलता है। गणित-सार-संग्रह में केवल संकितित शब्द से समांतर श्रेढी के योग का ही बोध होता था तथा गुण-संकितित श्राधुनिक गुणोत्तर श्रेढी के योग के अर्थ में समझा जाता था। अन्य गणितीय ग्रन्थों में संकितित तथा संकलन शब्द योग के अर्थ में आये हैं।

संकतित शब्द का श्रद्य में प्रचार:

संकतित बब्द का प्रचार अरव देश तक में हुआ। अलबक्ती (१०१४ ई०) ने 'फीसंकतित इल-अदद-जैनिस्फ' नाम की एक पुस्तक श्रेणी-व्यवहार के विषय पर सियी। भास्कर द्वितीय (१११४ ई०) ने संकलित का अर्थ "एक से लेकर किन्हीं अंकों के योग" भी किया है यथा:—

सैकपदध्नपदार्वमधैकाद्यंकयुतिः किल संकलितास्या । (लीला०, ए० ४२) धीणयों के भेद:

आजकल श्रीणयों के तीन भ्रेद्र बताए जाते हैं (१) समान्तरश्रेणी, (२) गुणोत्तर श्रेणी, (२) हरात्मक श्रेणी। समान्तर श्रेणी उस श्रेणी को कहते हैं जिसके उत्तरोत्तर पदों का अन्तर समान रहे। गुणोत्तर श्रेणी वह श्रेणी होती है जिसमें उत्तरीत्तर किसी एक संस्था से गुणा होती जाती है अयवा गुण अर्थात् गुणात्मक उत्तर वीजगणित २०५

(Common difference) है जिसमें; अथवा गुणोत्तर वाली श्रेणी। हरात्मक का अर्थ है हर है आत्मा में जिसके; अर्थात् समान्तर श्रेणी के पद इसमें हर रूप में आते हैं अर्थात् उल्टे हो जाते हैं। हरात्मक श्रेणी यूनानियों की देन है। शेप दो श्रेणियाँ यहाँ अति प्राचीनकाल ने जात थीं।

श्रेणियों का ज्यामितीय उपचार:

श्रीवराचार्य (६०० ई०) ने अपने पाटीगणित नामक ग्रन्य में थेढी-व्यवहार नामक एव पृथक् प्रकरण लिए। है। जिममें समान्तर तथा गुगोत्तर दोनो प्रकार की श्रेणियों का प्रयामितीय विवेचन किया है। मारतवासियों का मस्तिष्क सदा से अंक-गणितीय तथा बोजगणितीय प्रकृति का रहा है तथा यूनानियों का मस्तिष्क ज्यामितीय अधिक रहा है। किन्तु श्रीधराचार्य ने श्रेणी व्यवहार का भी ज्यामितीय विवेचन फरके अपनी ज्यामितीय प्रकृति का परिचय दिया है। वह कहते हैं कि श्रेढी एक श्रेढी क्षेत्र के समान है जिसका ग्राकार मिट्टी के एक सरवे के समान है अर्थात् नीचे कम और ज्यर कमण: बढ़ता हुआ। उन्होंने इस श्रेढी क्षेत्र को समपारवें समलंब चतुर्भु ज के आकार का बताया है। यथा:—

विस्तारोऽस्पोऽघस्तदुपरिमहान् स्याद्यया शरावस्य । श्रेटी क्षेत्रस्य तथा गच्छ समोलम्बकरतस्य ।। (पाटीगणित, पृ० १०७)

चय, प्रचय:

श्रीती सम्बन्धी प्राधुनिक सार्व अथवा सामान्य अन्तर शब्दों के लिये प्राचीन काल में चय प्रयवा प्रचय शब्द प्रयुक्त किया जाता था। यथा:—

> गरद्धविभवते गणिते रापोनपदार्धगृणितचयहीने । आदिः पदहतवित्तं चाण्न स्वेकपददलहतः प्रचयः ॥ द्विगुणैकोनपदोत्तरकृतिहतिपष्ठांशमुखचयहतयुतिः । स्वेकपदप्नामुखकृतिमहिता पदनाडितेष्टकृतिचितिका ॥

पदमेत्ते गुणयारे अण्णोण्णं गुणिय रूवपरिहीर्णे । रूअगर्णेण हि ए मुहेण गुणियम्मि गुणगुणियम् ॥

(सं०: पदमात्रान् गुणकारान् ऋग्योग्यं गुणियत्वा रूपपिरहीेेेेेें । स्पोनगुणेन हते मुखेन गुणिते गुणगुणितम् ॥)

यहाँ सामान्य अनुपात के लिये गुएा अथवा गुणकार, पद-संख्या के लिये पद-मात्रा तथा गुणोत्तर श्रेणी के योग के लिए गुणगुणित शब्द प्रयुक्त हुआ है।

ग्रध्याय ४ रेखागणित

प्रकरण १. रेखागणित

च्युत्पत्ति :

रेखा सम्बन्धी गणित अर्थात् रेखाओं से बनी हुई श्राकृतियों के गुणयमों तथा उनके क्षेत्रफल ग्रायतन आदि निकालने के गणित को रेखागणित कहते हैं।

पर्याय :

रेखागणित के लिए निम्नलिखित प्राचीन तथा अविचीन शब्द प्रयुक्त हुए हैं :— शुल्वगणित, णुल्यविज्ञान, रज्जुगिणित रज्जुसंख्यान, रज्जु, क्षेत्रगिणित, क्षेत्र-समास, क्षेत्रव्यवहार, क्षेत्रमिति, रूप, ज्यामिति और भूमिति ।

ऐतिहासिक विकास:

हिन्तुओं का प्राचीनतम साहित्य वेद हैं तथा "वेदा हि यज्ञार्यमित्रवृत्ताः" वैदांग-ज्योतिष के इस कथन के श्रनुसार वेद भी यज्ञों के निये प्रवृत्त हुए । इन वज्ञों की येदियां भी नाना प्रकार की बनायी जानी थीं जैसे (१) द्येनचित्, (२) यद्यपक्ष, व्यक्तपुष्टद्वेन, (३) कंक, (४) अलज, (१) प्रीग, (६) उभयतः प्रीग, (७) रघचक, (६) द्रीस, (६) समूह्म, (१०) परिचाय्य, (११) व्यक्यान, (१२) कूषं।

इन मब आकृतियों की बेदियों के बनाने के संबन्ध में वर्ग, श्रायत स्नादि रसा-मित्तांव आकृतियों का भान आयम्यक हो गया । साथ में इन सब बेदियों की रचना के निमे मह भी आयम्यक था कि उन सबका क्षेत्रकल वहीं हो जो कि मानक वैदी दोन्निन का सर्घात् मादे मात यगे पुरुष । इन सबको यथातथ बनाने के निये निम्मिनियन रेगांगिनियोग प्रक्रियाओं का भान अपेक्षित था:— दी हुई हो, (७) समलम्ब चतुर्भु ज का क्षेत्रफल निकालना, (८) एक समलंब चतुर्भु ज के नमहप दूसरा समलंब चतुर्भुज खींचना जिसका क्षेत्रफल पहले के बराबर गुणज अथवा अपवर्तक (Sub-multiple) हो, (६) दिये हुए वर्ग के वरावर गुएाज अथवा अपवर्तक वर्ग खीचना, (१०) दो भिन्न वर्गों के वरावर एक वर्ग बनाना, (११) त्रिभुत को आयत में परिणन करना तथा आयत को त्रिभुज में परिएात करना, (१२) वर्ग के वरावर त्रिभुज अथवा समचतुर्भुज दनाना, (१३) आयत के कर्ण पर बना हुन्ना वर्ग उसकी दोनों भुजाओं पर वने हुए वर्गी के योग के बरावर होता है। गनाब्दियों से प्रचलित इन सब नियमों को बताने के लिए हमारे महर्पियों को उनत नियमों को वतलाने के लिये शुल्व सूत्रों की रचना करनी पड़ी । शुल्व विज्ञान अथवा गुल्व गणित ही हमारे रेखागणित का आदिमरूप तथा आदिम नाम थे। इन गुल्व मूत्रों में केवल बोघायान, आपस्तम्ब, कात्यायन, मानव, मैत्रायरा, वाराह तथा वाधुल जुल्व सूत्र उपलब्ध हुए हैं। मानव और मैत्रायण जुल्व सूत्रों में रेखागणित को गुल्व-विज्ञान कहा गया है। उमास्वाति द्वारा रिचत 'क्षेत्रसमास' (१२० ई० पू०) ग्रन्य भी रेखागणित पर था। जैनियों के दूसरे आचार्यों ने भी अन्य क्षेत्र-समास बनाये। इसके उपरान्त भास्कर प्रयम ने (६२६ ई०) आर्यभटी की टीका में गणित के आठ ब्यवहार बताए जिनमें क्षेत्रव्यवहार, खातव्यवहार, चितिब्यवहार, क्राकचिक तथा राशि रेखागणित सम्बन्धी व्यवहार बतलाए हैं। इनमें क्षेत्र व्यवहार समतल ज्यामिति का और शेप सब घन ज्यामिति के विषय हैं। महावीराचार्य ने उक्त विषयों को केवल दो ही प्रकरणों में लिखा है (१) क्षेत्रगणित (Plane Geometry), (२) खात (Solid Geometry)। महाबीर से पूर्व रेखागणित के लिये क्षेत्रगिएत शब्द का प्रयोग हरिभद्र ने आवश्यक सूत्रवृत्ति नामक ग्रन्य में किया है। ऐसा प्रतीत होता है कि महाबीराचार्य ने भी जैनियों के अन्य क्षेत्र-गणितीय ग्रन्थों के अनुसार उक्त वर्गीकरण किया या । आज भी ज्यामिति के यह दो भेद अर्थात् समतलज्यामिति (Planc Gometry)तथा घनज्यामिति (Solid Gometry) ही प्रमुखतया प्रसिद्ध है । स्थानांग सूत्र के ७४७ वें सूत्र में रज्जुसंस्थान तथा राशिसंस्थान कमशः क्षेत्रगिएत तथा धनज्यामिति के अर्थी में ही प्रव्यत किए हैं।

यहाँ यह बताना मी अप्रासंगिक न होगा कि बौढों के समय में भी रेखा-गणित का प्रचार रहा होगा क्योंकि विनयपिटक की उपालि वाली कहानी में 'रूप' मन्द रेखागणित अथवा चित्रकला के निये प्रयुक्त मिलता है।

दीर्घवृत्त का आविष्कार:

उम द्वृग में विज्ञान की शायाएं आज जैसी सुनिर्धारित न थीं। घम्ममंगनी (४०० ई० पू०) में रूपों के भेदों में परिमंडन (इनिष्म) का भी उल्लेख है। टीका-

मानव मृत्रव मूत्र ३।२, मैत्रायणी णृत्य मृत्र, अध्याय १ ।

कार बुद्धघोष ने परिमंडल को समझाते हुए उसको कुक्कुटांड संस्थान (Eggshaped figure) कहा था। पीतवत्यू टीका में परिमंडल के लिए आयतवृत्त शब्द का प्रयोग किया है। आयत (लम्वा) का पर्यायवाची दीघं भी है। आजकल आयतवृत्त का ही दूसरा हप दीर्घवृत्त इलिप्स के लिए प्रचलित है। आयत के स्थान पर दीर्घ का प्रयोग इसलिए किया गया क्योंकि आयत अंगरेजी के रेक्टेंगल शब्द के लिए सुरक्षित कर दिया गया। आयतवृत्त तथा दीर्घवृत्त दोनों का शाब्दिक अर्थ है लम्बा किया हुआ वृत्त (Elongated circle)। वास्तव में बांस की खपंच्चियों के वृत्त को ऊपर से दवा कर लम्बा कर दिया जाये तो दीर्घवृत्त वन जाता है। जैन ग्रंथ भगवती सूत्र तथा अनुयोगद्वार सूत्र में भी परिमंडल (इलिप्स) शब्द का प्रयोग हुआ है। उनमें तो इसके दो भेद मी किए हैं (१) प्रतर परिमंडल, (२) घन परिमंडल।

सूर्यं-प्रशप्त :

मूर्यंप्रज्ञप्ति (५०० ई० पू०) के ११वें, २५वें तथा १००वें सूत्र में निम्नलिखित रेखागणितीय शब्दों का प्रयोग किया गया है:—

(१) समचतुरस्र, (२) विषमचतुरस्र, (३) समचतुष्कोण, (४) विषम चतुष्कोण, (५) समचप्रवाल, (६) विषम चक्रवाल, (७) चक्राकार, (६) चक्रार्धचक्रवाल । वेबर महोदय ने अपनी पुस्तक (Indische Studien, खंड १०, १० २७४) में इनका म्रगं क्रमनः समवर्ग (Square), विषमवर्ग (Oblique Square), समसमान्तर चतुर्भुं ज (Even parallelogram) विषमसमान्तर चतुर्भुं च (Oblique parallelogram), पृत्त, धीर्पवृत्त, गोलाग्यंटक तथा अर्धदीर्पवृत्त कहा है।

दीर्पयुत्त (इलिप्स) का अनुसंघानकर्ता यूनानी मेनेनसम (३५० ई० पू०) माना जाता है किन्तु भारतयर्प में उससे पूर्व नूर्यप्रज्ञान्त (५०० ई०पू०) तथा परग-संगर्नी (४०० ई० पू०) में उसका ज्ञान था।

कौदित्व सर्वदास्त्रीय विधानितीय शस्त्र :

दीर्घचतुरस्रस्याक्ष्या रज्जुस्तियंङ्मानी पार्श्वमानी च यत्पृयग्भूते कुरुतस्तदु-मयं करोतीति क्षेत्रज्ञानम् । (का० णू० नू०)

उपरोक्त इन सब उद्धरणों का अर्थ है कि आयत की दोनों भुजाश्रों के वर्गों का योग कर्ण के वर्ग के बराबर होता है। ब्रह्मगुष्त का निम्न दलोक भी इसी सम्बन्ध में है:—

मणंकृते: कोटिकृति विशोष्य मूलं भुजो भुजस्य कृतिम् ।

प्रोह्म पदं कोटिः कोटिबाहुकृतियुतिपदं कर्गः ॥ (ग्रा० स्कु० १२।२४) अर्थात् $\sqrt{कर्ण²-कोटि²-भुज, \sqrt{क्णं²-भुज²-कोटि<math>³+भुज²-कर्गं$

मास्करिहतीय (१२वीं शती) ने इस प्रमेय की उपपित्ति भी दी है किन्तु हमारे यहाँ रियागिष्वित्य स्वयंतथ्यों का उल्लेख प्रायः नहीं है और न प्रमेयों की आज के समान उपपत्तियाँ दी हुई है। भारतीय ज्यामिति तो ज्यावहारिक यी। द्या दत्त की निम्न उनित भी यहाँ अप्रास्तिक न होगी:—

"यूनानी मस्तिष्क सामान्यत: रेनागणितीय पहले या छोर बाद में कुछ छोर तथा हिन्दू मस्तिष्क सामान्यत: अकगिणितीय एवं बीजगणितीय पहले या और बाद में कुछ और। आगंभट ने अंकगणितीय वर्ग और पन की चर्चा करते हुए बही एक शब्द में ज्यामितीय वर्ग और पन की निर्देश कर दिया है:—

यगैः नमनतुरश्रः फल च सहग्रह्मसंवगैः । सहग्रह्मप्रमाणि चनस्त्रमा हादशाश्रः स्यात् ॥ मुगलों के शासन-काल में यूक्लिड के एलीमेंट का मारत में प्रचार हुआ। जहांगीर के राजज्योतिषी कमलाकर ने सिद्धान्त-तत्व-विवेक नामक ग्रन्थ में अपने तत्समद्वन्धी ज्यामितीय ज्ञान का परिचय दिया है। जन्होंने रेखा की निम्न परिमाषा की है:—-

दैर्घ्य यस्याः सदैवास्ति विस्तारो नंव विद्यते । अतिसूक्ष्मा च सा रेला श्रेया बुद्धिमता द्विषा ॥ अवका वकगा तत्र वका तु सरलामिषा ।

सर्थात् जिसमें लम्बाई होती है किन्तु चौड़ाई विलकुल नहीं ऐसी सत्यन्त सूक्ष्म आकार वाली रेखा समभनी चाहिए।

सम्राट्-जरन्नाय :

सन्नाट् जगन्नाय ने जयपुर के राजा सवाई जयसिंह के आदेशानुसार १७३१ ई० के लासपास नसीरए द्दीन को फारसी ग्रन्थ से यूक्लिड का अनुवाद रेलागणित नामक संस्कृत ग्रन्थ में किया। यह ग्रन्थ गद्य में है। इसके उपरान्त किसी अज्ञातनाम व्यक्ति ने रेलागणित पर 'सिद्धान्त चूड़ामणि' नामक पद्यग्रन्थ लिखा। उक्त दोनों ग्रन्थों में अपूर्व साम्य है। यथा:—

यस्यित्रभुजस्य भुजत्रयमन्यित्रभुजस्य भुजै: समानं भवित तदा तस्य कोणत्रय-भिष सन्य त्रिभुजस्य कोणैरवश्यं समानं भवष्यति । (रेखागणित)

यस्य त्रिकोग्रास्य भुजत्रयंचेद् भुजैः समानं क्रमशोऽन्यकस्य । त्रिकोणकौ तो समानरूपौ स्थातामिति त्वं खलु दशँयास्य ॥ (सि॰ चूड़ामणि)

इसके बाद वापूदेव शास्त्री तथा सुधाकर द्विवेदी ने क्रमशः रेखागिएत तथा गोलीय रेखागिएत नामक ग्रन्थ पाश्चात्य पद्धति पर लिखे।

रेखागणित के वाचक शब्द:

रेलागिएत के अन्य पर्याय ज्यामिति, भूमिति बादि शब्द अंगरेजी के ज्योमेट्री के ही शब्दानुवाद है। ज्यामिति अयवा भूमिति का अयं है पृथ्वी नापने की विद्या। हम जानते हैं कि भारत में रेखागणित का प्रारम्भ भूमिनापन से नहीं हुआ जैसाकि मिल्ल में हुआ था। यहाँ तो यज्ञवेदियों के निर्माण के सम्बन्ध में रेखागणित की उन्नति हुई। अतएव मारतीय परम्परा के वोचक शब्द तो शुल्वगणित, रज्जुगणित तथा रेखागिएत ही हैं। शुल्वगणित तथा रज्जुगणित यज्ञवेदियों की विधायिनी शुल्व अथवा रज्जु से सम्बन्धित है जिनका बाद में रेखा अर्थ भी हो गया। सम्नाट्

१. श्रीघर ने भूमिति शब्द अपने प्रन्य पाटीगणित के पूष्ठ १०६ में प्रयोग किया या किन्तु उसका अर्थ था "आधार का परिमाण"।

जगन्नाथ ने विषयोपचार तो बाहर से लिया किन्तु रेखागणित नाम तो फिर भी अपनी परम्परा से मिलता हुआ रखा। खेद है कि अब कुछ भारतवासी अपनी प्राचीन परम्पराओं से अनिभन्न होकर पाश्चात्य पद्धति पर शब्द-गठन करना चाहते हैं। यह भी नहीं कि अपने प्राचीन शब्दों को देख तो लेते और उनमें से जो सुग्राह्य होते उनको ग्रहण कर लेते। कविकुल शिरोमणि कालिदास की निम्न उक्ति को ज्यान में रखकर हमको मध्यम मार्ग ग्रहण करना चाहिये:—

पुराणिमत्येव न साधु सर्व न चापि सर्व नविमत्यवद्यम् । सन्तः परीक्ष्यान्यतरद् भजन्ते मूर्यः परप्रत्ययनेयबृद्धिः ॥

प्रकरण २. रेखा

रेखा गब्द रिख् घातु से बना है। रिख् घातु का दूसरा रूप लिख् भी है तया इसका अर्थ मुरेचना अधमा खींचना है। रिच्यते इति रेखा अर्थात् जो कुछ खुरेचा जावे या गीं ना जावे उसको रेमा कहते हैं। पृथ्वी पर तृण आदि नुकीली चीज से प्रायः रेखा गींचते ही हैं। अमरकोप में रेखा शब्द की ब्युट्पत्ति के विषय में मानुजि दीक्षित ने लिया है "रलयोरेकत्वस्मरणात् रेखाअपि" अर्थात् र ल में अभेद है अत-एव रेगा और लेखा समानार्चक हैं । रेघा और लेखा शब्द शतपथ ब्राह्मण तथा गृह्य-सूत्र में लाइन के अर्थ में प्रयुक्त हुए है। सरल रेखा के लिए बीघायन शुल्व सूत्र में प्राजु-निया गब्द आया है। देखा शब्द से सरल देखा का ही अर्थ समझना चाहिए जब तक प्रमंग में कुछ दूसरा अर्थ न दिया हो । संस्कृत में पंक्ति के पर्याय रेखा, लेखा मोर राजि गव्द हैं नयोंकि पंक्ति सीघी होती है। देखा गव्द भी अत्यन्त प्राचीन है। सूर्य मिद्यान में इसका प्रयोग हुआ है। यथा :—"प्राक्षदिवसाधिता रेखा प्रोच्यते . सममंदलम् ।'' अर्थात् पूर्यं से पर्दिनम की ओर जाने वाली रेखा को सममंद्रल, उन्मंदल तया विमुक्तमंडल कहते हैं। इस पंतित में देखा झब्द लाधुनिक लग्ने में ही प्रदुषत हुआ है। इस प्रसंग में रेग्स का अर्थ यक रेग्स है सर्वोक्ति पृथ्वी के पारों लोर सरस रेसा सिष ही नहीं सकती । कमलाकर (१६०= ई०) ने रेसा गब्द की निम्मलिखित परिभाषा की है :---

इसके उपरान्त वे कहते हैं "अवका वकगा तत्रावका तु सरलाभिधा" अर्थात् रेखा वक और अवक दो प्रकार की होती हैं जिनमें से अवक रेखा को सरल रेखा कहते हैं। सम्राट् जगन्नाथ (१७०२ ई०) ने अपने ग्रन्थ रेखागणित में रेखा शब्द का प्रयोग किया है यथा:—"तत्र यावत्यो रेखा एक रेखाया: समानान्तरा भवन्ति ता रेखा: परस्परं समानान्तरा एव भविष्यन्ति।" अर्थात् एक रेखा के समानान्तर सकल रेखाएँ परस्पर समानान्तर होती हैं।

पर्याय :

रेखा शब्द के निम्न पर्याय प्राचीन ग्रन्थों में आए हैं :—(१) शुल्व, (२) रज्जु, (३) करणी, (४) लेखा।

समानान्तर रेखा:

जो रेखाएँ एक दूसरे से समान अन्तर अर्थात् समान दूरी पर होती हैं वे समान्तर रेखाएँ कहलाती हैं। इस शब्द का प्रथम प्रयोग वराहमिहिर ने किया है। यथा:—

प्रोक्ता शांशकलंका पूर्वापरयोश्च पार्वयोश्चापि ।

सायामिन्यो रेखास्त्रयोदश समान्तरा कार्याः ॥ (पं० सि०, श्लो० १२, पृ० २१) समान्तर रेखा के स्थान पर हिन्दी में समान्तर रेखा कटद ना प्रचार हुआ किन्तु ग्रव फिर इसको संक्षिप्त करके समान्तर रेखा कर दिया गया है।

प्रकरण ३. लेखा

हिन्दी में लेखा शब्द हिसाव (Account) के अर्थ में आता है। संस्कृत में लेखा के अर्थ रेखा, क्षीएए रेखा (चन्द्रलेखा) तथा लेखन थे।

च्युत्पत्ति :

रेखार्थ में लेखा बब्द लिख (भेदने) यातु से बना है। भूमि पर नुकीली चीज से रेखा खींचने पर भूमि का भेदन ही होता है अत: इसको लेखा बब्द से ब्यक्त किया गया। र और ल का अभेद होता है अत: रेखा और लेखा समानार्थक हैं। हिसाय के अये में लेखा बब्द लिख् (अक्षर-विन्यासे) बातु से बना है।

रयोग :

लेखन के अर्थ में लेखा का प्रयोग विनयपिटक में आता है। महिष उपालि

के माना-पिता द्वारा लोगों से पूछने पर कि वह अपने वस्ते की क्या पहावे जिससे उमका भविष्य उज्ज्वल हो, लोगों ने कहा कि 'लेखा' 'रूप' और 'गणना' सिखाने से वस्ते का भविष्य उज्ज्वल होगा किन्तु उपालि के माता-पिता को आर्यका हुई कि लेखा सिखाने से कहीं वस्ते को जैंगलियों का रोग न हो जाय।

पं॰ गुयाकर दिवेदी का मत है कि लेखा राज्य का प्रयोग बीद्ध काल से चला साता है। अाज भी हम बोलते हैं कि सबको अपने कमों का लेखा-जीखा देना परेगा। लेखापुस्त तथा लेखाकमें 'युक कीपिग' तथा 'एकाइंटेन्सी' के लिए प्रच-लित हैं। हिसाब के ब्योरे किसी बही बादि में लिखे ही जाते हैं अतः लेखा शब्द हिसाब के लिए बन गया।

र्िंचने पर कम हो न अधिक । जोड़ ऐसे लगाए जायें कि देखने में बुरे न लगें। रर्स्सा सन मिश्रित मूंज या कुञों की बनाए। यह टूटी न हो" ऐसा कात्यायन ने कहा है।

करणी लव्द मी वेदियों की रचना करने के कारण प्रथम रस्सी के अर्थ में प्रयुक्त होने लगी। कात्यायन शुल्व सूत्र में रज्जु के ५ भेद बताए हैं। यथा: —करणी, तत्करणी तियेङ्मानी, पादवंमान्यक्ष्णया चेति रज्जवः (का०शु०सू०)

अर्थात् (१) करणी, (२) तत्करणी, (३) तिर्यङ्मानी, (४) पाइवमानी, (५) अदण्या ये पाँच प्रकार की रज्जु होती है।

अक्ष्या रज्जु:

अक्ष्या करणी तथा अक्ष्यारज्जु दोनों ही बाद में कर्ण के अर्थ में आये हैं। यथा:— "पदं तियंङ्मानी त्रिपदा पादवंमानी तस्याक्ष्ण्यारज्जुर्दशकरणी।"
(का०श०म०२।=)

वर्षात् १^२+३^२=१०

"दीर्घचतुरस्रस्याक्ष्णयारज्जुस्तिर्यङ्मानी पार्श्वमानी च यत्ष्ट्यग्भूते कुरुतस्तुदु मयंकरोतीति क्षेत्रज्ञानम् ।" (का०णु०म० २। ११)

अर्थात् आयत की दोनों भुजाओं के वर्गों का योग उसके कर्गा के योग के बरावर होता है।

वर्ग की रेखा बनाते-बनाते रज्जु का अर्थ स्वयं रेखा हो गया । विनयपिटक (२।१२०) में रज्जु का अर्थ रेखा आता है ।

स्यानांग सूत्र के ७४७वें सूत्र में रज्जु झब्द रज्जु-संस्थान अथवा रेखा-गणित के लिए आया है। "रज्जु समासं वक्ष्यामः" कात्यायन के इस सूत्र में भी रज्जु का अर्थ रेखागणित ही है। रज्जुसमास का अर्थ रेखागणितीय नियमों का समूह है।

रज्जु एक माप विशेष भी है। जैसे आजकल जरीव, चैन चलते हैं उसी प्रकार उन समय रज्जु इस अर्थ में चलता या। यथा:—

चतुरशीत्यंगुलो व्यामो रज्जुमानां खातपीरुषं च · · · · · दशदंढो रज्जुः । (की०स०शा०)

दंडो भवेत् पाणिचतुष्टयेन रज्जुः स्मृता दंडक विश्वतिश्च·····(गिण्ति ति॰) वर्षात् रज्जु ५० हाय की होती थी।

रज्जु का अर्थ त्रिमुज या चतुर्मुंज की सब भुजाओं का जोड़ भी है। बाजकल इसे से S प्रगट करते हैं यथा:— हिसम त्रिमुजक्षेत्रे प्रथमस्य घनं द्विसंगुणितम् । रज्जुः समाद्वयोरिष को वाहुः का मवेद्भूमिः ॥ (ग०सा०सं०, पृ०१२६)

अर्थान् दो समिद्विवाहृ त्रिभुज हैं। पहले का क्षेत्रफल दूसरे से दुगुना है। दोनों की परिमितियां बरावर हैं तो दोनों की भुजायें और आधार नया हैं। अनेक जैन ग्रंघों में रज्जु का अर्थ स्वयंमुरमण समृद्र के व्यास से भी है।

मिन्हइ मुहुमाइ कोई सुरो अ गोलो अ अयगेआ हिट्ठो नारसहस्ससमयं सो छम्मासे छहि दिणेहि पि ॥ छ पहरे छ घडीया जाववकमइ जाइवि एतइया । रज्जू तत्य पमाणो दोव समुद्दा हवइ एया ॥ (रत्नसंचय ५।१६-२०)

वर्यात् यदि कोई शक्तिशाली देवता १००० मार के गर्म लोहे के गोले को फैंके तो ६ मास ६ दिन ६ पहर और ६ घड़ी में वह जितनी दूर जाये उसकी रज्जु कहते हैं।

इस प्रकार हम देखते हैं कि किस प्रकार सन मूंज से बनी हुई रज्जु घीरे-घीरे अर्थ बदल कर गणित की एक शाखा की द्योतक हो गई।

प्रकररा ५. कोण, समकोण, न्यून कोण, श्रधिक कोण

व्युत्पत्ति :

कोण शब्द की ब्युत्पित्त सदा विवादास्पद रही है। भानुजि दीक्षित ने इसे कुण (शब्दे) घातु से निस्सृत माना है। डा० दत्त ने इसको कर्ण शब्द का अप श्रंश माना है। उनका विचार है कर्ण से प्राकृत में कोण बना तथा प्राकृत से पुनः यह शब्द बहुत प्राचीन काल से ही संस्कृत में प्रविष्ट हो गया। इन दोनों ब्युत्रित्तियों के स्वीकार करने में कई किटनाइयाँ पड़ती हैं। शब्दार्थंक कुणा धातु का ज्यामितीय कोण से क्या सम्बन्ध है? यह तो कभी शब्द नहीं करता। हाँ वीणार्थंक कोण तथा सारंगी के गज का वाचक कोण शब्द इस धातु से श्रवश्य निस्मृत है। अब रही कर्ण से करेण बनने की बात। वह भाषाविज्ञान की दृष्टि से एकदम अग्राह्य है क्यों कि इस शैली पर वने हुए अन्य शब्द नहीं मिलते। दूसरे कर्ण शब्द यदि प्राकृत में कोण हो गया होता तो अनुयोग द्वार सूत्र १३३ तथा सूर्यप्रज्ञित सूत्र ५४ में कोण के अर्थ में कर्ण शब्द क्यों प्रयुक्त होता? घन को वहाँ अष्टक्णिक कहा गया है क्योंकि उसमें द कोण होते हैं। हाँ कर्ण से 'कन्त, कन्ते और कान' तो प्राकृत मापा में मिलते हैं।

मेरा विचार है कि कुण धातु का विकित होना अर्थ भी कभी रहा होगा। नहीं तो कुणान (ऋग्वेद) "मुड़े हुए हाथ वाला" तथा समानार्थक कुणि (सुश्रुत) शब्दों में मुड़े हुए का माय कहाँ से आ जाता। अतः कुण (कौटिल्ये) धातु से कोण शब्द बना है। अतएव कोण शब्द कुणारु तथा कुणि के परिवार का ही शब्द है। यदि यह प्राकृत में पहले बने तो वैदिक साहित्य में वाद में प्रबिष्ट होगये। वेदों में प्राकृत का प्रमाव कई विद्वानों ने अनुभूत किया है और यदि संस्कृत में ही पहले बने तब तो संस्कृत के हैं ही।

प्रयोग:

कीण शब्द का प्रानीनतम प्रयोग अथवंबेद परिशिष्ट (२३।१) में मिलता है, यदा :---

देखिये, अमरकोप की टीका।

२. देखिये, साइंस आफ दी गुल्वाज, अन्तिम पृ० ।

"चतुरस्रं चतुष्कोर्णं तुल्यं सूत्रेण घारयेत्"

मूर्यप्रज्ञित्त (५०० ई०पू०) के ५४ वें सूत्र में इसका प्रयोग हुआ है। कौटित्य अर्थनास्त्र में भी इसका प्रयोग मिलता है, यथा:—"नष्टकीएं निरिष्ठ पाद्यांपदृत्तं च अप्रयस्तम्।" संस्कृत के अन्य प्राचीन ग्रन्थ जैसे पंचतंत्र, कथासिरित्सागर, रामताप उपनिषद् आदि में भी इसके प्रयोग मिलते हैं।

त्रिकोरा, चतुरकोण आदि :

मूर्यप्रजिष्ति (मूत्र १६-२५) में तिकीण, चतुष्कोण, पंचकोगा आदि शब्दों के प्रयोग मिलते हैं। बाद के साहित्य में भी इन शब्दों के प्रचुर प्रयोग हैं। स्रिक्त:

पैदिक काल में कोण के लिये सर्वश्रथम स्नक्ति दाव्द चनता था। पुनः अधि प्राच्य का प्रचार हुआ। ऋष्येद में नवस्नक्ति नो कोने वाले स्वगं के प्रसंग में आया है। चतुस्त्रक्ति त्राह्मण तथा आपस्तम्ब श्रीतमूत्रों में प्रयुक्त हुआ है।
कर्णः

समकोण:

कोण तीन प्रकार का होता है समकोण, अधिक कोण तथा न्यून कोण। यदि एक रेखा पर दूसरी रेखा खड़ी हो तो इस प्रकार जो दो कोण बनते हैं, वे या तो परस्पर सम होते हैं या विषम। यदि सम हों तो समकोण और विषम हों तो विषम कोण कहलाते हैं। घूँ कि दोनों कोणों का योग दो समकोण के बराबर होता है अतः समकोण अन्वयंक शब्द है। विषमकोण दो प्रकार का होता है, प्रथम न्यून कोण तथा दूसरा अधिक कोण। समकोण से न्यून होने के कारण इसका नाम न्यूनकोण अथवा अल्पकोण पड़ा तथा समकोण से अधिक होने के कारण अधिक कोण नाम पड़ा। सम्राट जगननाथ (१७वीं काती) ने अपने रेखागणित ग्रंथ में इन शब्दों का प्रयोग किया है यथा:—

वरातले रेखाद्वययोगात् सूच्युत्पद्यते सँव कोणः । स ए द्विविधिः समो विष-मक्च । तौ यथा । समानरेखायां लम्बयोगादुत्पन्तौ कोणौ प्रत्येकं समकोणौ भवतः, रेखे व मियो लम्बरूपे स्तः । समकोणान्त्यूनोऽल्पकोणो भवति । समकोणादिधिकोऽधि-ककोणो भवति । सम।तिरिक्तो विषमकोणो भवति । विषमकोणाः सरलरेखायां सरल-कृटिलरेखाम्यां, कृटिलरेखाम्यां च भवति ।

कोणों के ये भेद प्राचीन नहीं है किन्तु अरबी भाषा के आधार पर हैं, जिसके प्रन्य का उन्होंने संस्कृत में अनुवाद किया। न्यून कोण शब्द का प्रयोग निम्न पंक्तियों में देखिये:—"यस्य च त्रयोऽिय न्यूनकोणास्तन्न्यून्यूनकोणित्रभुजं स्थात" (रेखागिएत)

न्यून शब्द नि + कन से बना है। कन का अर्थ है कम। कन शब्द वैदिक 'एकान्न' से बना है जो विगड़ कर पहले एकोन और फिर संक्षिप्त होकर 'ऊन' हो गया।

प्रकरण ६. लंब, अवलंब-सूत्र

लम्त्र शब्द अवलम्ब का संक्षिप्त रूप है। अवलंब शब्द अब स्वतंत्र रूप से गणित का पारिमापिक शब्द नहीं है किन्तु अवलंबसूच (साहुल सूत्र) के साथ अब भी विशिष्ट अर्थ में प्रयुक्त होता है। मराठी मापा में साहुल सूत्र को ओली कहते हैं, जो ग्रवलंब का ही परिवर्तित रूप है। अवलंबक, अवलंब तथा लंब इन तीनों का शाब्दिक अर्थ 'लटकने वाला' है। आज मी हमारा कार्य लटका रक्खा है अथवा विलम्बित कर रक्खा है, यह कहते हैं। लटकने अथवा लंबायमान होने के कारण 'लंब' अथवा अवलंब कहलाया। एक सूत्र में कुछ गुरु द्रव्य बांधते हैं और इसी को साहुल सूत्र, अवलंब अथवा लंब कहते हैं, जो कर्ष्यांचर दिशा ज्ञात करने के काम आता

है। इस मंदंब में श्रीवर कृत पाटीगणित के टीकाकार की निम्न पंक्तियाँ स्रव-लोकनीय हैं।—

"उपरिष्टात्प्रान्तादवलंबितगुरुद्रव्यसूत्रभूमिसम्पाताविष लम्बः" ए० १४४, वर्षात् ऊपर ने भूमि पर लटका हुवा व्यवजंब सूत्र, लम्ब कहलाता है। परमेश्वर ने वार्यभटी की टीका में भी उनत परिमापा दी है यथा:—

'गुरुद्रव्यात्रद्वाग्रभवलम्बितं सृत्रमवलंबक इत्युच्यते'

त्रह्मगुप्त ने अवलम्बक शब्द साहुल सूत्र तथा लम्ब इन दोनों ही अयों में प्रयुक्त किया है। यथा:—

> सिनतेन समंसाघ्यं श्रमेण वृत्तमवतम्बकेनोर्घ्वम् । तियैवकर्णेनान्त्यैः कथितैदचनव प्रवक्ष्यामि ॥

इस क्लोक में अवलम्बक शब्द साहुलसूत्र के अर्थ में प्रयुक्त हुआ है। वह कहते हैं कि जल से समभूमि को तथा अवलम्बक से ऊर्ध्व दिशा को ज्ञात करते हैं। लम्ब के अर्थ में अवलंबक शब्द निम्न क्लोक में प्रयुक्त हुआ है:— बादि तथा यन क्षेत्रों के बात्रक इकारांत, पद्यि, हादशाश्रि बादि पाये गये हैं। दा० दत्त ने सिद्ध किया है कि अश्रि का अर्थ कीर (Edge) है। अतिएव अश्रि अयया अत्र अंत वाले शब्द मुझाओं के आवार पर नाम हैं। युल्व मूत्रों में विकर्ण, पतुःकणं, पंचकर्णं आदि शब्द मी अर्थ हैं जिनमें कर्णं का अर्थ कील है। वैदिक काल की कोण मूलक तथा मुझा मूलक आकृतियों की नाम-पद्धित का बाद में भी अनुकरण किया गया कितु अक्ति के स्थान पर कोण तथा अश्रि के स्थान पर मुज का अयोग हुआ। योण शब्द का अयोग करते हुए त्रिकोण, चतुष्कोण, पट्कोण, पट्कोण, पट्कोण, अर्थकोग आदि शब्दों का अयोग मूर्यअविद्या तथा अथवेवेद परिविद्य में मिलता है। गूर्य सिद्धाल्य में भी त्रिकाण शब्द आया है। आर्यभट तथा ब्रह्मगुल्य ने विम्नुज, चतुमुंज अर्थि शब्दों का अयोग किया है। यथा:—

वृतं भ्रमेण गाघ्यं त्रिमूजं च चतुमूं जं च कर्णोग्याम् । (आये०) त्रिभृतस्य यद्यो भृजयोद्विंगुरिगत लम्बोद्धतो ह्दयरज्जुः । सा द्विगुणा त्रिचतुभू ज कोरास्थेग्यत विष्कम्मः ।। (ब्रा० स्कृ०, ग० २७)

देगिय मास्कर दिलीय के लीलायनी में त्रिमुज चतुर्मुं ज सब्दों के प्रयोग :—

त्रिम्ते मुन्नयोगोगस्तदस्तर गुणो गुवाह्नतो लब्ध्या । दिप्टा भूरत्नयुता दलिताबाधे तयो: स्याताम् ॥ सर्वदोगुनिदलं चतुःस्थितं बाह्मिबिरहितं च तदबात् । मारत में त्रिमुज, चतुर्मुंज आदि का प्रयोग है। हमारे यहाँ भी दोनों पद्धतियों के नाम वैदिक काल से ही चले आ रहे हैं।

अंग्रेजी में भी ट्रायेंगल, पेंटागन, हेवजाग़न, आवटेन आदि कोण पद्धति पर तथा क्वाडररीलेटरल आदि शब्द मुज पद्धति पर है। यूनानी शब्दों में बाद में कोण पद्धति अधिक प्रचलित हुई जिसका अंगरेजी शब्दों पर भी प्रभाव है। यूक्लिड ने (३२५ ई० पू०) अपनी पुस्तक 'ऐलीमेंट' में प्रथम भुज पद्धति पर (Tripleuron, (Tetrapleuron, Polypleuron) आकृतियों के भेद किये। बाद में कोण-पद्धति पर (Trigonon, Tetragonon) आदि नाम भी रक्खे। रोमनों ने यूनानी पद्धतियों का ही अनुसरण किया। प्राचीन मिस्रवासियों, वाबुल निवासियों, हैव्ह तथा अरब वालों ने मुजपद्धति पर नामकरण किया।

त्रिभुजों का भुजाओं के आधार पर वर्गीकरण त्राह्मस्फुटसिद्धांत में मिलता है। देखिये:---

कृतियुति रसद्दशराश्योर्वाहुर्घातो द्विसंगुणोलम्बः । कृत्यन्तरमसद्दशयो द्विगुणं द्विसम-त्रिभुज-मूमिः ॥ (१२।३३) विपमत्रिभुजस्य भुजाविष्टोन फलाघंयोगो भूः। (१२।३४)

इनमें त्रिभुज के समित्रभुज, द्विसम त्रिभुज, विषम त्रिभुज ये भेद मिलते हैं। महावीराचार्य ने गणितसार संग्रह में कहा है:—

विभुजं तु समं द्विसमं विषम चतुरश्रमिष समं भवति । (क्षेत्रगणित ५)

कोणों के आघार पर न्यूनकोण और अधिककोग्रा त्रिभुजों का ब्रह्मगुप्त ने उल्लेख नहीं किया। समकोणित्रभुज को जात्य त्रिभुज अवश्य कहा गया है। कोण के अनुसार शेप दो नाम नहीं दिये हैं बिलक शीर्ष से डाले जाने वाले लंब को बाहर अथवा अंदर होने के अनुसार गणेश ने इनको अंतर्लम्ब (न्यूनकोण त्रिभुज) तथा बहिलम्बित्रभुज (अधिककोग्रा त्रिभुज)नाम दिये हैं। हि-सम-त्रिभुज का बाद में समहिबाहु त्रिभुज नाम पड़ा तथा समित्रभुज का समित्रबाहु मी नाम पड़ा है। देखिये सम्राट् जगन्नाथ का वचन 'तित्रबिधम्। एकं समित्रबाहुकं, हितीयं समिहवाहुकं, तृतीयं विपमित्रबाहुकम। समित्रभुज 'श्रर्थात् सम है तीनों भुजायें जिसकी' कितना छोटा और सार्यंक शब्द है।

चतुर्भुं ज के भी समचतुर्भुज, आयत चतुर्भुज, द्विसमचतुर्मुज, त्रिसमचतुर्मुज तया विषम चतुर्मुज ये भेद त्राह्मस्फुटसिद्धांत तथा गणितसारसंग्रह में आये हैं। यथा-

त्रिभुजं तु समं दिसमं विषमं चतुरश्रमि समं भवति ।

हिहिसमं, हिसमं स्यात्त्रिसमं विषमं बुघाः प्राहुः ॥ (ग०सा०सं०, पृ० ११०) बाजकल प्रचलित समलंब चतुर्भुज (Trapezium) शब्द श्रीघरकृत पाटीगणित तया लीलावती के इन बागे लिखे क्लोकों में बाया है :—

समानतंत्रस्य चतुर्भु जस्य मुस्तोनभूमि परिवल्य भूमिम् ।
नुत्री मुत्री त्रयत्त्रवदेव साध्ये तस्यावधं लंबमितिस्तत्त्वव ।।
पटवंचायत् त्रिपिटिश्य नियते कर्णयोमिती ।
कर्णां तत्रापरी दृहि समलम्बं च तस्त्रहस्ती ।। (लीलावती)
त्रयत्र विरहितावयुता मध्यम लम्बस्तु पद्कराः सार्थाः ।
अंगुल पष्ट्यंगांनाः समलम्बे तत्र कि गणितम् ॥ (श्रीवर पाटी०ग०,५०१७०)

गमनंव शब्द सार्थक है पयोंकि इसमें ऊपर की भुजा के दोनों छोरों ने आधार पर डाने हुवे लंब परस्पर बराबर होते हैं। ऊपर गणिनसारसंग्रह में आधा हुआ गमननुरस अथवा समचतुर्मुं ज अब अंगरेजी के 'रोम्बस' शब्द के लिये आता है यह भी मार्थक शब्द है क्योंकि इसकी चारों भुजावें समान होती हैं। पहिले समचतुरस मब्द वर्ग के लिये आता था।

समानान्तर धनुभू ज :

यह गन्द सामानान्तरभुज चतुर्मुज का संक्षिप्त रूप है। इसका अर्थ है समानान्तर है भुजायें (आपने सामने की) जिसकी। राष्ट्राट्र जगन्नाय ने अपने रेखा-गणिन ग्रंथ में इसी पूरे नाम से इसकी व्यक्त किया चा—"तत्र है चतुर्मुज-वित्रे ममानान्तर-भुने एक-दिशि हयो: समानांतररेन्योमंच्ये समानमूमिके यदा भवतस्तदा से है चतुर्मुजकेष्ठे गमाने भवत:।

अर्थात् गदि दो समानान्तर चतुर्भूज एक ही आयार और एक ही समानान्तर रेमाजों के मध्य स्थित हैं तो वे बरावर होते हैं। अब समानान्तर का भी संक्षिप्त ग्य ममांतर घटने सगा है। इस प्रकार नगानांतरभुज चतुर्भूज का बब समांतर घतुर्भुज बन गण।

मनपार्थं :

समकोण आदि की आवुनिक संकल्पनायें उस समय न होने से उनको जात्यित्रभुज की कितनी क्लिप्ट परिमाषा देनी पड़ी। इस परिमाषा में पाइथागोरस प्रमेय के मूल तत्व छिपे हैं।

> इष्टोभुजोस्माद् द्विगुराष्ट निष्नादिष्टस्य कृत्यैकवियुनतयाऽत्मम् । कोटि: पृयक् सेष्टगुणा भुजोना कर्णो भवेत् त्र्यस्नमिदं तु जात्यम् ।। (लीला०) सर्यात् यदि भूज 'क' है सौर इष्ट राशि 'इ' है तो

भुज=क

कोटि=
$$\frac{२ \, \xi}{\xi^2 - \ell}$$

कर्ण=(कोटि $\times \xi$)—क= $\frac{\xi^2 + \ell}{\xi^2 - \ell}$ क

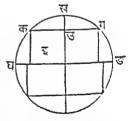
महा कर्ण^र=भुज^र |- कोटि^र, यह सिद्धान्त उक्त साधन में अंतर्निहित है।

प्रकरण द. कोटि, कर्ण तथा भुजा

कोटि:

कोटि शब्द कुट् घातु से इ प्रत्यय लगाकर बना है। कुट् शब्द का अर्थ है हुटिल करना, मोड़ना। जो कुछ मोड़ा जाये वह कोटि हुई। घनुप का अग्रभाग कुछ विशिष्ट मुड़ा हुआ होता ही है ग्रतः यह कोटि कहलाया। प्रश्न यह है कि घनुप्कोटि होकर कोटि शब्द समकोण त्रिभुज में लंब के अर्थ में तथा त्रिकोणमिति में ६०० की पूरक चाप के अर्थ में कैसे हो गया।

विजस कृत सूर्य सिद्धान्त के अनुवाद में इस विषय पर कुछ प्रकाश डाला है उसका मत है घक खग उएक घनुप है, क घ, ग ड उसकी कोटियां हैं। क खग भुज अर्थात् भुड़ा हुआ (भुग्न) भाग है। कग, कखग की ज्या है बतएव भुज ज्या कहलाती है। कउ भुज ज्याधं है जो बाद में में भुजज्या ही कहलाई जिस प्रकार कउ भुज ज्या है उसी



प्रकार कर कोटिज्या है नयों कि घ क ख एक समकोण की चाप हैं, तो क घ सम-कोण पूरक हैं। क घ उपयुं नत घनुष की कोटि हैं अतएव कोटि का अयं समकोणपूरक चाप है। जोहन स्ट्रेंची का मत है कि समकोण त्रिभुज की कोटि कर्ण और भुजा घनुष से संबंधित तीन चीजें हैं। कोटि घनुष के छोर हैं। भुजा से घनुष पकड़ते हैं और च्युत्पत्ति :

यह जन्द भारत-यूरोपियन घातु रिकर् से बना है जिसका अर्थ था ।

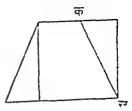
ग्रहण करना। कान भी बाह्य जन्द को ग्रहण करता (है अतएव उसको करें।
हैं। ऋग्वेद के ७वें मण्डल में कर्ण शब्द वर्तनों के कन्नों के अर्थ में प्रयुक्त हुं।
कन्ने वर्तन को पकड़े हुए हैं तथा कन्नों के द्वारा हम वर्तन को पकड़ते हैं अतए।
का यह अर्थ भी हो है गया। आज भी कड़ाही के कन्ने ही बोले जाते हैं। कर्ण का यह अर्थ भी हो है गया। आज भी कड़ाही के कन्ने ही बोले जाते हैं। कर्ण किनारा भी रहा होगा वयों कि 'कन्ने' का किनारा अर्थ भी है। हम प्राज भी है "पंतग के कन्ने बांध दो"। वर्तनों के कन्नों की तरह हम कन्नों की सहायता से पत्र को पकड़े रहते हैं। कन्ना जन्द का किनारा तथा कोना अर्थ, "वर्तनों के कन्ने बांध दो" इस प्रयोग में अब तक सुरक्षित है। कन्ना का स्त्रीतिंग कन्नी घोती की किनार के लिए आज मी प्रयुक्त होता है। हम देखते हैं कि कर्ण शब्द के प्राकृत ह्यों के कर्ण कोग, कोणीयता तथा कोना यह विविध अर्थ पाये जाते हैं शुक्व सूत्रों में कर्ण कोण के अर्थ में प्रयुक्त हुआ है (यह अर्थ परम्परा का द्वितीय कम है) यथा:—

'एतेनैव त्रिकर्णसमासो व्याख्यातः । पंचकर्णानांच' (कात्यायन शु०स्०४।६,१० ऐतिहासिक विकास :

अब कर्ण शब्द की अर्थ परम्परा का तृतीय कम प्रारम्भ होता है जिसमें कण् (कोणों) से जाने के कारण कर्ण रेखा हो संक्षिप्त होकर अकेले कर्ण शब्द से व्यक्ष होने लगी। आज कर्ण जिस अर्थ में रेखागिएत में प्रयुक्त किया जाता है, गुल्व सूव्य जिस अर्थ में अक्ष्ण्या रुज्य अथवा अकेला अक्ष्ण्या शब्द प्रयुक्त किया जाता था अक्ष्ण्या का अर्थ था कुटिल या तिरछे रूप से जाने वाली। वैदिक शब्द अक्ष्ण्या श्व अक्ष्ण्या का अर्थ था गुटिल या तिरछे रूप से जाने वाली। वैदिक शब्द अक्ष्ण्या श्व का अर्थ है व्ययं या गलत तरह से होह करने वाला। अक्ष्ण्या का 'कुटिल वितरछे' अर्थ का यह विस्तार ही था। जो रेखा दिशाओं की ४ मौलिक रेखाओं कोई न्यूनकोण वनाये वह तिर्थक् और उनसे ६०० पर जाये वह सीघी मानी गयी समकोण त्रिभुज में कर्ण सदा परस्पर लम्ब रूप में स्थित दोनों रेखाओं से ६०० कम का कोई अन्य कोण बनाता है अत्तएव कर्ण कहलाता है। इस सम्बन्ध आपस्तंव की निम्न पंवितयों का अवलोकन कीजिये:—

"आयामं वाडम्बस्यागन्तुचतुर्थमायामस्याडम्ण्यारज्जुस्तियंड्मानी शेषः।"
यहाँ बम्ण्या का अर्थ समझते हुए कर्रावद ब्यास्या में लिखा है:—
अध्योतिनिपातो विभवित प्रतिस्पकः। कोणवानी कोणगता रज्जुरम्ण्यारज्जुः, का
रज्जुरित्यर्थः। गुल्यों में सबसे प्राचीन बीषायन शुल्य सूत्र में एक स्थल पर कर्णः
पूर्वज अभ्या कर्ण के अर्थ में न होकर केवल तियंग्रेखा के ही अर्थ में है। यथा :-

"चनुरस्रमेकतोऽणिमच्चिकीर्पन्निण्मितः करणीं तिर्यग्मानी कृत्वा शेषमक्ष्ण्या विभज्य विपर्यस्थेतरशोपादय्यात्" आसन्न चित्र में क ख व्रक्ष्म्या है। इन वर्ग को यहाँ व्रदृष्या से विमाजित किया गया है और इयर का दुकड़ा उधर रख देने से वर्ग का अणिमन् (Trapezium) बन गया । मुकर्ण, चापकणं :



गुर्य-गिद्धान्त में 'मु-कर्ण' पृथियी के व्यास के अर्थ में प्रयुक्त हुआ है। कर्ण-व्याम के लिए प्रयुक्त हुआ है क्योंकि यह पृथिवी के एक सिरे में दूसरे सिरे तक जाता है। मद्याट जगन्नाथ ने जीवा के अर्थ में 'चापकर्ण' शब्द का प्रयोग किया है। यह भी चाप के एक सिरे से दूसरे सिरे तक जाता है। चापकर्ण शब्द का प्रयोग इसने पहिने और बाद में कभी नहीं मिलता । इसके लिए बाद में जीवा शब्द प्रयुक्त होने लगा। मझाट जगन्नाय ने कर्ण में मिलता हुए चायकर्ण शब्द का प्रयोग मध्यवतः अरबी के सम्पर्क से किया वयोंकि वहाँ बतर, समकीण त्रिभूज के कर्ण तथा जीया दोनों को ही ब्यवत करता है। चाप की जीवा को बतर (धनुप की दोरी) यहना तो ठीक है क्योंकि यह बास्तव में इसी आहाति का होता है किन्तु समकीण प्रभूष के वर्ण को बनर वर्गों कहा ? इसका उत्तर आपरतंत्र की उपरिजयत पंतित की टीका ने तुलना करके मिल जाता है । वहाँ उसे कर्गारकतु कहा गया है । मूल में इसे व्यव्यारण्यु से व्यवत किया गया है । बुल्यकाल में यह मारे काम रज्जु ही किया करती थी। वितः अरबी पर यह संस्कृत का प्रभाव प्रतीत होता है। किन्तु अरब वालों ने एक विभेषता नी । हमारे यहाँ माइन के लिए जीवा तथा ज्या एवं कार्ट (Chord) के लिए जीवा शब्द था। उनमें अर्थ सास्य के कारण कुछ समझने में पटिनाई पटनी थी उन्होंने इस वटिनाई को बिल्गुल बुर कर दिया और साइन के निए एमारा राष्ट्र केंब (कीवा) तथा कार्ड के निए एक धनग शब्द बनर रूस निया। हिन्दी की वर्षमान कब्बावली में संस्तृत समा अन्दी के समस्त गुल हो से लिए किस्तु दोष विभी ने न लिए। उद्योगे उत्तानीमी वदी में तीन पूर्व-पूर्वक मध्य रवसे। ETT : --

कर्ण = Hypotenuse विकर्ण = Diagonal

शुल्व सूत्रों में वर्ग की भुजा को करणी तथा विकर्ण को हिकरणी कहते थे। क्योंकि विकर्ण के वराबर रज्जु दुगुने वर्ग को करने (वनाने) वाली होती थी।

प्रकरण ११. वृत्त, दीर्घवृत्त

यह वृत् घातु से कर्ताकारक के अर्थ में क्त प्रत्यय लगाकर बनता है। दृत् घातु का इस शब्द में चारों ओर घूमने का अर्थ है जो चारों ओर घूमे वह वृत्त है। वृत्त की परिधि चारों ओर मुड़ी हुई या घूमी हुई ही होती है। वृत्त धातु का चारों ओर घूमना, परिक्रमण करना यह अर्थ ऋग्वेद में आता है। वृत्त शब्द भी ऋग्वेद में आता है। उसका वहाँ 'घूमा हुआ', 'चक्र के समान गित में प्रवृत्त' यह अर्थ है।

अपने यौगिक अर्थ में वृत्त का अर्थ केवल 'क्षविलिनियर' आकृति है अर्थात् मोड़ खाने वाली आकृति या वन्द आकृति । अतएव बुछ लोगों ने वृत्त के अर्थ में समवृत्त शब्द प्रयुवत किया था जिसका अर्थ है चारों और से एक समान मुड़ी हुई। जो एक ओर कम और एक ओर अधिक मुड़ी हुई हो वह आकृति विपमचकवाल घी जो सूर्यप्रवित्त में इलिप्न के अर्थ में प्रयुवत हुआ है। समवृत्त शब्द का महावीरकृत प्रयोग निम्न खोक में देखिए:—

> गणितं चतुरम्यस्तं दशपदमनतं पदेभवेद्वयासः । सूक्ष्मंतमयृत्तस्य क्षेत्रस्य च पूर्ववत्फुलं परिविः ॥ (ग०सा०सं०, पृ० १३२)

शतपय प्राह्मण में यह गोल या वर्तुल के अर्थ में प्रयुक्त हुआ है। वैदिक साहित्य में इसके लिए मंडल, परिमंडल और वक्त शब्द भी श्राये हैं। सूर्य प्रज्ञान्ति में इसके लिए समयकवाल शब्द भाया है। बाद के साहित्य में इसके लिए बलय शब्द भी प्रयुक्त हुआ है। बोबायन जुल्व सूत्र में वृत्त को मंडल तथा केन्द्र के लिए मध्य शब्द आया है। देखिए:

'चनुरस्रं मण्डलं चिकीर्षयन्नदण्यार्द्धं मघ्यात् प्राचीनमस्यपातयेद्यतिशिष्यते तस्य गहनृतीयेन मण्डलं परिलिखेत्' (१।५६1)

अर्थान् यदि आपको वर्ग के वरावर एक वृत्त खीचना है तो इसके केन्द्र से

१. नूयंप्रज्ञित सूत्र ११,२५।

पूर्व पिरचम रेखा की क्षोर आधा कर्ण खींचो तब एक वृत्त खींचो तथा साव ही दूसरे वृत्त का तृतीयांग भी खींचो जो वर्ग के वाहर रहता है।

कौटित्य अर्थशास्त्र, जैनग्रंथ, भगवतीसूत्र (७२४-७२६) तथा अनुयोगद्वार सूत्र (१२३-१२४) में भी वृत्त शब्द का प्रयोग है। देखिये वराहमिहर के वृत्त और मध्य (केन्द्र) शब्दों के प्रयोग :—

याम्बोदक् समसूत्रादपक्रमांशावगाहिभि: सूत्रै: । प्रवमवदंबक्षिटतं वृत्तत्रयमानिखेन्मच्यात् ॥ (प०सि० २, ए० ३०)

इसके अतिरिक्त पंचिसिद्धान्तिका के पृष्ठ २५ एवं ४० के १८वें तथा २२वें स्वोक में भी मध्य शब्द का अर्थ केन्द्र है।

जिसमें तारा वर्तमान रहे (वर्तते) यह उस तारे का अहारात्र वृत्त होता है। वि वृत्त भव्द का प्राक्षन रूप बट्ट है।

दीपंगृतः

दीर्घ अर्थान् लंबा किया हुआ वृत्त । वृत्त को यदि हम ऊरर से विचका दें तो गुछ एक और अधिक लम्बा हो जाता है और अतएव इस नवीन आकृति को दीर्घवृत्त शब्द से वैधित किया जाता है । दीर्घवृत्त शब्द के स्थान पर इससे पूर्व श्रायतवृत्त शब्द प्रयुवत किया जाता था और शुल्य सूत्रों में आयत को दीर्घ-चनुरस अथवा दीर्घ शब्द से व्यान किया गया था । किन्तु बाद में दीर्घ के स्थान पर जब आयत शब्द प्रयुक्त होने त्या और शायन चनुरस्य के स्थान पर देवन 'आयत' शब्द प्रयुक्त होने त्या और शायन चनुरस्य के स्थान पर देवन 'आयत' शब्द प्रयुक्त होने त्या को सामत के प्रयास अर्थों में दीर्घ शब्द प्रयुक्त होने त्या जिससे कि अर्थ-प्रश्न में संदिष्णता न रहे ।

अर्थात् दीर्घाक्ष में अर्घलध्वक्ष को जोड़े तथा २ से गुणा करें। इस प्रकार दीर्घवृत्त की परिधि प्राप्त होती है पुन: है लघ्वक्ष को परिधि से गुणा करने पर उसका क्षेत्रफल प्राप्त होता है। अतः दीर्घवृत्त शब्द एक प्रकार से नवीन नहीं है किन्तु वहुत प्राचीन हैं। यहाँ यह उल्लेखनीय है कि दीर्घवृत्त के आविष्कार का श्रेय जो यूनानी मिनैवमस (३५० ई० पू०) को दिया जाता है वह ठीक नहीं है क्योंकि उससे वहुत पहिले बौद्धकाल में ही यह भारत में ज्ञात था।

प्रकरण १२. व्यास

वृत्त के व्यास को शुल्व सूत्रों में व्यास, विष्कंभ, व्यायाम तथा जैन और वाद के संस्कृत ग्रंथों में विष्कंभ, विस्तृति, विस्तार आदि शब्दों से व्यक्त किया गया है। देखिये आर्यभट के वृत्त और विष्कंभ शब्दों के प्रयोग:—

चतुरिवकं शतमध्यगुरां द्वापिटस्तथा सहस्राणां ।

अयुतदयविष्कं मस्यासन्तो वृत्त-परिणहः ॥

अर्थात् यदि व्यास = २०,००० तो परिधि का आसन्तमान = ६२,८३२। पाई का मूल्य इससे ३.१४१६ श्राता है। इस समय तक पाई का इतना सूक्ष्म मान नज्ञात था।

विष्कंम दरवाजे के अरगड़े को कहते हैं। वच्चे जब लचकीली अरहर की लकड़ी का पहिया बनाते हैं तो उसमें इघर-उघर एक लकड़ी भी लगा देते हैं। जिससे कि चलने पर उसकी यह आकृति अक्षुण्ण बनी रहे। यह लकड़ी ज्यास के बराबर होती है और पहिए को पिचकने से रोके रहती है। किवाड़ को खुलने से विष्कंभ रोकता है अतएब ज्यास का दूसरा नाम विष्कंम है।

व्युत्पत्तिः

व्यास शब्द वि पूर्वक अस् धातु से बना है। इसका अर्थ है व्यस्यतेऽनेन वृत्त-मिति व्यास: अर्थान् इसके द्वारा वृत्त दो मागों में वेंट जाता है अतएव इसे व्यास कहते हैं। व्यास जी ने भी वेदों को भागों में विभाजन किया तथा उनका क्रमीकरण किया अतएव उनका नाम वेदव्यास है। 'विव्यास वेदानं यस्मात् स तस्माद व्यास इतिस्मृत:' (महाभारत)।

व्यास का अर्थ समास का विलोम, बिस्तार तथा चौड़ाई भी है। देखिए :— 'आयाम व्यास पिटेन नव पंचैक हस्तिका' (ग० ति, पृ० ७६)

पर्याय:

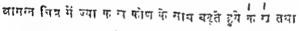
यहां आयाम, लम्बाई, व्यास, चौड़ाई तथा पिट मोटाई को आया है। व्यास, विस्तार, विस्तृति पर्यायवाची शब्द होने के नाते एक दूसरे के स्थान में प्रयुक्त हो जाते हैं। क्लें शब्द मी भूकर्ए में व्यास के अर्थ में आया है।

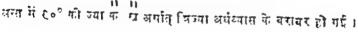
त्रिज्या :

व्यास के आधे भाग को व्यासाई, अईव्यास अथवा तिज्या कहते हैं। श्रापरतंव गुल्व मूत्र में (७११२) इसको अईव्यायाम भी कहा है। त्रिज्या का अर्थ है त्रिमज्या अर्थात् ३ म (राणियों) को ज्या। इस प्रकार त्रिज्या शब्द का पूर्ण रूप त्रिमज्या अय्या त्रिराणिज्या है। मध्यम-पदलोपी समास से राशि अय्वा 'भ' शब्द का लोप होकर त्रिज्या शब्द बना। देखिए वराहमिहिर का प्रयोग:—

इच्छांस द्विगुणीन त्रिभज्ययोना चयस्य चापज्या । पट्टिगुणा साकरणी तया ध्रुवोनावदेषस्य ॥ (प० सि०, ए० १२)

यारह रागियाँ ३६०° के बराबर होती हैं अतएव एक रागि ३०° के तथा तीन रागियाँ ६०° के बराबर हुई। ६०° की ज्या (Sine) एक के बराबर होती है। ऐकिक बृत्त में अर्थव्यास एक एकक माना गया और उसी से ज्या आदि की परिभाषायें बनीं। अतएब विजया—१—वर्षव्यास।





परवर्ती सब लेखकों ने इस शब्द को अपनाया। मास्कर प्रथम से पूर्व ब्रह्मगुष्त (६२६ ई०) ने भी इसका प्रयोग किया था। यथा:—

मासगणो यमगुणितः पृथक् कुतत्वोद्धृतः फलसमेतः ।

सार्घाष्टयुतो वसुमयविभक्त शेषो विद्यो: केन्द्रम् ॥ (ब्रा० स्फु० सि० २४।६) मध्य, नाभि :

केन्द्र के पहिले इस अर्थ में मध्य और नाभि शब्द चलते थे। नामि-चक्र-नामि के अर्थ में प्रयुक्त होता था। ऋग्वेद तथा उपनिपदों में इसका प्रयोग है। देखिए:—

"कोऽस्य वेद भुवनस्य नाभि को द्यावाप्टिथवीऽन्तरिक्षम्। कः सूर्यस्य वेद वृहतो जिनत्रं को वेदचन्द्रमसं यतोजाः।" (यजुर्वेद २३।४६।)

"अराइव रयनाभौ प्रागोसर्वप्रतिष्ठितम्" (प्रश्नोपनिपद)

रपुवंश में यह केन्द्रीय बिन्दु के अर्थ में है। देखिये :—

"उपगतोऽपि च मण्डलनाभिताम्" (रघु० ६।१५।)

केन्द्र के अर्थ में मध्य शब्द का प्रयोग बराहमिहिर द्वारा भी किया गया है। यथा:—

याम्योदक् समस्त्रादपक्रमांशावगाहिमिः सूत्रैः । प्रयमवदंश क्षितं वृत्तत्रयमालिखेन्मव्यात् ॥ यहाँ मध्य का अधं केन्द्र है ।

प्रश्न यह है कि जब समानार्थंक मध्य और नाभि शब्द थे तो विदेशी कैन्द्र शब्द को नयों अपनाया गया। वराहमिहिर ने निश्चय ही कुछ यूनानी ज्योतिष के विचारों को अपनाया था यह चहज्जातक में प्रयुक्त किये हुए आपोक्तिम, मेपूरण आदि अनेक यूनानी शब्दों के प्रयोगों से जात होता है। यथा:——

केन्द्रात्परं पणकरं परतदच सर्वमापोक्तिमं हिबुक्तमम्बु सुखंच बेश्म । यामित्रमस्तभवनं त्रिकोगां मेपूरणं दशममत्र च कर्म विन्द्यात् ।।

(बृ॰जा॰, पृ॰२१)

यहाँ यामित्र (Diametron), आपोक्लिम (Apoklima), त्रिकोण (Trigo-non) गर्व्श का प्रयोग किया गया है।

उनको केन्द्र से सम्बद्ध निम्न अन्य मावों के लिए शब्द चाहिए थे :-

दोनों गतियोपों से किसी गृह की दूरी।

१. देशिये पंचिमद्धान्त का ब्लोक २, गृ० ३० ।

२. मंद केन्द्र का अर्थ मंदोच्चों (apsis) से ग्रह की दूरी। इसी प्रकार गिप्र केन्द्र का अर्थ संयुत्ति (Conjunction) से ग्रह की दूरी।

- ३. केन्द्र सम्बन्धी अन्य फलित ज्योतिष के विचारों को हमारी भाषा में शब्द न ये अतः छोटा शब्द केन्द्र ही ले लिया।
- ४. केन्द्र के गणितीय अर्थ वृत्त-केन्द्र के लिए मध्य शब्द था वह यथार्थ (Exact) नहीं या अतएव, केन्द्र गणितीय अर्थ में मी प्रयुक्त होने लगा।
- ५. केन्द्र का पर्यायवाची कण्टक शब्द मी वराहिमिहिर के ग्रंथों में मिलता है जिसका अर्थ मी नुकीली चीज अथवा नोक अथवा छेदने या भुकने वाली चीज (Prickle) है। यही अर्थ यूनानी 'केंत्रान' का मी है। ऐसा प्रतीत होता है कि केन्द्र तो स्वयं यूनानी भाषा का केंत्रान का संस्कृतीकरण है और कण्टक शब्दानुवाद है। दूसरे शब्दों में एक लिप्यन्तरण है तो दूसरा अनुवाद है।
- ६. केन्द्र के सन्य वयों के लिए शब्दों की आवश्यकता भी पड़ी। केन्द्र के वर्तमान अयं के लिए तो मध्य शब्द या, अतएव नया शब्द न बनाकर, ज्ञान के साय २ शब्द मी सम्मा लिया अतएव वराहमिहिर ने केन्द्र को अन्य अयों में अधिक प्रयुक्त किया और वर्तमान अये में अधिकतर मध्य ही प्रयुक्त किया। वाद को मध्य अयथायं (Inexact) होने के कारण छोड़ दिया गया और केन्द्र वर्तमान अर्थ में भी प्रचलित हो गया। सब जगह योग्यतमावशेय (Survival of the fittest) का तिद्धांत चलता है। वराहमिहिर ने ही इस अर्थ को प्रारम्भ कर दिया था।

प्रकरण १४. चाप

चप नामक बांस से बना हुआ इस अर्थ में चाप घनुप का एक विशेषण था। साङ्गं मो इस प्रकार 'न्युंग' (सींग) देते बना हुआ एक घनुप का विशेषण था। चाप (चर ने निमित) घनुप का विशिष्ट नाम कोवण्ड था तथा शाङ्ग चाप को घनुप कहते थे। देखिए कौटिल्य अर्थशास्त्र का प्रयोग:—
उत्पत्ति:

'ताल चान दाखं माङ्गाणि कार्मु ककोदण्ड द्रूणा धत्रीप ।
(कौ॰अ॰ सायधाध्यक १८ याँ)

अर्थान् ताल से बने हुए बनुष् को कार्मुक, चय से बने हुए की कोदण्ड, धन्वत् दारु में बने हुए को दूषा तथा सींग से बने हुए को धनुष् कहते हैं।

एंना प्रतीत होता है कि विशेषता प्रगट करते २ ये विशेषण स्वयं विशेष्य हो गए और इस प्रकार चाप घीर शाङ्ग शब्द स्वयं घनुष के पर्यापवाची बन गए। देशिए:—

देखिये मीनियर-विनियम-संस्कृत-अंगरेजी-कोष ।

जीवा जीवन्तिका मौर्वी वचा शिजित भूमिषु । तन्त्री तु जीवितं ''इति मेदिनी । मुहुर्जीवाधोपैर्वविरयति । (महावारचरित ६।३०)

गणित के छन्दोबद्ध होने के कारण ज्या के अन्य पर्यायवाची मीर्वी आदि भव्य भी इसी अर्थ में प्रयुक्त हुए। बाद को ज्या शब्द अंगरेजी के साइन शब्द के लिए प्रयुक्त होने लगा। देखिए:—

"राशिलिप्ताष्टमो भागः प्रयमं ज्यार्वमुच्यते" (मूर्यसिद्धान्त)

इस प्रकार ज्या और जीवा का कार्य-क्षेत्र वदल गया। अर्थात् ज्या केवल त्रिकोणिमतीय अर्थ में तथा जीवा केवल ज्यामितीय अर्थ (कार्ड) में प्रयुक्त होने लगा। इस समस्या को अब अरय वालों ने ज्या के अर्थ में जेव (जीवा) और जीवा के अर्थ में ज्या का अनूदित शब्द वतर (धनुप की डोरी) करके सुलझा लिया। धार्यभट ने भी ज्या को जीवा (कार्ड) के अर्थ में प्रयुक्त किया है। गोलपाद में उन्होंने विषुव-जीवा शब्द में जीवा का प्रयोग किया है। ब्रह्मगुप्त ने ज्या आर जीवा दोनों ही शब्द दोनों अर्थों अर्थात् कार्ड तथा साइन में व्यवहृत किये हैं। जीवा को वर्गमान अर्थ में निम्न इलोक में प्रयुक्त किया है:—

वृत्ते गरोनगुणिनाद् व्यामाच्चतुराहतात्पदं जीवा । (प्रा० स्कु० सि० १२।४) वर्षात् $\sqrt{\pi x}$ + यरानव्याम $\times x$ = जीवा

इसी जीवा के नाम पर त्रिवोग्गमितीय ज्या का नाम पड़ा। क्योंकि ज्याओं का मान पहले जीवाओं द्वारा ही निकाला जाता था। यहा पद्धति भारत से अरब तया अरब से योरोप पहुँची। वहाँ भी धनुष की डांरी के अर्थ के ही बतर और कार्ड पड़द हैं। देखिए सूर्य-निद्धान्त के विजिस कृत अनुवाद का उल्लेख:—

Sines were named after those of chords because sines were substituted in calculation for the chords, a method invented by Hindus went to Arabia by Greeks.

प्रकरण १७. शंकु तथा सूचीस्तम्म

र्मक् :

प्रारम्भ में इस मध्द का अर्थ ठूंठ, कील, कांटा या बर्छी था।

"स्वानुर्वा ना ध्रुवः शंकुः" (अमरकोष)
 वा "पुंसि सस्यं धंकृती" (अमरकोष)

१. ब्राह्मस्कुट मिद्यान्त २२।२२, १२।४२।

तत्सेत्रं सूचीफलकरांकुषनक्षेत्रं भवति ।

अर्थात् वहुभुज के घरातल से निकली हुई सूचियों के अग्र यदि एक विन्दु पर मिलें तो वह सूचीफलक दांकुघनक्षेत्र कहलाता है।

> ब्रह्मगुप्त ने सूची शब्द पिरैमिड के लिये प्रयुक्त किया था । देखिये:— क्षेत्रफलं वेघगुणं समखातफलं हुतं त्रिभि: सूच्या:

वर्यात् समखात (प्रिज्म) का घनफल = क्षेत्रफल × वेव (गहराई)

तथा सूची का घनफल $=\frac{?}{3}$ क्षेत्रफल \times वेघ

तत्क्षेत्रं सूचीफलकशंकुघनक्षेत्रं भवति ।

अर्थात् बहुभुज के घरातल से निकली हुई सूचियों के अग्र यदि एक बिन्दु पर मिलें तो वह सूचीफलक शंकुधनक्षेत्र कहलाता है।

ग्रह्मगुप्त ने सूची शब्द पिरैमिड के लिये प्रयुक्त किया था। देखिये:— क्षेत्रफलं देघगुणं समखातफलं हृतं त्रिभि: सूच्या: अर्थात् समखात (प्रिज्म) का घनफल=क्षेत्रफल × वेघ (गहराई) तथा सूची का घनफल = १ क्षेत्रफल × वेघ

प्रकरण २. उत्क्रमज्या

त्रिकोणिमिति के इस दूसरे फलन को भी हिन्दुओं ने आविष्कृत किया। इसको अंगरेजी में वस्ई साइन (Versed Sine) कहते हैं। वस्ंड का अर्थ है उलटा। अतएव वस्ंड साइन का शाब्दिक अर्थ साइन हुआ जो कि उसके वास्तविक अर्थ रै-कोमाइन से एकदम दूर है और इस अर्थ-अशुद्धता की व्याख्या उनके पास कोई नहीं है। अरवी में इसे सुहम कहते हैं, जिसका अर्थ है वाएा। यह अर्थ भी गिणितीय अर्थ से तिलमात्र भी सम्बन्ध नहीं रखता। इन दोनों भाषाओं में गिणितीत अर्थ में उक्त शब्दों की कोई व्युत्पत्ति नहीं है और हो भी कैसे जब कि यह संस्कृत शब्द उत्कमण्या तथा उसके पर्याय शर के अनुवाद मात्र हैं। अतएव हमारा उत्तरदायित्व है कि इम बतायें कि उत्कमण्या में वया उत्कमता है। आइये अब इस अव्यत्म की व्यव्यक्ति की विवेचना करें। नीचे ज्या प्रकरण में बताये हुए इलोकों के अनुगार २४ ज्या-मानों, ज्यांतर-मानों तथा उत्कमण्या-मानों की सारणी दी हुई है।

The Party Name and Address of the Pa					
क्रमांक	अंश	कला	ज्यामान (कलाओं में)	ज्यान्तर मान (कलाओं में)	उत्क्रमज्यामान (कलाओं में)
8	\$	xx	२२५	३२१३	وا
ą	v	३०	388	२६८६	२ ह
Э	? ?	१५	६७१	२७६७	ĘĘ
٧	१५	0	580	२५४८	११७
2	ξ⊏	४५	११०५	२३३३	१६२
Ę	२२	30	१३१५	7273	२६१
v	२६	१५	8420	१६१≈	まれた
2	30	٥	३७१६	१७१६	४६०
3	5. 5	ХX	2820	१५२=	४७६
१०	३७	30	₹०€३	१३४५	७१०
\$ 5	४१	દ્ય	२२६७	११७१	≃
१२	ሄ ሂ	0	२४३१	१००७	१००७
\$ 3	85	УУ	₹ ₩=₩	εγ∍	११७१
8%	Хá	50	ই ওই্দ	630	१३४४
१५	x c	\$ X	3,57,5		१ ५२ <i>⊏</i>
१६	ęρ	o	₹8७=		१८१६ १७१६
१७	63	ΥX	Vaos	-	१८१=

कोटिज्या ही कहना उपयुक्त होगा। सूर्यंसिद्धान्त में भुजज्या और कोटिज्या का निम्न पंक्तियों में प्रयोग हुआ है:—

शेपं केन्द्रपदं तस्माद् भुजज्याकोटिरेव च ।
युग्ये तु गम्याद् वाहुज्या कोटिज्या तु गताद् भवेत् ।। (२।२६,३०)

इन पंक्तियों में भुजज्या के स्थान पर बाहुज्या शब्द भी प्रयुक्त हुआ है क्योंकि बाहु भुज का पर्याय है।

ऐतिहासिकता:

यूनानियों के पास तो कोज्याफलन नहीं था अर्थात् उन्होंने कोटिपूरक चाप की जीवा निकालने का प्रयत्न नहीं किया अतएव कोज्या का वहाँ कोई शब्द नहीं है। श्रंगरेजी का कोसाइन शब्द संस्कृत कोटिज्या का श्रनुवाद मात्र है। कोसाइन का पूरा रूप काम्पलीमेंट्री साइनस है जिसका अर्थ है साइन आफ दी काम्प्लीमेंट। काम्प्लीमेंट्री, कोटि का तथा साइन ज्या का श्रनुवाद है।

ज्या, कोज्या का मान किस २ वृत्त पाद में धन तथा ऋण रहता है, यह मुंजाल (६३२ ई०) ने अपने ग्रंथ लघुमानस में बताया है। देखिये:—

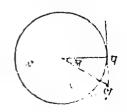
> ग्रहः स्वोच्चोनितः केन्द्रं तदूष्ट्वाघोऽर्धजो भुजः । धनर्णं पदयः कोटी घनर्णंणं घनात्मिका ।। (२।१)

अर्थात् उपरि श्रधंवृत्त में ज्या घन तथा निम्न में ऋ ए रहती है एवं कोटि-च्या प्रथम, द्वितीय, तृतीय तथा चतुर्थं वृत्तपाद में ऋमशः घन, ऋण एवं घन रहती है।

प्रकरण ४. स्वशंज्या तथा कोटिस्पर्शंज्या

स्परांज्या और कोटिस्परांज्या ये अंगरेजी के त्रिकोणिमतीय टैंजेट तथा कोटैंजेंट शब्दों के अनुवाद हैं। उन्होंने ज्यामितीय और त्रिकोणिमतीय दोनों अर्थों में एक ही शब्द रक्की हैं। हमने दोनों को प्रयक्-प्रयक् शब्द स्थिर किए हैं। ज्यामिति में स्पर्भ शब्द में रेखा तथा त्रिकोणिमिति में ज्या लगाकर उनत किन्न-फिन्न संकल्प-

नाओं में मिन्त २ घड़द बनाए हैं। अरबी में टैजेंट की धतेमुमास कहते हैं। अंगरेजी घट्द टैजेंट तथा हिन्दी स्पर्णरेखा उसी के अनुवाद हैं। क्योंकि मुमास घट्द का अर्थ है रपर्ष । आगन्त चित्र में कोण शह की स्पर्शंज्या बिन्दु प पर गिची हुई एक स्पर्ण रेखा ही है। यहाँ जिल्ला एक के बराबर मान निया गया है।



अध्याय ६.

डयोतिप

प्रकरण १. ज्योतिप

द्युत्पत्ति :

ज्योतिष शब्द 'ज्योतिष्' शब्द से अच् प्रत्यय लगाकर वना है। ज्योतिष् अथवा ज्योतिः का अर्थ है सूर्यादि नक्षत्र और ग्रह। अतएव ज्योतिए का अर्थ है 'ज्योतियों अर्थात् सूर्यादि नक्षत्रों तथा ग्रहों की गतियों आदि जानने की विद्या। प्रारम्म में ज्योतिष खगोलीय ज्ञान तक ही सम्बन्धित था और वैद्य द्वारा ही उनके स्वरूप आदि का ज्ञान कर लेते थे। गणित का तो बाद में विकास हुआ अतएव ज्योतिय शब्द प्रारम्भिक परिभाषा की ओर संकेत करता है । छांदोग्य उपनिषद् का नधयविद्या शब्द भी उवत तथ्य को समर्थित करता है। वाजसनेयिसंहिता में नक्षय-दर्श गब्द आया है जिससे प्रतीत होता है कि उस काल में नक्षत्रों का वेष कर लेते ये। किन्तु संहिताकाल में ही गतिगणना करना प्रारम्भ कर दिया था तभी तो कहा है 'प्रजानाय नक्षत्रदर्ण' यादसे गणकम्' अर्थात् विशिष्ट ज्ञान के लिए नक्षत्रदर्शक गणक के पास जाओ। स्पष्ट है गणक का अर्थ यहां ज्योतिषी है क्योंकि वह गतियों की गणना कर लेता था। नेमिचन्द्र शास्त्री कहते हैं, "ईस्वी सन् से पांच सी वर्ष पूर्व रचे गए प्राचीन जैन आगम में ज्योतिषी के लिए 'जोइसंगविव' शब्द आता है। भाष्यकारों ने इस शब्द का श्रयं 'ग्रह, नक्षत्र, प्रकीर्णक और ताराओं के विभिन्न विषयक ज्ञान के साथ राजियों और ग्रहों की सम्यक् स्थिति के ज्ञान की प्राप्त करना' किया है। अतएव स्पष्ट है कि उदयकाल में राशिचक, नक्षत्रचक और प्रहन्नक का प्रचार घा।"

प्रयोग :

ज्योतिय शब्द का प्रयम प्रयोग धापस्तंत्र धर्ममूध्र, मुण्डोपनिषद् तथा वेदांग ज्योतिय में मिलता है । यथा :---

> वेदाहि यज्ञार्यममित्रवृताः कालानुष्ट्यां विहिहादस यज्ञाः । तस्मादिवं कालविधानज्ञास्त्रं यो ज्योतिषं वेद स वेदयशान ॥

महौ ज्योतिष को कालविधानसास्त्र भी कहा गया है । बास्तव में यहीं के समु-चित्र पास जानने के लिए ही ग्रह्मतिगणना प्रारम्भ हुई होगी । नहीं है। हो सकता है कि हमारे नामों से उनके नाम प्रमावित हों, इस लेख के अंत में इन नामों की मूची दी जा रही है। हमारे बारों के नाम प्रहों पर हैं। जिनके नाम अत्यन्त प्राचीन हैं। सोम तथा बृहस्पति के नाम वैदिक काल के हैं। अंगरेजी के नाम प्रहों पर नहीं हैं उनमें से कुछेक देवी-देवताओं के नाम पर भी हैं जैसे फाउड़े 'फिल नामक देवी पर', द्यूबड़े, 'दिव' नामक देवता पर तथा 'यसंंड' योर नामक गर्जन देवता पर हैं। लैटिन के नाम प्रायः प्रहों पर ही हैं किन्तु हमारे यहां जार्ज-उपोतिय काल से बारकत्यना मिलती है अत्र प्रव कहना कि हमने यूनानियों में बारकत्यना नी यह सन्देहास्पद है।

भारतीय ज्योतिय में आयोश्यिम, द्रेष्काम, मेपूरण, हरिज आदि यूनानी नामों के आ जाने में अनेक विद्यानों का यह (विचार कि भारतीय ज्योतिय यूनी-नियो ने आई है, मिळ्या है। १वीं गती के पूर्व अनेक यूनानी लोग भारत में आकर पढ़ते ये। उनका वैक्टरिया का साम्राज्य तो नमाप्त ही हो गया था और वे हिन्दू धर्म में परिवर्तित हो रहे ये अतः उनका मंस्कृत तथा भारतीय विद्यायें पढ़ना स्वामाविक या। उन्होंने अपने जान को भी अति मुन्दर संस्कृत भाषा में लिखा। यवनाचार्य की संस्कृत अत्यन्त परिमाजित थी। उस प्रमंग में योड़े यूनानी शब्द तथा कुछेक ज्योतिय के विचार भारत में आ गए। इसका यह अर्थ कदायि नहीं कि हमारी ज्योतिय, यूनानी ज्योतिय का फत है। बाद को उसी प्रकार, मुसलमानों के प्रमाव से कुछ अरवी रारमी के घवद वैसे ईनराफ, इक्कवाल, यह आदि भारतीय ज्योतिय में आ गए। वास्तव में नीतकाट ने नाविकवर्यक्रत-यहित के आधार पर भारतीय ज्योतिय ग्रंस ताविकवर्यक्रत-यहित के आधार पर भारतीय ज्योतिय ग्रंस ताविकवर्यक्रत-यहित के आधार पर भारतीय ज्योतिय ग्रंस ताविकवर्यक्रत-यहित के आधार पर भारतीय ज्योतिय ग्रंस ताविकवर्यक नाविकवर्यक्रत-यहित के आधार पर भारतीय ज्योतिय ग्रंस ताविकवर्यक नाविकवर्यक नाविकवर्यक के का कि उसमें कुछ फारमी, अरबी के सब आ कि उसमें कुछ फारमी, अरबी के सब आ कि इसमें है, के निवासियों को कहते थे। ये अब भी अधिकतन मुससमान हैं।

राशियों के नाम

मापनीय स्टब	अंगरेजी नाम	् अरबी साम्	अरबी नामों के प्रयं
The state and the state of the	Aries	3-1	Ram
यूप	Taurut	सीर	Bull
मितुन	Gamini	ह ैदा	A black sheep white
_			in the middle
	Cancer	<u>गुर्</u> तान	Cancer
****	Lio	सन्द	Lion

जानात्येकमपि यतो नार्यमटो गणितकालगोलानाम्। न मया प्रोक्तानि ततः पृथक् पृथक् दूषणान्येषाम्।।

अर्थात् आर्यमट को गिएत, कालविज्ञान, गोलविज्ञान इनमें से एक भी विषय नहीं आता, ग्रतः में उनके दोयों की गणना नहीं करना चाहता !

"उत्पत्स्यते मम हि कोऽपि समानवर्मा कालोह्य निरविविषुला च पृथ्वी" सर्यान् काल अनन्त तथा पृथ्वी विज्ञाल है। कभी न कभी तो कोई मेरे समान गुण धर्म वाला व्यक्ति उत्पन्न होगा ही, इस उक्ति के अनुसार सन् ८६० ई॰ में पृष्टिक् स्वामी ने आर्थमट के मत का समर्थन किया। यथा:—

मनंजरः स्थिरो भूरेवाकृत्याकृत्य प्रातिदैवसिकौ । उदयास्तमयौ संपादयति नक्षत्रप्रहाणाम् ।।

वर्यात् नक्षत्र-मंजर स्थिर है। पृथ्वी ही घूम-घूम कर प्रतिदिवस नक्षत्र तथा प्रहों को उदित एवं अस्त करती है।

टस समय के आयंभट के परवर्ती गिएति सो बह नहीं मानूम पा कि पृथ्वी के नाय उसका बातावरण भी उसी गित से घूम रहा है अतएव श्रीपित ने आयंभट के मत का लग्डन करते हुए लिखा है:—

पद्येवमन्वरचरा विह्गाः स्वनीडमासादयन्ति न सनु भ्रमगोनकेऽपि । किचान्दुदा अपि न भूरि पयोमुचः स्पुर्देशस्य पूर्वगमनेन चिराय हन्त ॥ वर्षात् यदि पृथ्वी घूमती हो तो पक्षी श्रपने घोंसलों में नहीं लौट सकते एवं बादन भी अधिक मात्रा में जन नहीं बरसा सकते ।

पृथ्वी तथा अन्य दिव्य पिटों में आकर्षणशक्ति तथा चुम्बक शक्ति है इसका पुछ ज्ञान हमारे ज्योतिषियों को या। देखिए श्रीपित का पृथ्वी वर्णनः—

नमन्ययस्यान्त-महामगीनां मध्ये स्थितो नोहगुटो ययास्ते । प्राधारगृत्योऽति तर्यंव नवीवारो धरित्र्या ध्रुवमेव गोनः ॥

बर्चात् जैसे नुम्बर पत्यरों के बीच में लोह की गुडिका स्थिर रहती हैं उमी प्रकार बाधार प्रत्य होने पर भी यह पृथ्वी स्थिर है। यहाँ खगोलीय पिटों में नुम्बर्फ मित्र का होना बनाया गया है। मास्कर द्विनीय ने भी पृथ्वी की आकर्षण मित्र का तिस्त बनोक में वर्णन रिया है:—

शाहण्ड्यारितस्य मही तयायत सस्यं गुरस्तामिमुखं स्यमनतया । शाहण्यते तत्सततीय माति समें समन्तात् स्वस्ततिययेगे ॥

सर्यात् पृष्यी में आवर्षण-मस्ति है दिससे दाकाम में स्थित गृरु पिट की समनी और सामन्द्र कर केती है प्रस्पय यह किए गिरना हुआ का दिकाई देता है। इस मंत्र की व्यास्या करते हुए सायणाचार्य ने 'विपुरूपे' का ग्रर्थ 'नाना रूपे' किया है अर्थात् विषु का अर्थ है 'नाना'।

दक्षस्य वादिते जन्मनि व्रते राजानामित्रा वरुणा विवासित । अतूर्तपन्याः पुरुरथो ग्रयंमा सप्तहोता विपुरूपेषु जन्मसु ॥ (निरुवत ११-२३)

अर्थात् हे पृथिवी तुमने सूर्य के उदयकाल में मित्र और वरुण की यज्ञवेदी वन कर सेवा की। यह सूर्य नाना रूपों में उदित होता है, नियत गति है, सप्त रिमयों से रस ग्रहण करता है तथा बहुवेगी है।

यहाँ निरुवतकार यास्काचार्य ने 'विषुहिषेषु' का अर्थ 'विषमहिषेषु' किया है अर्थात् विषुहृप का अर्थ है मिन्नहृप। विषु का अर्थ विषम या भिन्न है।

सायणाचार्य ने भी विपुरुपेणु का अर्थ 'नाना रूपेपु' किया है।

विषु का स्वतन्त्र प्रयोग पाणिनीय व्याकरण की वैदिक प्रक्रिया में 'विष्तं परय', 'विषुत्रं परय', 'तन्वादीनां वेयङ्क्टों' सूत्र के ज्याहरण के रूप में मिलता है। यहाँ पर विषु का अर्थ 'दोनों तरफ' या दोनों दिशाओं में लगता है। मोनियर विलियम के संस्कृत कीप में विषु का यह अर्थ भी दिया है। इयङ्, जवङ प्रत्यय का विधान करने वाल, अचिश्तु धातु-भ्रुवां यवीरियङ्क्टों (६१४१७७) के वार्तिक इयङ्क्ष्रणु प्रकरणे तन्वादीनां छन्दिम वहुलमुपसंस्थानम् कर्त्तं व्यम्' के जो उदाहरण काधिका में दिये हैं उनमें भी विष्तं और विषुत्रं शब्द स्वतन्त्र रूप में ग्राते हैं। उनका अर्थ पी उपरोक्त ही है। व्युत्ति के सम्बन्ध में यासकाचार्य विषु का सम्बन्ध विपन से जोड़ते है जो डां० वर्मा की सम्मति में समीचीन नहीं हैं वर्षोकि विषम शब्द स्वयं सम से बना है और भारोगीय भाषा में विषु का समान रूपी शब्द 'Viso' मिलता है जिसका अर्थ है 'सण्ड' और लियोनियन माषा में 'Visas' यद्द है जिसका अर्थ है 'सच'। सावणाचार्य विषु का अर्थ व्याप्ति मी बताते हैं तथा विषु शहद को 'विष्तृ व्याप्ती' धातु से निकला हुया वताते हैं तथा विष् धातु से औणादिक मु प्रत्यय लगने से विषु शब्द की गृष्टि बताते हैं।

दिषुव को ब्युत्वति :

काद्यिका विवरण पंजिकाकार प्रयांत न्यासकार विषु को वि पूर्वक सू धातु से बना बनाते हैं। सू पातु से स्थिप प्रत्यय लगती है और 'उपसर्गात् सुनोतीस्यादिना' (६-३-६५) में से रा प होना बनाते हैं 'सियन्ता घातुत्वं न बहाति' इसे सिद्धान्त से चितु पातु ही रहा कीर 'अविश्तुपातुआुवां सवीत्यहुवको' इसे सूत्र तथा इसके

१, मधान्यान गोम्बी।

२. देशिये वॉ॰ वर्मा द्वारा जिल्लि 'एटोमोली'रीज ऑफ यारक'।

प्रारम्भ से ही सकल व्यक्ति इसको रेखारूप में ही देखते हैं, अत: रेखा द्वारा ही इसका बोध करते हैं। चक्षुनंत विषय, ज्ञानगत विषय से सदा ही प्रधानता पाता है। प्राचीनकाल में ज्योतिषशास्त्र के अन्तर्गत भूगोल की अपेक्षा खगोल का ही अधिक अध्ययन किया जाता था। अतएव विपुवद्वृत्त या विपुवन्मण्डल शब्दों का प्रयोग अधिक है और आधुनिक काल में भूगोल का अध्ययन वाल्यकाल से ही प्रारम्भ कर दिया जाता है और खगोल ज्योतिष (Astronomy) का अध्ययन विरले ही करते हैं अनएव विपुवन् रेखा शब्द का प्रयोग बाहुल्य से होता है और विपुवद्वृत्त का प्रयोग उसकी अपेक्षा कुछ कम होता है। सामान्य जन इसको मानचित्र में पृथ्वी के मध्य से गुजरता हुआ देखता है अतः इसको भूमध्यगामी रेखा शब्द से भी व्यक्त करता है। यहाँ यह कह देना भी अप्रासंगिक न होगा कि विपुवत् तथा इक्वेटर का जो संस्कृत तथा इंगलिश में 'दिन रात वरावर कर देने वाला काल' अयं था, वह मारत के इस तिमिर-काल में आंबों से ओफल हो गया और विपुवत् का 'भूमध्यस्य' ही अयं अधिकांग समझा जाने लगा।

अंगरेजी का इक्वेटर तथा उदूँ, फारसी एवं ग्ररबी का ख़ते उस्तबा शब्द विपुत्र देखा के ही अनुवाद हैं। क्योंकि इक्वेटर का अर्थ है प्ररांतर कर देने वाला। इसी प्रकार उस्तवा का अर्थ है समता तथा एकसमानता एवं खत कं अर्थ है देखा। विपु का भी अर्थ समता है।

प्रकरण ४. अंश, कला, विकला, घड़ी, पल, विपल, समय, प्रहर

यह ज्योतिश्चक कालकमानुसार ही चल रहा है। इस चक्र के ३६० अंश अयया भाग किये जायें तो इन भागों को चक्रांश अयवा मण्डल-भाग ही कहेंगे। यया:—

> चक्रांगकै ३६० स्तदूर्न रनुबकं तदधिकोन माग कला: । मण्डलमागै ३६० स्तदूर्नैः प्राक्राविषु चतुर्षु वक्रम् ॥

(ब्रा० स्फू० सि० ४६५१)

"चप्रांगीरपहत योजनानिकोटिः"

(म० न०, ए० १६)

संख्यित होने पर चर्डाय को अंग शब्द से ही व्यक्त किया जाने लगा । इस प्रकार मंग गढ़र क्षेत्रविमाग (Division of space) से सम्बन्धित है। भारतीय क्षेत्रविभाग कालियभाग के अनुसार है। एक वर्ष में १२ मास होने हैं, १ मास में २० दिन, १ दिन में ६० घडी तथा १ घडी में ६० पत्त या विनाडिकाएं होनी हैं। उसी प्रकार प्रोतिस्थित करिन्चित श्रम्या ज्योतिस्टिन के १२ माग होने हैं। प्रत्येक वनते हैं। कुम्म का छेद ही जल-निष्कासन-नाली का काम करता है, अतएव सम्भव है नाली या नाडी पर इन यन्त्र का नाम नाली अथवा नाडी-यंत्र पड़ गया। यह घ्यान देने की वात है कि कौटिल्य काल में तांवे की घटी से नहीं किन्तु घड़े से ही काम लिया जाता था। यही घटी नाम पड़ने का मूल कारण है। सम्भव है घड़े के छेद में से नियमित रूप से पानी निकलने के लिए उसमें पानी की घास नाडी (नारी, अथवा नाली) लगा देते हों जैशा कि आजकल भी घटदान के समय करते हैं और उस नाडी से ही यह नाडी शब्द बन गया हो। बराहिमिहिर के समय तक घटी-यंत्र तांवे का बन निकला था। देखिये:—

कुम्भार्घाकारं ताम्रं पात्रं कार्यं मूले छिद्रम् । स्वच्छे तोये कुण्डे न्यस्तं तस्मिन् पूर्गो नाडी स्यात् । (प०सि०, पृ०४१) घंटा, समय, क्षण, मुहर्त्तं, भार:

आज कल भी जिस यंत्र से समय जाना जाता है वह पुराने नाम पर ही घड़ी कहलाने लगा। इसी प्रकार अंगरेजी समझाइल के लिए धूपघड़ी शब्द भी बना। एक घंटे समय के बाद घंटा वजता है। अतएव उस समय को घंटा शब्द से व्यक्त करने लगे। 'ममय' शब्द भी अनुपोगद्वार सूत्र (१३३) के अनुसार समय का सबसे छोटा परिमाण था। असंख्य समयों की एक आविलका तथा असंख्य आविलकाओं का १ उच्छास, प्राण अथवा निश्वास होता था। प्रारंभ में यह काल विशेष का वाचक होकर वाद में सामान्य काल के अर्थ में यह प्रयुक्त होने लगा। यही इतिहास क्षण, मूहतें तथा भार आदि शब्दों का है।

पाष्ठिक-विभाजन :

क्या पाष्टिक विभाजन विदेशी है ? दिन के ६० माग मारत में वेदांग ज्यो-तिप-काल से ही प्रचलित हैं। वेदांग ज्योतिप में भी लिखा है कि दिन रात में ६० मुहूत्तं श्रीर १ मुहूर्त्तं में २ नाडिकायें अर्थात् १ दिन में ६० घड़ी होती हैं। देखिये:—

कला दश सर्विशास्यात् द्वे मुहुर्त्तस्यु नाडिके ।

तित्रशं-द्यु-कलानां तु पट्छती त्यविका भवेत् ।।

अर्थात् २ नाडिकायें = १ मुहूर्त, ३० मुहूर्त = १ दिन, ६०३ कलायें = १ दिन। कोटित्य अर्थणास्त्र में भी आया है:-

'ढाँ त्रुटौ लवः । ढौलवौ निमेषः । पंच निमेषाः काष्ठा । त्रिशत्काष्ठाः कला । चत्वारिशत्कलाः नाडिका । द्विनालिका मुहूर्त्तः ।" चक्र के ३६० भाग वैदिक काल में भी आते हैं। यथा:—

१ं कीलोत्क्षेपामिहतः पटहः शब्दं करोति घण्टा वा । एवं यन्त्रसहस्राण्यनेन वीजेन कार्याणि ।। (ब्रा० स्फु० २२।५२)

हादग प्रथयस्वक्रमेकं त्रीरिए नम्यानि क उ तिच्चकेत । तस्मिन्स्साकं त्रियता न शंकवोऽपिताः पाष्टि नं चला चलासः ॥ (ऋषेद ॥)

प्रहर:

इस प्रकार घटी तो प्राचीन ही है किंतु उसके ६० माग आर्यभटीय में विनाडिका नाम से मिलते हैं। उसके परवर्ती सब लेखकों ने पिट्ट-विभाजन ग्रहण किया। घड़ी के साथ-साथ दिन रात में = प्रहरों का होना भी पुराना है। आज भी दुपहर, तीमरपहर दिन के दूसरे तथा तीमरे पहर के लिये बोले जाते हैं। कौटिल्प काल में = के स्थान पर दिन के १६ विभाग किये जाते थे। यथा:—

> "नानिकाभि रहरष्ट्या रात्रि च वित्रजेन्। छाया प्रमाणेन वा" (काटित्य अर्थ०, ए० ३७)

नानिकाओं से अथवा छाया प्रमाण से दिन-रात के द माग करे किंतु प्रहर के स्थान पर यहाँ भाग बाब्द प्रयुक्त किया गया है । यहाँ नानिका से भी छायानानिका का अर्थ है।

याम:

"प्रहियते दक्कादि रिह्मन्" अर्थात् इन व्याख्या से प्रहर गहर भी प्रहर अर्थात् समाने से मन्यन्यित है। प्रहरी चौकीदार होते थे जो घंट बनाने का काम करते थे। र प्रहर के बाद दोन ग्रादि वाद्य पर एक प्रहार किया जाता या अतएव इसका नाम प्रहर पड़ा। क्यागरितमागर और पंचतंत्र में प्रहरियों का उल्लेख है। अमरकीय में मी "ही याम-प्रहरी सभी" अर्थात् याम और प्रहर पर्यायवाची है। याम रात की राज्यानी अर्थात् चौकीदारी को कहते थे, जो तीन-तान घंटे बाद बदलती थी, अतएय यामिनी (रात) बदद बना। देखिये याम शहर का प्रयोग:—

पटचार् यामिनी यामास्त्रमाटमिव चेतना । (रपु०, १७११) अविदित गत्रपामा रामिरेच व्यरंगीत् । (प्रतर राम० नाटक)

पामी अथवा सभी के यम मरण बन्ध दुः छ को भुलाने के लिए यामिनी की मृत्दि हुई। यह भी कपा बाती है।

समन्वय सूक्ष्म रीति से स्थापित नहीं किया जा सका क्यों कि २० वर्षों में साढ़े तीन दिन की अगुद्धि हो जाती थी क्यों कि वेदांग-ज्योतिष में मासमान गुद्ध २६.५३० प्रके स्थान पर २६.५१६ माना जाता था। इस अगुद्धि की दूर करने के लिये आयं मट ने युगमान ४३,२०,००० वर्षों का रक्खा। इस काल में न केवल सूर्य और चन्द्रमा ही बल्कि और गृह भी लगभग पुन: उसी स्थान पर लीट आते हैं जिस पर कि वह युगादि में थे। यथा:—

"अय युगस्य कि लक्षणं। उच्यते-चैत्र गुक्ल प्रतिपद्यघींदये सिवतिर लंका-याम् मीन-मेप-संबी प्रवृत्ती ग्रहो पुनर्मीनमेपसंघी चैत्र शुक्ल प्रतिपदि सिवतुरघोंदये लंकायां यावता कालेन प्राप्तोति तावत्कालो युगम्।" उक्तं च

चैत्रसितादी सूर्ये विपुनत्यचोदिते प्रवतस्य ।

मेपादिर्मीनान्तं तथाविघस्यैप संप्राप्ति: ।। (मा॰ प्र॰ आर्थे॰ की टीका)

वर्थात् लंका में चैत्र शुक्ल प्रतिपदा के अर्घ सूर्योदय के समय ग्रह जिस स्थान पर हों उसी स्थान पर जितने समय में चैत्र शुक्ल प्रतिपदा को ग्रह पुनः अर्घोदित हो वह 'युग' कहलाता है।

वैदिक काल में मानुष युग ५ वर्ष का माना जाता था। इसका संकेत निम्न मंत्र में हैं :---

दीर्घतमा मामेतयो जुजुर्वान् दशमे युगे । अपामर्थं यतीनां ब्रह्मा मवति सारिधः ॥ (ऋग्वेद १।१५८)

इस मंत्र में ममता के पुत्र दीर्घतम नामक ऋषि ने महर्षि आदिवन के प्रभाव से त्रपने दु:ख से छूटकर जीवन के शेप १० युग सुख से विताये। इस कथा का उल्लेख है।

युग का अर्थ युग्म भी होता है। ऋग्वेद संहिता के १.१०. ३-४ मंत्र में 'मानुपेमा युगानि' आया है जिसके भाष्य में सायण ने युग को सतयुग आदि युगों में आया हुआ बताया है। किलयुग आदि नामों की ब्युत्पत्तियाँ बाद में बताई गई हैं। अधिमास:

वेदांग-ज्योतिए में जैसा कि पहिले कहा गया है, चान्द्रवर्ष और सौरवर्ष के समन्वय के लिये पांच वर्ष के ग्रुग की कल्पना की गई थी। जिस ग्रुग में १८३० दिन तथा पूरे ६२ महीने माने जाते थे और पांच वर्षों में दो [अधिमासों की सृष्टि की थी, एक बीच में और एक बंत में जो आजकल भी माने जाते हैं। इन्हीं को मलमास तथा लींद का महीना भी कहते हैं। इनको वैदिक साहित्य में संसर्प तथा अहस्पति नाम से व्यक्त किया गया है। वेदांग-ज्योतिष के इन आगे लिखे क्लोकों में अधिमास आदि का विधान है:

(३) द्वापर युग्म, (४) कल्योज । किसी राशि में से यदि ४ से भाग दें, इसमें क्रमशः ४, ३, २. अथवा १ वचता है । इन्हीं राशियों को क्रमशः कृतयुग्म, त्र्योज, द्वापरयुग्म तथा कल्योज कहा है । इससे संख्याओं को चार भागों में विभक्त करने का सुझाव मिलता है अर्थात् ४ क + ४, ४ क + ३, ४ क + २, ४ क + १ ।

प्रकरण ६. वर्ष

यह द्रपु (सेचने) धातु से अच् प्रत्यय लगा कर बना है। शतपथ ब्राह्मण में इस शब्द का वर्तमान अर्थ में प्रयोग मिलता है। वर्ष का शाब्दिक अर्थ है वर्षा। आदिम काल में वर्ष का ज्ञान वर्षा ऋतु के दृश्य की कुछेक काल के बाद पुन:-पुन: आदित्त देखकर ही हुआ था। किसी की अवस्था बताने के लिये वे कहते होगें कि १० वर्ष हो गए अर्थात् इसके जन्मकाल से १० वर्षा ऋतुएँ व्यतीत हो गईं। इसी प्रकार १० शरद् का अर्थ है, जन्म से १० शरद् ऋत्एँ व्यतीत हो गईं। ऋग्वेद में शरद् शब्द वर्ष के अर्थ में निम्न मंत्र में आया है :—

तच्चक्षुर्देविहतं पुरस्ताच्चकृमुच्चरत पश्येम शरदः शतं, शृगुयाम शरदः शतम् जीवेम् शरदः शतम् ।।

यहाँ १०० शरद् जीने की कामना की है। इसी प्रकार से अन्य ऋतुओं का मी लाक्षणिक अर्थ वर्ष होगा। जैसे:—

शतंजीव शरदोवर्धमान: शतं हेमन्ताञ्छतममु वसन्तान् । शतमिन्द्राग्नी सविता वृहस्पति: शतायुषा हविषेमं पुनर्दु: ॥

(ऋग्वेद १०।१६१।४)

इसमें हेमन्त और वसंत ऋतु का भी लाक्षिणिक अर्थ इसी प्रकार वर्ष है। कुछ ऋतुओं का अधिक प्रयोग होने से लौकिक संस्कृत तक में उनका अर्थ वर्ष रहा जैसे वर्ष और शरद। अौरों का अधिक प्रयोग न होने से वर्ष का अर्थ उन शब्दों में सुनिहित नहीं होने पाया।

पर्याय:

पयाय:
वर्ष के पर्याय ये हैं:—(१) संवत्सर, वत्सर, अब्द्, शरद्, हायन, हयन, समा (संवत्सरो, वत्सरोऽब्दो, हायनोऽस्त्री शरत्समा: इत्यमर:) (संवद्वर्षे इत्यमर:)। संवत्सर:

सवत्सर : अब्द का अर्थ वादल अथवा वर्षा है । यह भो शब्द वर्षा ऋतु से संबंधित है । संवत्पर का अर्थ है ''संवसन्ति ऋतवोऽत्र'' त्रर्थात् जिसमें समस्त ऋतुओं का वास हो ।

१. संभव है वर्षा का अंतिम विन्दु वर्ष के आदि एवं अंत को जानने के लिए अपेक्षाकृत अधिक सुविधाजनक रहा हो अतएव शरद, तथा वर्ष शब्द साल के अर्थ में को ६ ऋतुयें मानी जाने लगी। तैतिरीय-संहिता में छओं ऋतुओं के वर्तमान नाम आये हैं देखिए:---

मधुरच माधवरय वासंतिकावृत्, शुक्रस्च शुचिरय ग्रैष्मावृत् नभरच नमस्यरच वार्षिकावृत् इषरचोर्जरच शारदावृत् सहरच सहस्यरच हैमंतिकावृत् तपरच तपस्यरच भौशिराव्त् । अर्थात् :—

मघु, माघव = वसंत शुक्त, शुचि = ग्रीष्म नम, नमस्य = वर्षा इष, ऊर्ज = शरद सह, सहस्य = हेमन्त तप, तपस्य = शिशिर

वैदिक काल में वर्ष का प्रारम्म :

इस उद्धरण से यह भी प्रतीत होता है कि वर्ष का प्रारम्भ वसंत ऋतु से होता था। वास्तव में वैदिक काल में वर्ष एक वसंत संपात से दूसरे वसंत संपात तक मानी जाती थी। लगभग ५०० ईसवी पूर्व से वर्ष का प्रारम्भ वर्ष ऋतु से माना जाने लगा। इस सम्बन्ध में निम्न उद्धरण अवलोकनीय है:—

सावण बहुल पठिबए वालवकरणे श्रभीइ नवसते। संव्वत्य पडम समये जुझास आई वियाणाहि।। (सूर्य० प्र०) (संस्कृत) श्रावण बहल प्रतिपदि बालवकरणे अभिजिन्नक्षात्रे।

सर्वत्र प्रथमसमये युगस्य ग्रादि विजानाहि ॥

श्रयित् युग-प्रारम्भ श्रावण वदी प्रतिपदा को होता है। कौटिल्य अर्थशास्त्र का निम्न उद्धरण भी इस संबन्ध में अवलोकनीय है:—

श्रावणः प्रोष्ठपदश्च वर्षाः, आश्वग्रुजः कार्तीकश्च शरत् । मार्गशीर्षः पौषश्च हैमन्तः । माघः फाल्गृतश्च शिश्विरः चैत्रो वैशाखश्च वसंतः ।

(कोटिल्य अर्थशास्त्र, पृ० १०६)

प्रकरण ८. मास

पौर्णमासी, अमावस्या :

मासों की गणना चन्द्रमा की गित से की जाती है अर्थात् जितने काल में चन्द्रमा पृथ्वी का एक चनकर लगा ले उसे मास कहते हैं। यह काल २६.५३०५८८ हैं। व्यवहार में इसे ३० दिन का माना जाता है तथा इस मिन्न का लासन्त पूर्णमान ३० ही है। चन्द्रमा से सम्बन्धित होने के कारण इसका नाम मास पड़ा क्योंकि मस्,

चन्द्रमस् का मूल नाम है, चन्द्र तो आन्हादित करने के कारण उसका एक विशेषण हैं। मस् से मास इन प्रकार बना जैसे पणस् से पायस । इसका विश्रह यह है 'नार-चन्द्रस्तस्यायन अण्' पौर्णनासी का भी अर्थ है जिसमें मस् (चन्द्र) पूर्ण हो। एवं जमा का अर्थ है मन् विस्कुल न हो जिसमें। जमावस्था की 'अमा अर्थात् एक घर (राशि) में मूर्य तथा चन्द्रमा का वास हो। जिसमें यह एक प्राचीन ब्युत्सांता सी है। देखिए हिन्दी पंक्ति:—

अधिक अंधेरो जन करे मिलि मावस रवि चन्द-विहारी !

मासों के बर्तमान नाम प्राय: सभी चन्द्रमा एवं नखत्र-नामीं से सम्बन्धित हैं जैसे:-- चैत्र, वह नाल है जिसकी पूर्णिमा की चन्द्रमा चित्रा नक्षत्र से योग करता हो । इसी प्रकार वैशाख, विशाखा नक्षत्र से; ज्येष्ठ, ज्येष्ठा नक्षत्र मे; आषाढ़, पूर्वी-पाइ नक्षत्र ते; श्रावण, श्रवण नक्षत्र ते; भादी, भादपद नक्षत्र ते; जारिवन जरिवनी नमत्र ते; कार्तिक, इतिका नमत्र ते; मार्गशीर्ष, मुगशिरा नमत्र ते, दौष पुष्य समत्र ते; साघ, सघा नक्षत्र ते; फाल्गुन, फाल्गुनी नक्षत्र ते सम्बन्धित हैं। ये नाम अधिक वैज्ञानिक हैं तथा इनसे महीनों की सट पहिचान भी हो जाती है अतएव नम्, माधव जादि वैदिक नामों के स्थान पर ये नाम घल पड़े। मार्गशीर्ष का दूसरा नाम भगह्त है जो अप्रहायण से बना है। इसका अर्थ है हायन अपीत वर्ष का अप्र अपीत् वयमास । पहिले किसी समय में वर्ष, अगहन ने प्रारम्भ होता था । एक दूसरा मास-नाम कुंबार भी दृष्टव्य है। इसका दूसरा नाम आख्विन है। वास्तव में आख्विन मास अश्विनी नक्षत्र से सम्बन्धित है क्योंकि इसके देवता अश्विनीकुमार हैं। अश्विनी कुमार से सम्बन्धित होने के कारण यह मास 'बाब्बिनीकुमार' कहलाया । पुनः इसके दो टुकड़े हो गए, एक आश्विन तथा दूसरा कुमार (कुवार)। आश्विन का दूसरा नान जरवयुज् भी है, इसी का दिनड़ कर असीज हो गया। मानों के प्राचीन वैदिक नाम :

प्राचीन वैदिक काल में महीनों के नाम नफत्रों के नामों पर नहीं ये क्योंकि नक्षत्र ज्ञान तो बाद में विकक्षित हुआ । उस समय महीनों के नाम निम्निलिखित ये जो प्राय: गुण-गत नाम हैं :— (१) मधु (२) माधव (३) शुक्र (४) शुच्चि (४) तमः (६) नमस्य (७) इषा (=) उर्ज (६) सहस्य (१०) सहस्य (११) तपस्य ।

प्रकरण ६. दिन, वार

दिन शब्द दोङ् धातु से नक् प्रत्यय सगने से अथवा दा धातु से किनन् प्रत्यय सगने से दना है। दोङ् का अर्थ सीण होना तथा दा का अर्थ काटना है। डो अंधकार को सीण कर देता है अथवा काटता है वह दिन है। दिन से निस्ते-जुलते

१. देखिए ऋत प्रकरण।

भव्द लेटिन का (Paren-dinus) तथा गोथिक का (Sintein, deinan) स्लावक (dini) है। दिन का अर्थ है रात्रि के बाद का वह काल जिसमें प्रकाश रहता है। यह दृष्य वार-वार मनुष्यों ने देखा। अन्त में पहले तिथियों से अहोरात्र गिने और बाद में सप्तग्रहों के आधार पर रिववार (इतवार — आदित्य वार), सोमवार, मंगल-वार, बुघवार, बृहस्पितवार (गुरुवार), शुक्रवार, शनिवार ये नाम पड़े। वास्तव में प्रत्येक दिन के ये ग्रह देवता माने जाते हैं। जब ७,७ प्रकाशों के वर्ग बनाए गये और वारी-वारी से रिववार आदि दिन माने गये तो दिन के अर्थ में दिनवार शब्द रक्खा गया। मंगल दिनवार का अर्थ है मंगल ग्रह के अधीन दिन (प्रकाश) की वारी। दिनवार शब्द का वराहिमिहिर का प्रयोग निम्न इलोक में देखिए:—

दिनवार प्रतिपत्तिने समा सर्वेत्र कारणं कथितम् । नेहापि भवति यस्माद्विप्रवदन्तेऽत्र दैवज्ञाः ॥ (पं० सि०, प्र० ४५) चुगणाद्दिनवाराप्तिः चुगणोऽपि देशकाल-सम्बधात् ।

वर्यात् सव जगह दिन का प्रारम्भ एक समय नहीं होता । इसका कारण वता दिया गया है।

इसी दिनवार शब्द के दो भाग हो गये और दोनों भाग दिन और वार स्वतंत्र शब्द बनकर अपना प्राचीन अर्थ ही ब्यक्त करने लगे। ऐसे उदाहरण कई एक मिलते हैं। जैसे वलीवर्द के पृथक् शब्द बैल और वर्द बन गये। आदिवनीकुमार के आदिवन और कुंवार। चन्द्रमस् के चन्द्र और मस्,। हिन्दी के इन डबलिट शब्दों का अपना एक निजी इतिहास है।

दिवस शब्द मी दिव (दीप्ती) धातु से असच् प्रत्यय लगकर बना है। दिव का अर्थं है दीप्त होना अर्थात् जो चमके वह दिवस है।

प्रकरण १०. देशान्तर, रेखांश

पंचांगों में देशान्तर घड़ी और पलों में दिये रहते हैं। देशान्तर में मध्यमपदलोपी तत्पुरुप समास है क्योंकि उसका अर्थ है देश कालांतर अर्थात् दो देशों
(दिक्) अर्थात् स्थानों के कालों का अंतर इसमें एक स्थान के सापेक्ष दूसरे स्थान का
देशान्तर निकाला जाता है। पंचांग में काशो के सापेक्ष अन्य नगरों के देशान्तर दिये
रहते हैं। इंगलैंड में ग्रीनविच के सापेक्ष अन्य स्थानों का देशान्तर-मान निकाला
जाता है जो ०-१८० अंश पूर्व तथा ०-१८० अंश पश्चिम तक होता है। अंश में
४ मिनट का अन्तर पड़ता है तथा वियुवत् रेखा पर एक अंश में लगभग ६६ मील
दूरी होती है।

देशान्तर को महाभास्करीय में (पृ० २१-३६) देशकालविवर मी कहा है। विवर का अर्थ अन्तर होता है अतएव इससे पूर्व ज्युत्पत्ति की पुष्टि होती है। अक्षांशकाः पंचदशैव यस्मिन् छायारवेः पंचमभागयुक्ता । सार्धागुंला स्यात्सममण्डलोत्था वाच्यो विस्वान् खनु तत्र कीहक् ॥ (म० भा०, पृ० =६)

प्रकरण १२. लम्बन, नति

व्युत्पत्ति:

इन दोनों का भव्दार्थ कमशः लटकना तथा भुकना है। लम्बन शब्द लम्ब् घातु से तथा नित शब्द नम् घातु से कमशः ल्युट तथा क्तिन् लगाकर बने हैं।

लम्बन शब्द भास्कर प्रथम ने अपने ग्रंथ महाभास्करीय में प्रयुक्त किया है। यथा :---

ग्रासादिमोक्ष काली स्तस्ताम्यां जीवावधिस्तदा । ग्रासमध्य विनिष्पन्न लम्बनान्तर-नाडिकाः ॥ (पृ० ६०)

त्रयोग :

सूर्यसिद्धान्त में भी यह शब्द आता है । देखिए:— देशकाल विशेषेण ययावनतिसम्भवः। लम्बनस्यापि पूर्वान्यदिग्वशाच्च तथोच्यते ॥ (पृ० १३५)

इसमें लम्बन ग्रीर अवनित दोनों शब्द आग्रे हैं। लम्बन का अर्थ अंगरेजी की 'पैरेलेक्स इन लींगीच्यूड' तथा नित का अर्थ 'पैरेलेक्स इन लंटीच्यूड' है। इससे पूर्व के सूर्यसिद्धान्त के ब्लोक में लम्बन के लिए हरिज शब्द भी प्रयुक्त किया गया है लम्बन की उदंगित भूषृष्ठ और क्षितिज के कारण होती है अतः क्षितिज का दूसरा पर्यायवाची शब्द हरिज भी लम्बन के अर्थ में आया है। हरिज शब्द यूनानी होरा-इजन का अनुकृति मात्र है। हरिज का प्रयोग इस अर्थ में विरल है तथा अवनित के स्थान पर नित का प्रयोग वाहुल्य रूप से हुआ है। अब 'पैरेलेंक्से' के लिए एकमात्र लम्बन शब्द है वर्योकि लींगीच्यूड और लेटीच्यूड के लिए देशान्तर (रेलांश) तथा अक्षांग शब्द हैं ही, उनको लगाकर उक्त संकल्पनाओं के लिए पृथक् शब्द वन सकते हैं।

नित अब अंगरेजी के इन्जलीनेशन के लिए प्रयुक्त होता है जिसके लिए वह उपयुक्त भी है क्योंकि नित का शब्दार्थ भुकना ही है लम्बन तथा अवनित शब्दों का ब्राह्मस्फुट सिद्धान्त में भी प्रयोग हुआ है। देखिए:—

हरपाट्रयं हम्मोलाधं भूत्र्यासदलिबहीन युतम् ॥ हप्टा भूगोलोपरि यतस्ततो लम्बनावनता ॥ (ब्रा० स्फु० सि०२१।६४) लम्बन से तात्पर्य है प्रेझक की विभिन्न स्थितियों के कारण उत्पन्न पिंड का विस्थापन ।

प्रकरण १३. पात

पात गव्द पन् घातु से घज् प्रत्तय लगाकर बना है। पात का शव्दार्थ है 'गिरना' किन्तु ज्योतिप और रेखागणित में यह अन्य विशिष्ट अयों में प्रयुक्त होता है। ज्योतिप में पात शब्द से जन दो बिन्दुओं का बोध होता है जहाँ ग्रहों की कक्षाएँ कान्तिहत को काटती हैं। चूँकि यहां ग्रहों की कक्षायें तथा क्रान्तिवृत्त दोनों एक स्थान पर गिरते हैं अर्थात मिलते हैं अत्पव इस बिन्दू का नाम पात हुआ।

ज्यामिति में पात शब्द बक के दिक-विन्दु (Double point) के अर्थ में प्रयुक्त होता है। अगरेजी का नोड शब्द मी ज्योतिप के उपरोक्त अर्थ के अतिरिक्त ज्यामिति के दिक-विन्दु के अर्थ में भी प्रयुक्त होता था। अतः अंगरेजी की भाँति ज्योतिप का पात शब्द ज्यामितीय अर्थ में भी प्रयुक्त किया जाने लगा। अतः ज्योतिप में यदि पात शब्द ज्यामितीय अर्थ में भी प्रयुक्त किया जाने लगा। अतः ज्योतिप में यदि पात शब्द योग रूढ़ है तो ज्यामिति में वह केश्रल रूढ़ ही है। इत रूढ़ि का अश्वार अंगरेजी भाषा है और यह प्रयोग आधुनिक है। वैसे इस विन्दु पर मी वक्त की दो शाखायें मिलता ही हैं। अतः यह योगरूढ़ शब्द भी कहा जा सकता है।

प्राचीन प्रयोग:

ज्योतिपीय अर्थं में पात शब्द के प्रयोग आर्थमट, भास्कर प्रथम तथा ब्रह्म-गुप्त आदि के ग्रंथों में मिलते हैं। इस सम्बन्ध में नीचे कतिपय इलोक उद्धृत किए जाते हैं:—

तारा ग्रहेन्द्रपाता श्रमन्त्यजस्तमपमण्डलेऽर्कश्च ।
सर्काच्च मण्डलार्धे श्रमितिहि तस्मिन् क्षितिच्छाया ॥ (आर्य० गोल० २)
पातभागिवहीनस्य समिलिप्तस्य निश्चयात् ।
हत्वा समास्व विक्षेपात् भागहारेण माजयेत् ॥ (महा० भा०, पृ० ७६)
प्रतिपादनार्थेमुच्चं प्रकल्पितं ग्रहगतेस्तथा पातः ।
भूक्ते क्नाविकता मानस्य च भवति कर्णावशात् ॥ (ब्रा० स्फु० २१।३०)

प्रकरण १४. संपात, विषुव, जलविषुव, महाविषुव, मेपादि, वसंत संपात

यह शब्द सम् + पत् घातु से घल प्रत्यय लगाकर वना है। संपात का र्थ है सम् अर्थात् एक साथ पात अर्थात गिर पड़ना। जहाँ दो वस्तुग्रों का एक मिलना होता हो, उसको संपात कहते हैं। सम्पात शब्द ज्योतिप में विपुत- विन्दु (Equinoctial point) के अर्थ में प्रयुक्त होता है। इन दो बिन्दुओं पर कान्ति-वृत्त तथा विषुवदृत्त परसार एक दूसरे से मिलते हैं ग्रतः संपात शब्द अपने पारिभाषिक अर्थ में भी अन्वर्थक है। इन दो बिन्दुओं को वसंत संपात तथा शरत् संपात कहते हैं।

ज्यामिति में संपात शब्द का अर्थ है परस्पर एक दूसरे पर इस प्रकार गिरना कि एक दूसरे को भली-भांति ढक ले। अंगरेजी में इसकी (Concidence) कहते हैं तथा एक दूसरे पर संपात करने वाले को संपाती (Coincident) कहते हैं। पर्याय:

वसंत संपात को प्राचीन काल में मेषादि तथा महाविषुव एवं शरत् संपात को तौल्यादि एवं जलविषुव कहते थे। मेषादि और तौल्यादि शब्दों के प्रयोगों के लिए आर्यभट का निम्न श्लोक दृष्टच्य है:—

मेषादेः कन्यान्तं सममुदगमपमंडलार्घमपयातम् । तौल्यादेमीनिन्तं शेषार्घं दक्षिगोनैव ॥ (आर्यं० गोल० १)

मेषादि :

अंगरेजी श्रीर हिन्दी में सामान्य त्रुटि-

आर्यमट के समय (छठी शताब्दी के प्रारम्भ में) वसंत संपात मेष राशि के प्रयम बिन्दु पर तथा शरत् संपात तुला राशि के प्रयम बिन्दु पर था, अतः इन दोनों विदुओं को कसशः मेषादि तथा तौल्यादि कहा गया है। अब यद्यपि मेषादि मेष के बादि बिदु से हटकर मीन राशि के उत्तरा माद्रपद नक्षत्र के प्रयम चरण पर पहुँच चुका है तो भी वह मेषादि ही कहलाता है। आर्यमट से अब तक १४७१ वर्ष व्यतीत हो चुके हैं किर यह कैसे सम्भव है कि वसंत संपात वहीं पर स्थिर रह जाए जबिक तथ्य यह है कि विपुव विदु स्वयं भ्रमण करते हैं और २६००० वर्ष में एक परिक्रमण पूरा कर लेते हैं। इस प्रकार थिछले १४३८ वर्ष में वसंत संपात लगभग है राशि पीछ हट गया है। अंगरेजी में भी वसंत संपात बिन्दु को अब भी 'फर्स्ट प्वाइन्ट ऑफ एरीज' कहा जाता है। अंगरेजी की भांति हिन्दी में भी यह त्रुटि चल रही है। परिचीन प्रयोग :

संपात शब्द के प्राचीन प्रयोग के लिए आर्यभट प्रथम तथा भास्कर प्रथम के निम्न क्लोक अवलोकनीय हैं:—

पूर्वापर दिग्रेखाऽघरश्चोर्घ्वा दक्षिणोत्तरस्त्तथाच । एतासां संपातो द्रव्टा यस्मिन् मवेद्देशे ॥ (आर्यं० गो०, पृ० २०)

१. विष्णव संप्रदाय के अनुसार आर्यभटीय के आधार पर बनाया हुआ पंचांग है। धार्मिक कृत्यों में अनुसरणीय है अतएव संक्रान्ति-काल में २२ दिन की त्रुटि रहती है। क्योंकि आयंभटीय को बने हुए १४७१ वर्ष व्यतीत हो चुके हैं। मारत सरकार ने अपने पंचांग में यह त्रुटि ठीक कर दी है।

निहु (Equinoctial point) के अबे में प्रयुक्त होता है। इन दो विन्तुकों पर कान्ति-कृत तका विप्रवहत परस्तर एक दूसरे से मिलते हैं अत: संपात सब्द अपने पारिसायिक अबे में माँ अन्तर्यक है। इन दो विन्तुकों को वसने संपात तथा शरत् संगत कहते हैं।

ज्यानिति में संपात शब्द का अब है परस्पर एक हमरे पर इस प्रकार गिरना कि एक इसरे को मली-माति ढक ले। अंगरेजी में इसकी (Concidence) कहते हैं तथा एक इसरे पर संपात करने वाले की संपाती (Coincident) कहते हैं। पर्याय:

वर्षत संपात को प्राचीन काल में मेपादि तथा महाविष्ट्रव एवं शर्प संपात को तील्यादि एवं बलविष्ट्रव कहते थे। मेपादि और तील्यादि शक्यों के प्रयोगों के लिए आर्थमट का निम्न स्लोक हण्डक्य है:—

नेपादैः कन्यान्तं समयुक्तमपर्मडलाबीसपयातम् । तौल्यादैनीनिन्तं वेपाद्यं दक्षिणेनैद ॥ (बार्ये० गील० १) नेपादिः

अंगरेजी ग्रीर हिन्दी में सामान्य पृष्टि—

आवंगट के समय (छठी मतान्दी के प्रारम्म में) बसंत संपात मेप रागि के प्रथम बिन्दु पर तथा बरन् संपात नृता रागि के प्रथम बिन्दु पर था, बतः इन दोनीं विद्वारों को अन्यः मेपादि तथा तील्यादि कहा गया है। अब यन्नपि मेपादि मेप के बादि बिद्व से हटकर मीन रागि के उत्तरा माठपद नक्षत्र के प्रथम बरण पर पहुँच दुका है तो मी वह मेपादि ही कहलाता है। आर्थमट से अब तक १४७१ वर्ष व्यतीत तो चुके हैं किर यह कैसे सम्मव है कि बसंत संपात वहीं पर स्थिर रह जाए जबकि तथ्य यह है कि विद्युव विद्वु स्वयं अमरा करते हैं और २६००० वर्ष में एक परिक्रमण पूरा कर लेते हैं। इस प्रकार विछले १४३० वर्ष में वर्तत संपात लगभग है रागि पीछे हट गया है। अंगरेजी में मी वर्तन संपात बिन्दु को अब भी 'फ्रस्टं प्याइन्ट ऑफ एरीज' कहा जाता है। अंगरेजी की मौति हिन्दी में मी यह बृद्धि चल रही है।' प्रार्थान प्रयोग :

संगत शब्द के प्राचीन प्रयोग के लिए कार्यमट प्रथम तथा भास्कर प्रथम के निस्त दलीक अवलोकनीय हैं:—

पूर्वीवर दिग्रेखाऽबरव्चीडर्वा बक्षिणीलरस्त्रयाच । एवाझाँ संवातो इण्टा बस्सिन् सबेहोडो ॥ (बार्ब० गी०, ५० २०)

१. वंद्यव संप्रदाय के अनुसार आयं मटीय के आबार पर बनाया हुआ पंचांग ही पामिक कृत्यों में अनुसरणीय है अतएव संक्रान्ति-काल में २२ दिन की बृद्धि रहती है। क्योंकि आर्यमटीय को नमें हुए १४७१ वर्ष व्यतीत हो चुके हैं। मारत सरकार ने अपने पंचांग में यह बृद्धि ठीक कर दी है।

ग्रन्थानुक्रमणिका

- १. अमर-कोप, अमर सिंह हुत (रामाध्यो), निर्णयसागर प्रेस ।
- २. क्रायस्तंत्र जुन्त्र सूत्र, संसाट क्षीतिहासाचार्य, मैसूर विश्वविद्यालय, औरियंटल लाइक्षेरी प्रकायन, १६३१।
- इ. म्रान्ट-संस्कृत-इंगलिश-शब्दकीय, स्वाट पीठ केठ गोडे, सीठ जीठ कर्वे ।
- ४. ग्रायंपदीय, बार्यमटहात, त्रिवेंग्रम सीरीज तथा परमेश्वर टीका सहित ।
- ४. (क) ऋग्वेद संहिता, मायामाप्य, आर्य साहित्य संदत, अजमेर, सं० २०१० । (ख) ऋग्वेद संहिता, सायणाचार्य माय्यसेन्त,वैदिक संशोधन संदल, पूना १६४६ ।
- ६. एटीमोलीजीज आँक यास्क, डॉट मिडेब्बर वर्मा कृत ।
- ७. ऐंगेंट इंडियन मैथनेटिक्स ऐंड वेद, एन० वी॰ गुजेर कृत ।
- ५. श्रीरिक्तिम ऐरिकपार्टरिक कृत, रीटलेज ऐंड केगीनपाल, लंदन।
- ८ कारवायन गुल्ब भूत्र, कर्क महीवर भाष्य सहिन चीर्लवा संस्कृत सीरीज, वारागुर्भा,१८३६।
- १०. कोटिलीय व्यर्थवास्त्र, संपा० वामवास्त्री, मद्राम मरकार प्रकाशन, १६२४।
- ११. क्रीटित्य अर्थशास्त्र, शामशास्त्री हृत ऑग्य क्रनुवाद, १६२६ ।
- खंडसाद्यक, ब्रह्मगुष्त इत, अतु० प्रदीव चन्द्र सेन गुप्त, कलकत्ता विद्य-विद्यालय, १६३४।
- ? इ. गणित का इतिहास, सुवारकर द्विवेदी कृत, बनारस प्रमाकारी प्रिटिंग प्रेस ।
- १४. गणित कीमुदी, नारायगा इत, गवर्नमेंट संस्कृत लाइब्रेरी, वाराणसी, १६३६ ।
- १५. गणित-तिलक, श्रीपित इत, सिंहतिलकसूरि व्यास्या सहित हीरालाल कराडिया, बड़ीदा शीरियंटल इन्स्टीट्यूट ।
- १६. 'गणित-सार-संप्रह्', महावीराचार्य क्वत, अनु०रंगाचार्य, महास सरकार प्रकाशन ।
- १७. ग्रह-नक्षत्र, त्रिवेशीसिंह कृत, विहार राष्ट्रमाषा परिषद्, पटना ।
- पंचित्रद्वान्तिका, दराहमिहिर कृत, जी० थीवो तथा मुवाकर, हिवेदो व्याच्या महित, १८८६ ।
- १६. प्रियन-इ'गलिश डिक्शनरी, स्टैगेम कृत ।
- २०. पाटीमिरित, श्रीवराचार्य कृत, अनु० डॉ० कृपासकर शुक्ल, लखनक दिस्द-विद्यालय, रागित तथा ज्योतिष विभाग द्वारा प्रकाशित ।
- २१. पाली इंगलिश टिक्शनरी, राइस ईविसकृत, पालिटैक्सट सोमाइटी लंदन ।
- २२. प्राकृत-प्रकाश, वरविच कृत ।

- २३. फैलन-न्यू-इंगलिश-हिन्दुस्तानी डिनशनरो।
- २४. वक्षाली-मैनुस्किप्ट, जी० बार० काये द्वारा संपादित, १६२७।
- २५. बीजगणित, मास्कर द्वितीय कृत, दुर्गाप्रसाद द्विवेदी व्याख्या सहित नवल किशोर प्रेस लखनऊ, १६४१।
- २६. बुलंटिन-म्राफ-मैथिमेटिकल एसोसिएशन, वोल्यूम १२, १६४०-४१।
- २७. वृहज्जातक, वराहमिहिर कृत, हरिदास संस्कृत ग्रंथमाला, १६४६।
- २८. बाह्यस्फुटसिद्धान्त, ब्रह्मगुप्त कृत, सुघाकर द्विवेदी व्याख्या सहित ।
- २६. मारतीय ज्योतिष का इतिहास, डॉ॰ गोरखप्रसाद कृत, प्रकाशन ब्यूरो, उत्तर प्रदेश सरकार, लखनऊ।
- ३०. भारतीय ज्योतिष, नेमिचन्द्र शास्त्री कृत, भारतीय ज्ञानपीठ, काशी ।
- ३१. महाभास्करीय, भास्कर प्रयम कृत, आनन्दाश्रम संस्कृत ग्रंथावली, १६४५।
- ३२. मोनियर विलियम्स संस्कृत-इंगलिश शब्दकोष, १८६६।
- ३३. रेखागणित, सम्राट जगम्नाय कृत, कमलाशंकर आंग्ल अनुवाद सहित, निर्णयसागर प्रेस वम्बई १६०१।
- ३४. लघुभास्करीय, भास्कर प्रथम कृत, आनन्दाश्रम संस्कृत ग्रंथावली, १६४५।
- ३५. लीलावती, भास्कर द्वितीय कृत, श्री सीताराम झा व्याख्या सहित, मास्टर खिलाड़ी लाल ऐंड संस, वाराणसी।
- ३६. वृहत्संहिता, वराहमिहिर कृत, एचकर्न द्वारा संगादित ।
- ३७. वेदांग-ज्योतिष, लगघ कृत।
- ३८. वेब्स्टर न्यू इन्टरनेशनल डिक्शनरी थ्रॉफ इंगलिश लेंग्वेज, द्वितीय संस्करण, १६५७।
- ३६. वैज्ञानिक विकास की भारतीय परम्परा, डॉ॰ सत्यप्रकाश, बिहार राष्ट्रमापा परिषद्, पटना।
- ४०. वैदिक पदानुक्रम कोष, विश्ववन्यु शास्त्री कृत, लाहौर, १६३५।
- ४१. शतपय ब्राह्मण, भाग ३, गंगा विष्ण श्रीकृष्णदास, कल्याण-बम्बई, १६४०।
- ४२. शार्टर ब्राक्सफोर्ड इंगलिश डिक्शनरी, तृतीय संस्करण, १६५५।
- ४३. संस्कृत अलजेबा यनु० कोल बुक, १८१७।
- ४४. साइंस-ऑफ-दी-गुल्व, डॉ॰वी॰वी॰ दत्त कृत, कलकत्ता विश्वविद्यालय, १६३२।
- ४५. समीकरण-मीमांसा, म० सुवाकर द्विवेदी कृत, प्रकाशक—विज्ञान परिषद्, प्रयाग ।
- ४६. सिद्धान्त-कौमुदी, भट्टोजिदीक्षित व्याख्या, खेमराज श्रीकृष्णदास, वस्वई, १९५२।
- ४७. सिद्धान्त-तत्वविवेक, कमलाकर कृत, सुघाकर द्विवेदी व्याख्या सहित, १६२४।
- ४८. सिद्धान्तक्षिरोमिणि, गणिताष्याय भास्कर द्वितीय कृत, गिरजाप्रसाद द्विवेदी, भाषानुवाद सहित, नवलिकिशोर प्रेस लखनऊ, १९२६।
- ४६. सिद्धान्तशेखर, माग १,२, श्रीपित कृत, वबुआ जी मिश्र व्यास्या सिहत, कलकत्ता विश्वविद्यालय, १६४७।

- ५०. सूर्यसिद्धान्त, विजस कृत आंगल अनुघाद, अमेरिकन औरियंटल सोसाइटी, म्यू हैविन।
- ५१. सूर्यसिद्धान्त, वन्देव प्रसाद मिश्र भाषा टीका समेत, गंगा विष्णु श्रीकृष्ण दास लक्ष्मी वैंकटेश्वर प्रेस, वम्बर्ड ।
- ५२. स्दूडेंट-स्टैंडर्ड इंगलिश-उर्दू डिक्शनरी, अब्दुलहक कृत, तृतीय संस्करण, १९५५।
- ५३. स्कोष ऐंड डेबले अमेंट श्रॉफ हिंदू गिंगत, इंडियन हिस्ट्री क्वार्टरली, वोल्यूम ३, सितम्बर १६२६ (लेख)।
- ५४. हिंदी भाषा का इतिहास, डॉ॰ घीरेन्द्र वर्मा कृत, हिन्दुस्तानी एकेडेमी, प्रयाग ।
- ५५. 'हिन्दू गिएत शास्त्र का इतिहास', डॉ० बी० बी० दत्त तथा डॉ० ए० एन० सिंह कृत, अनु० डॉ० कृपाशंकर शुक्ल डी० लिट्, प्रकाशन व्यूरो, उत्तर प्रदेश सरकार, लखनऊ।
- ४६. हिस्ट्रीन्म्रॉफ हिन्दू मैथिमेटिक्स, माग २, डॉ॰ बी॰ वी॰ दत्त तथा डा॰ ए॰ एन॰ सिंह कृत, मोतीलाल बनारसीदास, लाहौर, १६३८।

अन्य ग्रन्थ

- १. एटीमीलीजिकल डिक्शनरी आँफ नेपाली लेंग्वेज, टर्नर कृत ।
- २. ताजिक नीलकंठी, संपा० खूत्रचन्द्र शर्मा गौड़, नवलिकशोर प्रेस, लखनऊ, १६३८।
- ३. पोजिटिव साइंसिज भ्राफ दी ऐशेंट हिन्दूज, वजेन्द्र नाथ सील कृत ।
- ४. हिस्ट्री स्रॉफ फिलोसिफी, ईस्टर्न एण्ड वेस्टर्न, डॉ० राघाकुष्णन कृत ।
 - प. पाणिनीय कालीन भारत, डॉ॰ वासुदेवशरण अग्रवाल कृत ।
 - ६. जातक स्टोरीज, वोल्यूम्स ४, ६, प्रो० ई० बी० कोवेल कृत, १६५७।
 - ७. श्रभिधान राजेन्द्र।
 - प. हिन्दू एस्ट्रोनेमी, मुकर्जी कृत ।

आर्यभटीय गणित-शन्दावली

(१) সল: axis	
हुग्गोलार्घ कपाले ज्यार्धेन विकल्पयेट् मगोलार्घम् ।	३।२३
विषुवज्जीवाक्ष भुजास्तस्यास्त्ववलम्बकः कीटिः।।	, ,
(২) সম্বৰ্গ : sine of latitude	
विशेषगुणाक्षज्या लम्बकमजिता भवेहणमृद्कस्य ।	
उदये बनमस्तमये दक्षिणगे बनमुखं चन्द्रे ॥	3157
	\$1 % =
(২) স্বলায় : end points of axis	स्रद
पुर्वापर दिग्लग्नं खितिजादकाग्रयोऽच लग्नयत्।	3100
इन्मण्ठलं मवेत् तत्क्षयवृद्धि यत्र दिवसनियोः ॥	₹18€
(४) अव कर्ष्व (मण्डल) : vertical	
पूर्वापरमघ कब्बै मण्डलमथ दक्षिणोत्तरं चैव ।	
क्षितिजं ममपाद्वस्यं भानां यत्रोदयास्तमयौ ॥	` ā 14 X
(খ়) अचल ; constant	
अमुलोमगतिनौ स्यः पद्यत्यवलं विलोमगं यहत् ।	
अचलानि भानि तद्दन् समपरिचमगानि लंकायाम् ॥	3158
(६) अंतपद : last term	
इप्टं ब्येकं दलितं सपूर्वमृत्तरगृणं समुखमध्यम् ।	
इष्टगुणितमिष्टवनं त्वयवाचन्तं पदार्यहतम् ॥	१।१€
	• • •
(७) वंतर : difference	
द्विकृतिगुणात् संवर्गाद्	११२४
	(150
(=) अनुलोमग:	
बनुलोमगानि मन्दाच्छृीब्रात् प्रतिलोमगानि वृत्तानि ।	
कट्यामण्डललग्नस्ववृत्तमध्ये ग्रहो मघ्यः	२।२१
(६) अनुलोमगति : with direct motion	
ट परितिखित	3188

(२१) आर्क्षी: stellar
गुर्वक्षराणि पष्टिर्विनाडिकार्क्षी पडेव कः
एव काल विभाग: क्षेत्रविभागस्तथा घट

(२२) आसन्न : approximate
चतुरिधकं शतमब्टगुगां द्वापिष्टिस्तथा र अयुतद्वय विष्कम्भस्यासन्नो वृत्ता परिष्

(२३) इब्ट : number of terms in A. P. (इब्टं ब्येकं दलितं सपूर्वमुत्तरगुणं समु इब्टगुणितमिब्टधनं त्वथवाद्यन्ते पदार्ध

(२४) इच्छाराणि : 3rd term in the rule o त्रैराशिक फलराशि तमथेच्छाराशिनाः लब्बं प्रमाणमजितं तस्मादिच्हाफलि

(२५) उत्तर : common difference इब्दं व्येकं दलितं सपूर्वमुत्तरगुणं समुखग इब्टगुणितमिष्टघनं त्वथवाद्यन्ते पदार्धहतः

(२७) उन्मण्डल : south-north circle meant for me.

पूर्वापरदिग्लग्नं क्षितिजादक्षाग्रयोश्च लग्नं यत् ।

उन्मण्डलं भवेत्तात्क्षयदृद्धी यत्र दिवसनिशो: ।।

(२८) ऊर्घ्वभुजा : altitude or vertical side विभुजस्यफलशरीरं समदलकोटिभुजार्धसंवर्गः । कर्घ्वभुजा तत्संवर्गार्धः स धनः पडिश्वरिति ॥

(२६) ऋण: minus

ऋणधनधनक्षया: स्युमंन्दोच्चाद् व्यत्ययेन शीघ्रोच्चात्। शनिगुरुकुजेपुमंदादर्धमृणधनं भवति पूर्वे ।।

(३०) कक्ष्या : orbit

पष्टया सूर्याव्दानां प्रपूरयन्ति ग्रहा भपरिणाहम् ।

दिव्येन नभः परिधि समभ्रमन्तः स्वकक्ष्याम् ॥

वार्यभटीय गणित-शब्दावली	२८७
(३१) कर्ण : hypotenuse यहचैव भुजावर्गः कोटीवर्गरच कर्णवर्गः सः । वत्ते शर संवर्गोऽर्धन्यावर्गः खलु स घनुषोः ।। Diagonal : वृत्तभ्रमेण साघ्यं त्रिभुजं च चतुर्भुजं च कर्णाभ्याम् ।	१।१७
(३२) कपाल : hemisphere हग्गोलार्घकपाले ज्यार्घेन विकल्पयेद् भगोलार्घम् । विपुवरुजीवाक्ष भुजास्तस्यास्त्ववलम्बकः कोटि : ॥	३।२३
(३३) काल: time (in interest questions) मूलफलं सफलं कालमूलगुणमध्मूल कृतियुक्तम् । मूलं मूलाघोनं कालकृतं स्यात् स्वमूलफलम् (३४) काल विमाग: division of time	श२्प
र्गुर्वक्षराणि षष्टिबिनाडिकार्क्षी षडेव वा प्राणः । एवं कालविभागः क्षेत्रविमागस्तथा मगणात् ।। (३५) कृति : square	२।२
हिकृतिगुणाद् संवर्गाद् द्वयन्तरवर्गेण संयुतान्यमूलम् । अन्तरयुक्तं हीनं तद्गुणकारद्वयं दलितम् ।। (३६) कोटि : crore; perpendicular	१।२४
एकं दश च शतं च सहस्रमयुतिनयुते तथा प्रयुतम् । कोट्यर्बु दं च व्न्दं स्थानात्स्थानं दशगुर्णं स्यात् ॥ त्रिभुजस्य फलशरीरं समदलकोटी भुजार्धसंवर्गः ।	१।२
ऊर्ध्वभुजातरसंवर्गार्धं स घनः षडिश्ररिति ।। यर्श्वेव भुजावर्गः कोटीवर्गश्च कर्णवर्गः सः ।	११६
वृत्ते शरसंवर्गीऽर्धज्यावर्गः स खलु धनुषोः।। (३७) क्षय : minus	१।१८
ऋणधनधनक्षयाःस्युर्मन्दोच्चाद् व्यत्ययेन शोघ्रोच्चात् । यनिगुरुकुजेषु मंदादर्धमृणघनं भवति पूर्वे ॥	. २।२२
(३८) क्षितिज : horizon पूर्वापरमघक्रव्यं मण्डलमय दक्षिणोत्तरं चैव । क्षितिजं समपार्श्वस्यं मानां यत्रोदयास्तमयौ ॥	३।१८
(३६) क्षेत्र : space युगवर्षमासदिवसाः समं प्रवृत्तास्तु चैत्रशुक्लादेः। कालोऽयनाचन्तो ग्रहमैरनुभीयते क्षेत्रे।।	२१११ _

(४०) क्षेत्रफल : area

सर्वेषां क्षेत्राणां प्रसाध्य पार्क्षे फलं तदम्यासः । परिचेः पड्मागज्यः विष्कम्मार्थेन सा तुल्यम् ॥

(४१) क्षेत्रविभाग: division of space

गुर्वेक्षराणि पिटिविनादिकाक्षीं पदेव वा प्राणाः। एवं कालविभागः क्षेत्रविभागस्तवा भगणान्॥

(४२) क्षेय : additive quantity

गुणकारा भागहरा भागहरा ये भवन्तिगृणकाराः । यः क्षेत्रः सोऽपचयोऽपचयः क्षेपश्च विपरीते ॥

(४३) 평: sky

वृत्तभपञ्जरमध्ये कक्ष्यापरिवेष्टितः खमध्यगतः । मृज्जलशिखिवायुमयो भूगोलः सर्वतोवृत्तः ।।

(४४) खण्डग्रहण : partial eclipse
प्रग्रहणान्ते वूभ्रः, खण्डग्रहणे शशो मवति कृष्णः ।
सर्वेगारे कपिनः स कृष्णताभ्रस्तमो मध्ये ।।

(४५) गच्छ : number of terms
गच्छोप्टोत्तर गुणिताद्द्विगुगाः शृत्तरविशेषवर्गयुतात् ।
मूलं द्विगुणाद्यूनं स्वोत्तरभाजितम् सरूपार्वम् ॥

(४६) गति : motion

मक्ते विलोम विवरे गतियोगेनानुलोमविवरी ही । गरयन्तरेण भक्ती दियोगकालावतीतैष्यो ॥

(४७) ग्रह : planet

दिव्यं वर्षसहन्त्रं प्रहसामान्यं युग हिषट्कगुणम् । अध्योत्तरं सहस्रं ब्राह्मो दिवसो प्रहयुगानाम ॥

(४८) ग्रहण : eclipse

स्कृट शशि मासान्तेऽकें पालासम्नो यदा प्रविशतीन्दु: । भूच्छायां पक्षान्ते तदाविकोनं ग्रहणमध्यम् ॥

(४६) गुराकार : multiplier

संपर्कस्य हि वर्गाद् विशोवयेदेव वर्गसंपर्कम् । यत्तस्य नवत्ययं विद्याद् गुणकारसंवर्गम् ॥

बार्यमधीय गणित-सञ्चवली	२८६
(५०) गुलिका: coloured shot	
गृतिकान्तरेस्। विमजेद् दृषीः पुरुषयोस्तु रूपकविशेषम् ।	
लब्बं गुलिकामूल्यं यद्यपंकृतं भवति तुल्यम् ॥	११३०
(५२) गोल: sphere, globe	
काय्ठमयं समवृत्तं समन्ततः समगुरं लघुं गोलम् ।	
पारततैलजलैस्तं अमयेत् स्विधया च कालसमम् ॥	३।२२
(५२) गीलाई : hemisphere	
भूग्रहमार्धानां गोलार्धानि स्वच्छायया विवर्णानि ।	
अर्वानि यया सारं सूर्वाभिष्ठुवानि दीप्यन्ते ॥	३१४.
(५३) घन : cube number, cubic figure	
वर्गः समचतुरस्नः फलं च सहशद्वयस्य संवर्गः।	
सद्दशस्य संवर्गो घनस्तथा द्वादशाश्रि: स्यात् ।।	१ १३
(४४) घनफन : volume	
समपरिणाहस्यार्धं विष्कम्भार्धहतमेव वृत्तफलम् ।	
तन्निजमूलेन हतं घनगोलफलं निरवशेषम् ॥	.७१९
(४५) चार: arc	
समवृत्त परिविचाप छिन्द्यात् त्रिभुजाच्चतुभु जाच्चैव ।	
समचापज्यार्घानि तु विष्कम्भार्धे यथेष्टानि ॥	\$1\$ <i>\$</i> .
(४६) चतुर्भुज: quadrilateral	3.27
वृत्तं भ्रमेण साध्यं त्रिभुजं च चतुर्मु जं च कणीस्याम् ।	
साव्या जलेन समगूर्य रुध्वं लम्बकेनैव ।।	१।१३
(१७) चान्द्र : lunar	117.4
अधिमासका युगे ते रिवमासेम्योऽधिकास्तु ये चान्द्राः।	
शाशादवसाविज्ञया भूमिवसोनास्तिथिप्रलयाः ।।	२१६.
(५६) चितिघन : sum in A.P.	•
एकोत्तराद्यंपचितेर्गच्छाद्येकोत्तर त्रिसंवर्गः।	
पड्मक्तः स चितिघनः सैकपदधनो विमूलो वा ।।	१।२१
(४६) हेद : denominator	
त्रैराशिकफलराशि तमथेच्छाराशिना हतं कृत्ना । लब्धं प्रमासमिति तस्मादिच्छाफलमिदं स्यात् ।।	
विवास अवस्थान विश्वासिक स्थात् ॥	१।२६

(६०) ज्या chord	
सर्वेषां क्षेत्राणां प्रसाध्य पार्श्वे फलं तदम्यासः।	
परिधेः षड्भागज्या विष्कंभाघन सा तुल्या ।।	318
(६१) ज्यार्घ : sine	
प्रथमाञ्चापज्यार्धाद् यैरूनं खण्डितं द्वितीयार्घम् । तत्प्रथमज्यार्घाग्रैस्तैस्तैरूनानि शेषाणि ।।	१।१२
(६२) जलजसत्त्व : acquatic animal यद्वत्कदम्बपुष्पग्रन्थिः प्रचितः समन्ततः कुमुमैः । तद्वद्धि सर्वसत्वैर्जलजैः स्थलजैश्च भूगोलः ॥	३।७
(६३) जीवा : chord	
हम्गोलार्धकपाले ज्यार्धेन विकल्पयेद् भगोलार्धम् । विषुवज्जीवाक्षभुजास्तस्यास्त्ववलम्बकः कोटि: ।।	३।२३
(६४) तात्कालिक ग्रास : instantaneous eclipse	
विक्षेपवर्गसहितात् स्थित्यर्घादिष्टवर्जितान्मूलम् । संपर्कार्घाच्छोघ्यं न शेषस्तात्कालिकोग्रास: ।।	३।४३
(६४) বিभुज : triangle	
त्रिभुजस्य फलशरीरं समदलकोटी मुजार्धसंवर्गः।	
ऊर्घ्वभुजा तत्संवर्गार्धं स घन: प डश्रिरि ति ।।	११६
(६६) तैराशिक : rule of three	
त्रैराशिक फलराशि तमथेच्छाराशिना हतं कृत्वा ।	
लब्धं प्रमाणमजितं तस्मादिच्छाफलिमदं स्यात् ।।	8175
(६७) दलित : halved	
राद्यूनं राद्यूनं गच्छघनं पिण्डितं पृथक्त्वेन । व्येकेन पदेन हृतं सर्ववनं तद् मवत्येव ।।	१।२६
·(६८) दश : ten	
एकं दश च शतं च सहस्रमयुतिनयुते तथा प्रयुतम् ।	
कोट्यर्बु दं च वृन्दं स्थानात्स्यानं दशगुणं स्यात् ।।	१।२
(६६) दिन : twelve hour day	
न्नाह्यदिवसेन मूमेरूपदिष्टाद्योजनं भवति वृद्धिः ।	
दिनतुल्ययैव रात्र्या मृदुपचितायास्तदिह हानि: ।।	३।५

क्षार्यमटीय गणित-सब्दावली	<i>२ं</i> ६१
(७०) दिवस : day	
वर्षं द्वादणमासस्त्रिंदाह्विसो भवेत्स मास्तु ।	
पटिर्नाड्यो दिवस: पप्टिश्च विनाडिका नाडी ।।	२।१
(७२)	
उत्सर्विणी वृगार्धः पदचादपसर्विणी बुगार्धः च । मध्ये वृगस्य सुपमाटावन्ने दुष्णमेस्ट्रुच्चात् ।।	રાદ
	,,,
(७२) हबसेप: meridian	
मध्यज्योदयजीवार्मवर्गे व्यासदलहृते यत्स्यात् ।	३।३३
तन्मव्यव्याकृत्योविशेषमूलं स्वदृतक्षेपः ॥	4144
(७३) इक्षिणोत्तरमण्डल : southern and northern circle	
पृत्रापरमबङ्ख्वं मण्डलमय दक्षिणोत्तरं चैव । जितिजं समपार्वेस्यं भानां यत्रोदयास्तमयौ ।।	३।१८
(७४) हागीत : globe	
हुगोनार्धकपाले ज्यार्धेन विकल्पयेद् भगोलार्धम् ।	
· विषुवज्जीवासमृजास्तस्यास्त्ववलम्बकः कोटिः॥	श२३
(ওং) दङ्मण्डल :	
ऊर्वमयस्ताद् इप्टुर्नेयं दृङ्मण्डलं ग्रहाभिमुखम् ।	
दृबक्षेपमण्डलमपि प्राग्लःनं स्यात् विराश्यूतम् ।।	±158
(৬६) টাবলামি : cube solid	
वर्गः समचतुरसः फलं च सदृशहयस्य संवर्गः ।	
सरृशययसंवर्गो घनस्तया द्वादशाश्रिः स्यात् ।।	१।३
(৩৩) ঘন—sum in A. P.	
(७=) यनुप—arc	
(७६) ननोमव्य—zenith	
(<0) नार्ट़ा— $^1_{60}$ th part of the day, वटी (<2) नासय—stellar	
(६२) निज्त — one lac	
(=३) परिवाह—circumference	

- (न४) परिवर्त-variation, change
- (८४) परिधि circumference
- (८६) प्रतिलोम-retrograde
- (५७) प्रतिलोमग— going in reverse direction
- (पप) प्रयुत—two lacs
- (दह) पात-node
- (६०) पारवें-side
- (६१) पिण्डित aggregated
- (६२) प्रारग-One Sixth of a विनाडिका
- (६३) फल-area
- (६४) फलराशि-2nd term in rule of three
- (६५) भगण-revolution
- (६६) भगोल-celestial sphere
- (६७) भागहार—division
- (६८) भूरविविवर-distance between the earth and sun
- (६६) भूगोल-earth
- (१००) 署中—compasses
- (१०१) मण्डल--circuit
- (१०२) मंदोच्च-upper apsis of a planet
- (१०३) मध्य-middle term
- (१०४) मास-month
- (१०५) मुख—initial term
- (१०६) मूल-root; principal
- (१०७) मेपादि—first print of aries
- (१०८) यवकोटि-a city peshaps in Japan oppositeto Rome
- (१०६) योग-addition
- . (११०) योजन -- a measure of distance

- (१११) रविमास solar month
- (११२) रब्यब्द—solar year
- (११३) रोमक विषय---Rome
- (११४) लम्बक—plumb line
- (११५) वर्ग-square figure
- (११६) वर्गमूल area of the square
- (११७) वर्गफल -- square root
- (११८) वर्ष-year
- (११६) विक्षेप—interchange
- (१२०) विनाडिका-One Sixtieth of a नाडिका
- (१२१) विपरीत त्रैराशिक—Inverted rule of three
- (१२२) विलोमग-with retrograde motion
- (१२३) विवर—distance
- (१२४) विप्वत्-equator
- (१२५) विष्कम्म—diameter
- (१२६) विष्कम्भार्च-radius
- (१२७) विस्तार—breadth
- (१२८) वृत्त—circle
- (१२६) वृद्धि—increase
- (१३०) वृन्द —one hundred crore
- (१३१) वेग-velocity
- (१३२) व्यत्यय—interchange
- (१३३) पड्भाग-one sixth
- (१३४) चंत्र—conc
- (१३५) খন-hundred
- (१३६) शशिमास—lunar month
- (१३७) शशिदिवस-Iunas day
- (१३८) शीझोच्च -ahris of the swiftest motion of a planet
- (१३६) संपर्क-contact

- (१४०) संपात—concurrence, coincidence
- (१४१) समचतुरस्र-square
- (१४२) समम्यस्त multiplied
- (१४३) सम्मिश्र—mixed
- (१४४) संवर्ग-product
- (१४५) सर्वेग्रास—full eclipse
- (१४६) सर्वेघन—sum, aggregate
- (१४७) सवर्णत्व—homogeneity
- (१४८) सहस्र—hundred
- (१४६) सिद्धपुर-a city below Ceylone
- (१५०) सुपमा middle of epoch
- (१५१) स्थलसन्ब terresrtrial animai
- (१५२) स्थान place (in decimal etc.)
- (१५३) हानि—decrease
- (१५४) होरेश-day

ब्राह्मस्फुटसिद्धान्तः

१. पूर्वदशाघ्याय	የ
२. स्पष्टाघिकारः	ح
३. त्रिप्रश्नाघिकारः	३
४. चन्द्रग्रुचणाधिकार:	४
५. सूर्यग्ररुणाधिकारः	У
६. उदयास्ताधिकारः	ŧ
७. चन्द्रशृंगोन्नत्यधिकारः	·s
८. चन्द्र च्छायाधिकारः	2
 ग्रहयुत्यधिकार: 	
१०. भग्नरुपुत्यधिकारः	१०
११. तन्त्र परीक्षाध्यायः	११
१२. गणिताध्यायः	१३
१३. मध्यगत्युत्तराध्याय:	23
१४. स्फुटगत्युत्तराघ्यायः	१ ४
१५. त्रिप्रक्तोत्ताराच्यायः	8 8
१६. ग्रहणोत्तराघ्यायः	३ ६
१७. शृंगोन्तत्युत्ताराध्यायः	१७
१८. कुट्टनाच्यायः	१८
१६. शंकुच्छायादिज्ञानाच्यायः	38
२०: छन्दिक्तस्युत्ताराष्यायः	२०
२१. गोलाघ्यायः	78
२२. यन्त्राच्याय:	२२
२३. मानाध्यायः	
२४. संज्ञाच्यायः	23
२५. च्यानप्रहोपदेशाध्यायः	۶۶
-	マソ

व्रह्मगुप्त रचित ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त की गणित-शब्दावली

यंश— Degree

राइयंशकलाविकला

शेपात् कथितादभीष्टतो नष्टान्।

यः सावयत्युपरितनान्

समव्यमान् कुट्टकज्ञः सः ॥

ब्रा० स्फु० सि० १८।२३,२६

यंशक - Numerator

विपरीत च्छेदगुणा

राद्योद्छेदांशक: समच्छेदा: ।

संकलितेंऽशा योज्या

व्यवकलितेंऽशान्तरं कार्यम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० १.२२

अंशक — Degree

अंगकशेपात् त्र्यूनात्

सप्तहतात् मूलमूनमप्टाभि:।

नवभिगु णं सहपं

कदा शतं बुधिदिने सवितुः॥

ब्रा० स्फू० सि० १८।२७,१८

স্থল-- Terrestrial latitude

सलिलं भ्रमोऽवलम्बः

कर्णदछाया दिनार्धमकींऽतः ।

नतकालज्ञानार्यं

तेषां संसावनान्यप्टौ ॥

ब्रा० स्फू० सिर्० २२।६

वसांगक—Latitude

विपुवनमण्डलमूर्व्य

सममण्डलतः स्थितं स्वकाक्षांशैः।

याम्येनोत्तरतोऽयः

लितिने प्राच्यपरयोलंग्नम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० २१।५१

नमा— Measure of amplitude (that is to say the distance from the extremity of the gnomon shadow to the line of the equinoctial shadow. क्षितिजोरमण्डलयोगैत

स्वाहोरात्रान्तरं चरदलं तत् । क्षितिजेऽग्रा प्राच्य—

परस्वाहोरात्रान्तरांशज्या ॥

ब्रा० स्फू० सि० २१।६१

अञ्छेद — Integral

अच्छेदस्यच्छेदं रूपं कृत्वाऽन्यदुक्तवत् सर्वम् । अपवरयौ छेदगुगी तुल्येनेष्टेन गुण्यौ वा ।।

ब्रा० स्फु० सि० १२।६१

विक- Greater

ऊनमधिकाद् विशोध्यं धनं धनादृणमृगादिधकमूनात्। व्यस्तं तदन्तरं स्याद् ऋगां धनमुगां भवति ॥

न्ना० स्फु० सि० १७।३१,३२

अधिमास—Exceeding month

त्र्यूनाधिमासशेषान् मूलं द्यधिकं विभाजितं षड्भिः। द्यूनं वर्गितमधिकं नविमनंवितः कदा भवित।।

ब्रा० स्फु० सि० १८।२८,२६

সঘ:অण্ड—Segments of the diagonals

कर्णयुतावूदविषंरखण्डे कर्णावलम्बयोगे वा । स्वावाधे स्वयुतिहते द्विषा पृथक्कर्णलम्बगुरो ।।

ब्रा॰ स्फू॰ सि॰ १२।२५

अध्यधं - One and a half

मासेन सत्रिमागेन सार्घायास्त्रिंशतेः फलम् । अष्टयर्थं यदि वर्षेण सार्धपष्टे रिहोच्यताम् ॥

.चतुर्वेदाचा**यं**

अनुपात -- Proportion

कर्णावलम्बकयुती खण्डे कर्णावलम्बयोरघरे । अनुपातेन तदुने ऊर्घ्वं सुच्यां सपाटायाम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० **१**२।३०

अन्तर— Difference

धनयोर्धनमृणमृणयो र्घनर्णयोरन्तरं समैक्यं खम् । ऋरणमैक्यं च बनमृणधनजून्ययोः जून्ययोः जून्यम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० १८१३०,३१

बन्त्य— Last or end digit

स्याप्योऽन्त्यवनोऽन्त्यकृतिस्त्रिगुणोत्तरसंगुणा च तत्त्रयमात् ।

उत्तरकृतिरन्त्यगुणा त्रिगुणा चोत्तरघनइच वनः ॥

ब्रा० स्फू० सि० १२।६

अन्त्य (पद या मूल) — Root which is extracted from the

quantity so operated upon

मूलं ढिवेप्टवर्गाद् गुणकग्णादिष्टयुतविहीनाच्च ।

बाचववो गुणकगुणः सहान्त्यवातेन कृतमन्त्यम् ॥

न्ना० स्फू० सि० १८१६४,६५

अन्त्यघन—Last term

पदमेकहीनमुत्तरगुणितं संयुक्तमादिनाऽन्त्यवनम् ।

बादियूतान्त्यवनार्यं मध्यवनं पदगुणं गणितम् ॥

न्ना॰ स्फु॰ सि॰ १२।१७

अपमण्डल—Ecliptic

पाताइचन्द्रादीनां भ्रमन्ति भावें रवेदच भूछाया।

पातादपमण्डलवद् विमण्डलानि स्वविक्षेपै: ।।

ब्रा० स्फू० सि० २१।५३

लपवर्तन—Abridgement by a common measure

अच्छेदस्य च्छेदं रूपं कृत्वाऽन्यदुक्तवत् सर्वम् । अपवत्यीं छेदगूराी तुल्येनेप्टेन गुण्यी वा ॥

ब्रा० स्फू० सि० १२।६१

बद्- Year

सीरेणाव्दाः मासास्तिययस्त्रान्द्रेण सावनैदिवसाः।

दिनमासाद्यपमध्या न तद्विनांऽकेन्द्रमानाभ्याम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० २३।१

व्रह्मगुप्त रिवत ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त की गिरात शब्दावली

वयुत- Myriad

अवमावशेषमवमैरिं चमासकशेषमि मासै:।

इब्टयुतोनं तुल्यं कुर्वन्नावत्सराद्गणकः।।

बार स्फूर सिर १८।४८,४६

बर- Spokes

लघुदारमयं चकं समसुषिरारान्तरं पृथगराएगम्। अवं रसेन पूर्णे परिघौ संश्लिष्टकृतसन्धिः।)

बार स्फुर सिर २२।५३

अवभाव-Deficient, क्षय

अवभावशेषवर्गो व्येको विश्वतिविमाजितो द्यिघकः। अञ्चरमुणो दशभक्तो द्विपुतोऽज्टादश कदा भवति॥

बा० स्फु० सि० १८।२६,३०

अवलम्ब — Plumbline

सिलिलेन समं साध्यं भ्रमेण वृत्तमवलम्बकेनोध्वंम् । तिर्यवकर्णेनान्यैः कथितैश्च नव प्रवस्थामि ॥

न्ना० स्फू० सि० २२।७

Plum line

यिष्टिन्यासार्हे वा घटिका मङ्क्वङ्गुलादितो मूलात् । अवलम्बसूत्रयुक्तया घटिका' दिवसस्य गत्रेषा: ॥

न्ना० स्फू० सि० २२।२३

अवलम्बक - Perpendicular

अविषमपार्श्वभुजगुणः कर्णो द्विगुणावलम्बकविणगतः । दृदयं विषमस्य भुजप्रतिभूजकृतियोगमृलाधेम् ॥

ब्रा० स्पूर्ण सिर १२।२६

अन्यक्त — Unknown

अव्यवतान्तरभवतं व्यस्तं रूपान्तरं समेऽव्यवतः । वर्गाव्यवताः शोच्या यस्माद् रूपाणि तद्ययस्तात् ॥

माठरपुर्वति १८।४३,४४

अजन्म — Impossible, not within power

गोलस्य परिच्छेरः कत्ं यन्त्रीयना यतोऽशययः। संक्षिप्तं स्पष्टार्थं यन्त्राध्यायं नतो यक्ष्ये॥

बार स्पूर सिर २२१४

असकृत्: Repeatedly

बाद्याद्वणिनन्यान् वर्णान् प्रोह्याद्यमानमाद्यहृतम् ।

सहशच्छेदावसकृद् दो व्यस्तो कुट्टको वहुपु ।।

ब्रा० स्फु० सि० १८।५१,५२

असदश: Unequal

कृतियुतिरसदृशराश्यो बहुर्घातो द्विसंगुणो लम्बः।

कृत्यन्तरमसद्ययोद्धिगुणं द्विसमत्रिभुज भूमिः ॥

न्ना० स्फु० सि० १२।३३

आकाश: Cipher

शून्यविहीनमृणमृगां घनं घनं भवति शून्यमाकाशम् ।

शोध्यं यदा धनमृणाद्ऋणंघनाद्वा तदा क्षेप्यम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० १८।३२,३३

आकृति : Form, figure, section of the wall

आकृतिफलमोच्च्याहतमग्रतलैक्यार्धमोच्च्यदैर्घ्यगुणम् ।

घनगणितमिष्टकाघनफलेन हतमिष्टकागणितम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० १२।४७

आदि: 1st term

पदमेकहीनमुत्तारगुणितं संयुक्तमादिनाऽन्त्यधनम् ।

वादियुतान्त्यघनाधं मध्यधनं पदगुरांगणितम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० १२।१७

आद्य (पद या मूल) :

Least or first root, that quantity of which the square multiplied by the given multiplicator and having the given

addend added or subtrahend subtracted is capable of

affording an exact square root.

मूलं द्विघेप्टवर्गाद् गुगाकगुणादिष्टयुतविहीनाच्च ।

आद्यवघो गुणकगुणः सहान्त्यवातेनकृतमन्त्यम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० १८।६४,६५

स्राप्त: Quotient

छेदो घनाद् द्वितीयाद् घनमूलकृतिस्त्रिसंगुणात्प्रकृति: ।

शोध्या त्रिपूर्वगुणिता प्रथमाद् घनतो घनो मूलम् ॥

न्ना० स्फु० सि० १२।**७**

ब्रह्मगुप्त रचित ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त की गणित-शब्दावली

वायत चतुरस्र : Oblong tetragon, rectangle इष्टस्य भुजस्य क्वतिभक्तो नेष्टेन तद्दलं कोटि: ।

वायतचतुरस्र क्षेत्रस्येप्टाधिका कर्णः ॥

ब्रा० स्फुo सि० १२।३५

आयाम: Length

विस्तारायामांगुलवातो मार्गाहतो द्विवेदहृतः । किष्क्वङ्गुलानि लब्धं तत्पण्णवतिर्भवति कर्मं ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२**।**४८

यार्स : Stellar

मानानि सौरचान्द्रार्झसावनानि ग्रहानयनमेभिः। मानैः पृयक्चतुर्भिः संव्यवहारोऽत्र लोकस्य॥

ब्रा० स्कु० सि० २३।२

इपु: Versed sine

ज्यार्वानि ज्यार्वानां ज्याखण्डान्यन्तराणि तान्येव । ज्यस्तान्यन्त्यादथवेपुरुत्क्रमज्या चनुस्ताम्याम् ॥

बा० स्फु० सि० २१।१**८**

इंट्ट: Assumed quantities

इप्टह्वयेन मक्तो हिवेष्टवर्गः फलेष्टयोगार्घे । विषमविभुजस्य भुजाविष्टोनफलार्वयोगो भूः ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।३४

इष्ट: Arbitrarily taken

इप्टगुणकारगुणितो गिर्यु च्छायः पुरान्तरमनष्टम् । द्वियुतगुराकारमाजितमुत्पातोऽन्यस्य समगत्योः ।।

ब्रा० स्फु० सि० १२।३६

चन्छ्राय : Height

इप्टगुणकारगुणितो गिर्युं च्छ्रायः पुरान्तरमनष्टम् । द्वियुतगुणकारमाजितमुत्पातोऽन्यस्य समगत्थोः ॥

ब्रा० स्फु० सि० १३।३६

उत्कमज्या : Versed sine

ज्यार्धानि ज्यार्धानां ज्याखण्डान्यन्तराणि तान्येव । ज्यस्तान्यन्त्यादयवेपुरुत्कमज्या धनुस्ताम्याम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० २१।१८

उत्तर: Preceding digit

स्थाप्योऽन्त्यधनोऽन्त्यकुतिस्विगुणोत्तरसंगुणा च तत्प्रथमात् ।

उत्तरकृतिरन्त्यगुणा त्रिगुणा चोत्तरधनश्च घनः॥

बार स्फूर सिर १२।६

उत्तर: Difference

प्रक्षेपयोगहृतया लब्ध्या प्रक्षेपका गुणा लाभाः । कनाधिकोत्तरास्तद् युतोनया स्वफलमूनयुतम् ॥

जा० स्फू० सि० १२।१६

उत्पात: Leap

इन्टमुणकारगुणितो गिर्मु च्छ्रायः पुरान्तरमनन्टम् । इन्टमुणकारभाजितमुत्पातोऽन्यस्य समगत्योः ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।३६

उद्देशक: Example

प्रतिसूत्रममी प्रश्नाः पठिताः सोद्देशकेषु सूत्रेषु । सार्याग्यधिकसतेन च कुट्टरचाष्टादशोऽध्यायः ॥

बार स्फुर सिर १ मा १०२, १०३

चन्तः Divided

संवणितांशवगंश्छेदकृतिनिभाजितो भवति वर्गः । संवणितांशमूलं छेदपदेनोद्धतं मूलम् ॥

बार स्फूर सिर १२।४

खोद्धृतमृणं धनं वा तन्छेद समृणधनविभवतं वा । मृहणधनयोवंगः स्वं सं सस्य पदं कृतिर्यत् तत् ॥

न्ना० स्फूल सिल १मारे ४,रे६

उन्नतांशज्या: The sum of the distance from horizon हम्मण्डले नतांशज्या हम्ज्या शंकुरुनतांशज्या। वर्कोदयास्तसूत्राद् दिनशंकोदेक्षिग्रेन तलम् ॥

बार स्फूर सिर २१।६३

उत्मण्डल: The east and west hour circle or six o' clock time.

पूर्वापरयोर्नमं याम्योत्तारयोर्नतोन्नतं क्षितिजात् । स्वाक्षांग्रीक्नण्डलमहर्निकोहोनियद्विकरम् ॥

नार स्फूर सिर २१।५०

उपरितन: Superior

राइयंशकलाविकलाशेषात् कथितादभीष्टतो नष्टान् ।

यः साघयत्युपरितनान् समघ्यमान् कुट्टकज्ञः सः ।।

द्रा० स्फु० सि० २३।२६

ऊन: Less

ऊनमविकाद् विशोष्यं घनं घनादृ स्मृगादिधिकमूनात् । व्यस्तं तदन्तरं स्याद् ऋणं घनं घनमृणं मवति ।।

ब्रा० स्फु० सि० १८।३१,३२

ऊर्घ्वं : Vertical

सलिलेन समं साघ्यं भ्रमेण वृत्तामवलम्बकेनोर्घ्वम् ।

तिर्यत्रकणनान्यः कथितैश्च नव प्रवक्ष्यामि ।।

ब्रा० स्फू० सि० २२।७

क्षचंखण्ड : Segments of the diagonals

कर्णयुतावूष्वधिरखण्डे कगाविलम्बयोगे वा । स्वावाधे स्वयुतिहृते द्विधा पृथक्कगालम्बगुरो ॥

बा० स्फु० सि० १२।२५

ऋण: Negative

धनयोर्धनमृरामृणयोर्धनर्शयोरन्तरं समैवयं खम् । ऋणमैतयं च धनम्णधनशृन्ययोः शुन्ययोः शून्यम् ॥

बा० स्फू० सि० १८।३०,३१

एकाम : The whole of the longside which is subdivided

क्षेत्रफलं वेयगुणं समखातफलं हृतं त्रिभि: सूच्याः ।
मुखतलतुरुयभुजैवयान्येकाग्रहृतानि समरज्जुः ॥

बा० स्फू० सि० १२।४४

ऐनय: Aggregate

क्षेत्रफलं वेषगुणं समखातफलं हृतं त्रिमिः सूच्याः ।
मुखतलतुल्यभुजैश्यान्येकाग्रहृतानि समरज्जुः ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।४४

ऐवय: Sum

घनयोर्धनमृणमृणयोर्धनर्णयोरन्तरं समैनयं खम् । ऋरणमैनयं च घनमृणधनभून्ययोः शून्ययोः शून्यम् ॥

न्ना० स्फु० सि० १८।३०,३१

ऐनय: Total

गतमगरापुताद्युगरात् तच्छेषपुतात् तदैवयसंयुक्तात् ।

तद्योगाद् सुगणं वा यः कथपति कुट्टकज्ञः सः ।।

ब्रा० स्फु॰ सि॰ १८।५२,५३

ऐन्द्री : East, यमकोटि

युगपचुगादिरुदयाचायाम्यां भास्करस्य वारुण्याम् । राज्यर्घात् सौम्यायामस्तमयाहिनदलादैन्द्रयाम् ॥

न्ना० स्फु० सि० २४।२

औच्च्य: Height

आकृतिफलमीच्च्याहतमग्रतलैक्यार्घमीच्च्यदैर्घ्यंगुणम् । घनगणितमिष्टकाघनफलेन हतमिष्टकागणितम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।४७

ৰীন: Gross, better approximation

मुखतलयुतिदलगणितं वेषगुणं व्यावहारिकं गणितम् ।

मुखतलगणितैनयाधं वेघगुणं स्याद्गणितमौत्रम् ॥

ब्राo स्फू० सि० १२**।**४५

शौत्रफल: Better approximation

कक्षा: Orbit

ककामण्डलमध्यं भूमध्ये मध्यमः स्वकक्षायाम् । अनुलोमं मन्दोच्चात् प्रतिलोमं भ्रमति शीघ्रोच्चात् ॥

ब्रा० स्फु० सि० २१।२४

क्पालक: Name of an astronomical instrument सन्तदशकालयन्त्राण्यती घनुस्तुयंगीलकं चक्रम् । यण्टि: शंकूर्घटिका कपालकं कर्रारी पीठम ॥

बा**॰** स्फु॰ सि॰ २२।५

करण: Instrument

अवलम्बनं शलाकां ज्याघे यिष्टं प्रकल्प्य वा घनुषि । भूम्युच्छायात्लम्बो यष्ट्युक्तैरानयेत् करणैः ॥

बा० स्कु० सि० २२।१६

करण: Method

हृदिघात्रममी प्रश्नाः प्रश्नानन्यान् सहस्रशः कुर्यात् । अन्यैर्देत्तान् प्रश्नान् उक्तयैवं साघयेत् करगौः ॥

न्ना० स्फु० सि० १८।१००,१०१<u>:</u>

ग्रविषम पार्श्वभुजगुणः कर्णो द्विगुणावलंवक विभक्तः हृदयं निषमस्य

कर्ण: Hypotenues

कर्णकृते: कोटिकुर्ति विशोध्य सूत्रं भुजो भुजस्य कृतिम् । प्रोह्मपदं कोटि: कोटिबाहुकृतिय्तिपदं कर्णः ।

ब्रा॰स्फू॰सि॰ १२।२४

कर्णायुति: Point of instersection of both the diagonals of a quadrilateral

कर्णयुतावूर्व्वाघरखण्डे कर्णावलम्वयोगे वा । स्वावाचे स्वयुतिहृते द्विधापृथक्कर्णलम्वगुर्णे ।।

म्रा०स्फु०सि० १२।२५

कर्णावलम्बयोग: Point of intersection of a diagonal and perpendicular

> कर्णयुतावूष्वाधिरखण्डे कर्णावलम्बयोगे वा । स्वावाधे स्वयुतिहृते द्विघापृथक्कर्णलम्बगृ्रो ।।

> > म्रा०स्फु०सि० १२।२५

कर्तरी: Name of an astronomical instrument.
सप्तदशकालयन्त्राण्यती धनुस्तुर्येगोलकं चक्रम्।
यिष्टः शंकुर्घटिका कपालकं कर्त्तरी पीठम्।।

मा०स्फु०सि० १२।५

कर्म : The work, rate of the workmans' pay विस्तारायामांगुलघाती मार्गाहिती द्विवेदहृत: । किप्क्वटगुलानि लब्धं तत् पण्णयतिभवति कर्म ॥

ब्रा॰स्फु॰सि० १२।४६

कला: Minutes

अंशसममंशशेषं कलासमं वा कलाशेषम् । दिवसकरस्येष्टदिने कुर्वन्नावत्सराद्गणकः ।।

ब्राव्स्कुवसिव १८१५७,५८

कला: Minutes

राश्यंशकलाविकलाशेषात् कथितादभीष्टतो नष्टान् ।

यः साधयत्युपरितनान् समध्यमान् कुट्टकज्ञः सः ।।

ब्रा० स्फु० सि॰ १८।२३,२६

काल: Time

कालगुणितं प्रमाणं फलभवतं व्येकगुणहतं कालः । स्वफलयुतरूपभक्तं मूलफलैक्यं भवति मूलम् ।।

ब्रा० स्फू० सि० १२।१४

किष्कु: Cubit

विस्तारायामांगुलघातो मार्गाहतो द्विवेदहृतः । किष्क्वंगुलानि लब्धं तत् षण्गुवतिभैवति कमै ।।

वा ०स्फु०सि० १२।४८

कोल: Nail

दिक्स्थितफलकद्वियुतिस्तले तदग्रस्थसूत्रयोर्मघ्ये । कीलस्तच्छायाग्रात् कर्त्तर्यां नाडिकाः स्थूलाः ॥

न्ना०स्फु०सि० २२।४४

नुष्ट : Pulverizer, नुदुक

राश्यंशकलाविकलाशेपात् कथितादभीष्टतो नष्टान् । यःसाघयत्युपरितनान् समध्यमग्न कुटुकज्ञः सः ॥

ब्राव्स्फुवसिव १८।२३,२६

कुट्टक: Algebra

कुट्टकखर्णघनाव्यक्त मध्यहरणैकवर्णभावितकै:। आचार्यस्तन्त्रविदां ज्ञातैर्वर्गप्रकृत्या च।।

ब्रा०स्फू०सि० १८।२

कुट्टन : Conversant in pubverizer, कुट्टकन

तिथिमानदिनेष्विष्टा येऽकांचास्ते पुन: कदा तेपू ।

इप्टग्रहवारेषु यः कथयति कूट्टकज्ञः सः॥

न्ना०स्फु०सि० १८।१८.२१

केन्द्र: Centre

मासगणो यमगुणितः पृथक्कुतत्वोद्वृतः फलसमेतः ।

सार्वाष्टयुतो वसुमयविभक्तशेषो विद्योः केन्द्रम्।।

त्रा०स्फू०सि० २५।६

कृति : Square

संविणतांशवर्गदछेदकृतिविमाजितो भवति वर्गः ।

संवणितांशमूलं छेदपदेनोद्धृतं मूलम् ॥

ब्रा०स्फु०सि० १२।५

कोटि: Perpendicular side

कर्गाकृतेः कोटिकृति विशोष्य मूलं भुजो भुजस्य कृतिम्। प्रोह्म पदं कोटिः कोटिवाहुकृतियृतिपदं कर्गः॥

ग्रा॰स्फु॰सि॰ १२।२४

कोण: Corner (of the wall)

द्विचतुःसत्र्यंशगुणो भित्त्यन्तर्वाह्यकोरागः परिधिः।

प्राग्वत् कृत्वा गणितं तद्गणितं स्वगुणकारहृतम् ॥

ब्राव्स्फुoसि । १२।**५**१

को ग्रस्पृग्वृत्त: Circumcircle

त्रिभुजस्य वधो भुजयोद्दिगुणितलम्बोद्यृतो हृदयरज्जुः ।

सा द्विगुणा त्रिचतुर्भुं जकोणस्पृग्वृत्तविष्कम्म: ॥

ब्रा०स्फु०सि० १२।२७

ऋमज्या : Sine

तुह्यक्रमोत्क्रमज्या समल्ण्डकवर्गगुतिचतुर्भागम् ।.

प्रीह्मयान्द्रं व्यासार्थवर्गतस्तत्पदे प्रथमम् ॥

बार्क्फुर्नसर २२।२०

क्रान्ति: Eccentricity

यान्त्युदयं मेषाद्या यतस्तदुदया न कालसमाः । कान्तिवशान्लङ्गायां तदुनताधिक्यमक्षवशात् ।।

बार्ल्स्फुर्ल्सर २११६०

ध्रय: Minus

क्षयघन घनक्षयास्तरफलानि शीझे डन्यथा घनं घनयो

क्षितिज: Horizon

प्राच्यपरं सममण्डलमन्यद्याम्योत्तरं क्षितिजमन्यत् । परिकरवत्तन्मच्ये मूगोलस्तिहिस्यतद्रष्टुः ।।

बार्क्फुर्विर २१।४६

হিশন্তি: Additive and addend. The quantity to be added to the square of the least root multiplied by the multiplicator to render it capable of yielding an exact square root.

वज्जवधैनयं प्रथमं प्रक्षेपः क्षेपवधस्तुल्यः । प्रक्षेपशोधकहृते मूले प्रक्षेपके रूपे ।।

ब्राव्स्फुव्सिव १८।६४,६६

Additive or addend. The quantity to be added to the square of the least root multiplied by the multiplicator to render it capable of yielding an exact square root.

वज्जवर्षंवयं प्रथमं प्रक्षेपः क्षेपवषस्तुत्यः । प्रक्षेपशोधकहृते मूले प्रक्षेपके रूपे ॥

बारुस्फुरुसिर १८।६६

शेष्य: Thrown together, added together जून्यविहीनमृणमृणं धनं घनं भवति जून्यमाकाशम् । शोध्यं यदा धनमृणाद् ऋणधनाद्धाः तदा क्षेप्यम् ॥

ब्राव्स्फुवसिव १८।३२,३३

क्षेपा: To be added.

भावितकरूपगुराना सान्यकतवधेष्टभाजितेष्टाप्त्योः । अल्पेऽधिकोऽधिकेऽल्पः क्षेप्यः भावितहृतौ व्यस्तम् ॥

बा॰स्फु॰सि०१=।६०,६१

खण्ड: Portions (as 2,8,8 in 288),

गुराकारखण्डतुल्यो गुण्यो गोमूत्रिकाकृतौ गुणितः।

सहित: प्रत्युत्पन्नो गुराकारकभेदतुल्यो वा ।।

बार्क्फुर्न्सर १२।५५

खमध्य: Zeinth

देशान्तरे खमध्ये भुजफलचापे भुजान्तरे च कृते

ब्रा० स्फु० सि०२।१८

गच्छ: Number of terms

एकोत्तरमेकाद्यं यदीग्टगच्छस्य भवति संकलितम्।

तद्दियुतगच्छगुणितं त्रिहृतं संकलितसंकलितम् ॥

ब्रा॰स्फु॰सि॰ १२।१६

गण (शुगण): Number

गतमगरायुताद् खुगणात् तच्छेपयुतात् तदैक्यसंयुक्तात् । तच्छोगाद्युगरां वा यः कथयति कुट्टकज्ञः सः ।।

ब्राव्स्फुवसिव १८।५२,५३

गण्क: Mathematician, competent to the study of sphere

परिकर्मविशति यः संकलिताचां पृयग्विजानाति । अप्टौ च व्यवहारान् छायान्तान् मवति गणकः सः ॥

ब्राव्स्फु०सि० १२।६

गणित: Sum of terms.

पदमेकहीनमुत्तरगुणितं संयुवतमादिनाऽन्त्यधनम् । आदियुतान्त्यधनार्थं मध्यधनं पदगुणं गणितम् ।।

बार्ल्स्फ्रिक्सर १२।१७

गित्त (इप्टका गणित): Number of bricks

लाकृतिफलनी स्याहतमग्रतलैक्यार्धमी स्वयदैष्यं गुणम्।

घनगणितमित्टकाघनफलेन हृतमिन्टकागणितम् ॥

प्राव्ह्युवसिव १२१४७

गुटिका: A small ball or globe
कीलोपरिगामिन्यां चीर्याद्यं पारदमलावुतु ।
स्रवति जले क्षिपति नरो गुटिकां कूर्मादयश्चैवम् ।।
वा०र

गुणकार: Multiplier

इष्टगुणकारगुणितो गिर्यु च्छायः पुरान्तरमनष्टम् । द्वियुतगुणकारमाजितमुत्पातोऽन्यस्य समगत्योः ।।

न्ना०स्फ्

Multiplier

गुणकारखण्डतुल्यो गुण्यो गोमूत्रिकाकृतो गुणित:।
सहित: प्रत्यत्पन्नो गुणकारकभेदत्ल्यो वा ।।

ब्रा०स्फु०ि

गणना : Product

मानितकरूपगुणना सान्यक्तवधेष्ठमाजितेष्टान्त्योः । अरुपेऽधिकोऽधिकेऽरुपः क्षेप्यो भावितहृतौ न्यस्तम् ॥

ब्राव्स्फुव्सव १५।

गुण्य: Multiplicand

गुणकारखण्डतुल्यो गुण्यो गोमूत्रिकाकृतो गुणितः। सिंहतः प्रत्युत्पन्नो गुणकारकभेदतुल्यो वा ।।

त्रा०स्फु०सि० १२

गोम्त्रिका : Method of multiplication

गुणकारखण्डतुल्यो गुण्यो गोमूत्रिकाकृतो गुणितः । सिंहतः प्रत्युत्पन्नो गुणकारकभेदतुल्यो वा ।।

ब्रा॰स्फु॰सि॰ १२।५

गोलज्ञ: Conversant with spherics

गणितज्ञो गोलज्ञो गोलज्ञो ग्रहगति विजानाति । यो गिएतगोलवाह्यो जानाति ग्रहगति स कथम् ॥

ब्राव्स्फुव्सिव २२।३

गोलविद्: Conversant with spherics

मच्याद्यमिह यदुवतं तत् प्रत्यक्षमिव दर्शयति यरुमात् । ग्रस्मादाचार्यस्वं गोलविदो भवति नान्यस्य ॥

ब्राव्स्फुव्सिव २२।१

मह: planet

येन गुणः शेषयुतश्च्छेदः शुष्यति हृतः स्वगुणकेन । तद्भुवतं शेषं फलमेवं शेषात् ग्रहसुगणौ ॥

न्ना०स्फु०सि० १८।२४,२७·

Planet

कक्षामण्डलतुन्यं प्राच्यपरं दक्षिणोत्तरं क्षितिजम् । उन्मण्डलविषुवन् मण्डले स्थिराणि ग्रहक्षाणाम् ।।

ब्रा० स्फु॰ सि॰ १११६७·

ग्रहगति : Planetary motion

प्रतिपादनार्थं मुञ्चं प्रकल्पितं ग्रहगते स्तथा पातः ।
मुक्तेरूनाधिकता मानस्य च मवति कर्णवशात् ॥

बा०स्फु०सि० २१।३०

प्राप्त : Quantity eclipsed

इष्टशरद्वयभवते ज्याघंकृती शरयुते फले व्यासौ । शरयोः फलयोरैवयं ग्रासो ग्रासोनमैवयं तत्।।

ब्राव्स्फुवसिव १२।४६

षटिका: Name of an astronomical instrument

सप्तदशकालयन्त्राण्यतो घनुस्तुर्यगोलकं चक्रम्।
यिदः शंकूर्यटिका कपालकं कर्तरी पीठम्।।

न्ना०स्फु०सि० २२।५.

षरिका: One sixtieth of the day

रूपेण रूपरामैः खसायकै स्ताडितो गएो युक्तः । पद्भिवेंदैर्षे त्या वासरपटिका विघटिकास्यः ॥

बा०स्फु०सि० २५।४

घन: Cube

छेदो घनाद् हितीयाद् घनमूलकृतिस्त्रसंगुणाप्तकृति: । कोध्या त्रिपूर्वगुणिता प्रयमाद्घनतो घनो मूलम् ॥

बा०स्फु०सि० १२१७

घनफल: Solid content, volume

साकृतिफलमीन्स्याहतमग्रतलैनयार्धमीन्स्यदैव्यंगुणम् । धनगणितमिन्दकाघनफत्रेन हतमिष्टकागणितम् ।।

ब्रा० स्फु॰ सि॰ १२।४७

घण्टा: Hour, because at the end of an hour the घण्टा is struck कीलोस्क्षेपामिहत: पटह: शब्दं करोति घण्टा वा। एवं यन्त्रसहस्राण्यनेन वीजेन कार्याणि।।

न्ना॰स्फु॰सि॰ **२**%

घात: Product

ऋ ग्रमृणधनयों घातो घनमृणयो घनवघो घनं भवति । शून्यर्णयो: खघनयो: खश्रन्ययोवी वध: शून्यम् ।।

ब्रा० स्फु० सि० १८।३३,

चक : Name of an astroomnical instrument सप्तदशकालयन्त्राण्यतो घनुस्तुर्यगोलकं चक्रम् । यष्टि: शंकुर्घटिका कपालकं कर्त्तरी पीठम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० २५:

चतुष्पद: Tetranomial

चर: Ascensional differences
क्षितिजोन्मण्डलयोर्यत् स्वाहोरात्रान्तरं चरदलं तत्।
क्षितिजेऽग्रा प्राच्यपरस्वाहोरात्रान्तरांशज्या ॥

ब्रा० स्फु० सि० २१।६

चरकरण: Variable hypotenuse (the distance of the planet from the earth) व्यर्केन्द्रकलाभक्ता: खरसग्रीलैव्धमूनमेकेन।

चरकरणानि ववादीन्यगताच्छेपात् तिथिवदन्यत् ॥

ब्रा॰स्फु॰सि॰ २४।२:

चरदतः Ascensional difference क्षितिजोनमण्डलयोर्यत् स्वाहोरात्रान्तरं चरदलं तत्। क्षितिजेऽग्रा प्राच्यपरस्वाहोरात्रान्तरांश्रज्या ।।

ब्रा० स्फु० सि० २१ ६६

न्वल : Variable त्रिगुणो दलित: स्वद्वादशांशयुक्त: सितचलं ध्रुवं स्यात् । तात्कालिकं चलं स्याद्रविरन्येपाँ ज्ञशुक्री स्त: ॥

ब्रा० स्फू० सि० २५।३६

त्रह्मगुप्त रचित ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त की गिएत-शब्दावला

चलकेन्द्र: Variable centre

भागीकृतचलकेन्द्रे त्रिगुरो खाग्न्युद्धृते फलं पिण्डः । पड्राश्यिकि चकाद् विशोध्य शेषेण पिण्डःस्यात् ॥

ब्रा० स्फु० शि० २५।४२

चलघ्रुवक: Variable celestial latitude

चतुराहतोऽव्यिगुणितः पृयक् च सप्ताहतोऽव्यिघृतिगक्तः । फलसंयुतो विवेयो ज्ञचलध्रुवको ज्ञजीद्यं स्यात् ॥

ग्रा॰ रफु॰ सि॰ २५।३४

चलरत: Variable circle, on which a celestial body or point

दूरमण्डलविक्षेपापगण्डलानि क्षपाकरादीनाम् । पट्कं विमण्डलानां चलयुत्तान्येकपंचाकत् ।।

ब्रा॰ स्फु॰ सि॰ २१।६६

चान्द्र: Lunar

मानानि सौरचान्द्राक्षं सावनानि ग्रहानयनमेभिः । मानैः पृथवा चतुर्भिः संव्यवहारोऽत्र लोकस्य ।।

बा० स्फ० सि० २३।२

चीरि: A piece of cloth

कीलातिसाधिस्मा भीर्यायं वारदमलावु तु । स्रति चले क्षिपति गरी गुटिकां कूर्मादयक्षेत्रम् ॥

न्ना० स्फू० सि० २२।४८

write: Chadosi of a gnomon

श्राता दूरचा द्धि श्रामाकम्मेमबलम्बकं मंकुम् । पश्चित्रण अनुमन्त्रे सात्यं यटिकादि बप्ट्युक्तम् ॥

बा॰ स्फु॰ सि॰ २२।४०

द्यायाकर्गं: A hypotenuse joining the end point of shadow

and gnomon.

छायां दुग्न्यां दृष्टिं छायाकण्मवलम्बकं शंकुम्।

परिकल्पा जंकुवन्त्रे योज्यं घटिकादि यष्ट्युक्तम् ॥

बार स्फुर सिर २२१४०

٠.,٠

३१४ प्राचीन भार

ਲੋਵ : Division

छेदेनेष्टयुतोनेनाप्तं माज्यादनप्टमिप्टगृणम् । प्रज्ञतिस्यच्छेदहृत लब्ब्या युतहीनकमनप्टम् ॥

ब्रा० स्फु॰

छेद: Denominator

विपरीतच्छेरगुणा राश्योश्च्छेदांशकाः समच्छेदाः । संकलितेंऽशा योज्या व्यवकलितेंऽशान्तरं कार्यम् ॥

बा० स्पुर

जात्य: Right angled traingle

जात्यद्वयकोटियुजाः परकर्णगुणा मुजाञ्चतुर्विपमे ।

अधिको भूमुँ खहीनो बाहु द्वितयं मुजाबन्यौ ।।

ब्रा० स्फु० [ि]

जीवा: Sine

एवं जीवाखण्डान्यस्पानि बहूनि वाऽऽद्यखण्डानि । ज्यार्थानि वृत्तपरिषे: पष्ठचतुर्यविभागानाम् ॥

व्रा॰ स्फू॰ सि[.]

जीवा: Chord

वृत्ते शरोनगुणिताद् व्यासाच्चतुराहतात् पर्वं जीवा । ज्यावर्गश्चतुराहतशरमक्तः शरयुतो व्यासः ।।

ब्रा० स्फु॰ सि*॰ '*

च्या: Chord

ज्याव्यासकृतिविशेषान् मूलव्यासान्तरार्धामपुरत्यः । व्यासौ प्रासोनगृणौ प्रासोनैक्योद्धतौ वाणौ ।।

ब्रा० स्फू० सि० १ः

च्या : Sine

राय्यप्टॉमेष्वंकान् पदसन्विच्यः कमोत्क्रमात् कृत्वा । वधनीयात् सूत्राणि दृयोद्वयोज्यस्तिद्वानि ॥

त्रा० स्फू० सि० २१।

নিখি: Date

सीरेपाव्दा मासा-

स्तिथयस्वान्द्रेण सावनीर्दवसाः ।

दिनमासाद्यक्रमध्या

न तद्विनाऽकेंन्द्रमानाम्याम्।

त्रा० स्फु० सि० २३।१

तिर्यक्: Oblique

सलिलेन समं साध्यं

भ्रमेण व्तमवलम्बकेनोर्बंम्।

तियंक्कण नान्यै:

कथितैश्च नव प्रवस्यामि ।

ब्रा**० स्फू० सि० २२।७**

तुरीय: Name of an ancient Indian astronomical instrument

सप्तदशकालयन्त्राण्यतो बनुस्तुवंगोलकं चक्रम् । यध्टि: शंकुवंटिका कपालकं कर्तरी पीठम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० २२।५

नुयंगोल: Name of an ancient Indian astronomical instrument

सप्तदशकालयन्त्रा-

ण्यतो धनुस्तुर्यगोलकं चक्रम्।

यिटः शंकुर्वटिका कपालकं कत्तीरी पीटम ॥

ब्रा० स्फू० सि० २२।५

त्रिज्या: Radius

त्रिज्याभक्तः कर्णः पश्चिगुणो बाहुकोटिगुणकारः । असङ्क्यान्दे तत्कलमाद्यसमं नात्र कर्गोऽस्मात् ॥

त्रा० स्फु० सि० २१।२**६**

त्रिपद: Trinomial

त्रिपाट : Greater intercept of the base by the perpendicular,

Colebrook.

दिनायं: Noon

मलिलं भ्रमोऽनलम्बः कर्णंग्छाया दिनावंसकॉऽलः।

नतकालज्ञानार्थं तेषां नंनायनान्यष्टी।

ब्रा० स्फु० मि० २२।६

दिवस: Day

सीरेणाव्दा मासास्तित्रमश्चान्द्रेण सावनैदिवसाः ।

दिनमासाद्दकमव्या न तद्विनाऽर्केन्दुमानाच्याम् ।

ब्रा० स्फु० सि० २३।१

देशान्तर: Longitude (see खमव्य)

दैव्यं: Length

आकृतिफलमीच्याहतमग्रतलैक्यार्धमीच्च्यदैर्घ्यगुणम् । घनगणितमिष्टकाघनफलेन हृतमिष्कागणितम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० १२।४७

हरज्या : Sine of ecliptic altitude

स्वाहोरात्रे क्षितिजाद् दिनगतशेषो ज्वता रवेः शंकुः । तस्मादिदनगतशेषं शंकुकुमध्यान्तरं दग्ज्या ॥

ब्रा० स्फु० सि० २१।६२

द्विगुण : Double

कृतियुतिरसदशराश्योबीहुर्वातो द्विसंगुणो लम्बः । कृत्यन्तरमसदृशयोद्विगुर्गा द्विसमत्रिभूजभूमिः ।।

ब्रा० स्फु० सि० १२।३३

द्विपद: Binomial

दिसमचतुरसः Isosceles tetragon

वायतकर्णो बाहू भुजकृतिरिष्टेन भाजितेप्टोना । दिहुता कोट्यधिका भूमुं खमूना दिसमचतुरस्रे ॥

ब्रा० स्फू० सि**०** १२।३६

द्विसमित्रभुज : Isosceles triangle

कृतियुतिरसदृषराश्योबाहुर्घातो द्विसंगुणो लम्बः । कृत्यन्तरमसदृशयोद्विगुणं द्विसमित्रभूजभूमिः ॥

ब्रा० स्फू० सि० १२।३३

घन: Positive

धनयोर्धनमृग्गमृणयोर्धनग्रंबोरन्तरं समैवयं खम् । ऋग्यनेवयं च धनमृणधनशून्ययोः शून्ययोः शून्यम् ॥

बा० स्फु० सि० १८।३०,३१

घतु: Arc

ज्यावीनि ज्याघीनां ज्याखण्डान्यन्तरास्मि तान्येव । व्यस्तान्यन्त्यादथवेपुरुत्कभज्या घनुस्ताभ्याम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० २१।१८

घनुयेन्त्र : Name of an astronomical instrument in old days

सप्तदशकालयन्त्राण्वतो घनुस्तुर्यगोलकं यन्त्रम् । यप्टि: शंकुर्घटिका कपालकं कर्त्तरी पीठम् ॥

ब्रा० स्फ्० सि० २२।५

भ्रवक: Pole

खस्वरसलब्धं च गणाद्घटिकासु नियोजयेत् तिथिध्रुवकाः।

रव्यादिकस्तद्दये चैत्रादावकंचन्द्री च ॥

ब्रा० स्फू० सि० २५।५

नभोमघ्य : Zenith

क्षितिजे भूदललिप्ताः कक्षायां दृङ्नितर्नभोमघ्यात् । अवनितिलिप्ता याम्योत्तरा रिचग्रहवदन्यत्र ।।

ब्रा० स्फू० सि० २१।६५

नतकान : Hour angle

सिललं भ्रमोऽनलम्बः कर्णदृष्टाया दिनार्धमकोऽक्षः ।

नतकालज्ञानार्यं तेपांसंसाघनान्यष्टी ॥

ब्रा० स्फु० सि० २२।६

नतांग: Noon zenith distance

हन्मण्डले नतांशज्या हन्ज्या शंकुरुन्ततांशज्या । वर्कोदयास्तसूत्राह्निशंकोवंक्षिणेन तलम् ॥

ब्रा० स्फू॰ सि॰ २१।६३

नर: Gnomon, नराकार यन्त्र

कीलोपरिगामिन्यां चीर्याद्यं पारदमलाबुतु।

स्रवति जले क्षिपति नरो गुटिकां कूर्मादयदचवम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० २२।४८

ब्रह्मगुप्त रचित ब्राह्मस्फुटसिद्धांत की गणित-शब्दावली

नर: length of gnomon

छायानरसँकहृतं सुदलं प्रागपरयोर्द्युगतशेषम् । दिनगतशेषांशहृतं सुदलं छाया नरव्येकम् ॥

ब्रा० स्फ० सि० १२।५२

नलक: Pipe

कोलस्योपरिगामिनि तत्पर्ययसूत्रके घृतमलावु । प्राग्वन्नलके प्रक्षिप्य नाडिका सुवति पानीये ॥

वा० स्फू॰ सि॰ २२।५६

Pipe

नलको मूले विद्वस्तत्सुतिघटिकोद्धृतः समुच्छ्रायः। लब्धांगुलैस्तु तर्नाडिकाक्रियायन्त्रसिद्धिरतः ॥

बा० स्फु० सि० २२।४६

नाडिका: Instrument in the shape of a pipe
कीलस्योपरिगामिनि तत्पर्ययसूत्रकेवृतमल्लावु ।
प्राग्वनुनलके प्रक्षिप्य नाडिका स्रवति पानीये ।

ना० स्फू० सि० २२।५६

नाडो : 1/60th of the day

नाड्यर्द्धेन समेतं भद्दितयं प्रक्षिपेच्च शशिकेन्द्रे । रूपं रूपहुताशाः खशराश्च तिथिध्वे क्रमशः ॥

बा॰ स्फु॰ सि॰ २५१८

निरपवर्त : Reduced to least term

इल्टभगणादिशेषात् स्वकुट्टकगृणात् स्वभागहारहृतात् । धेषं युगणो गतनिरपवर्त्तंगुणमागहारयुतः ॥

न्ना० स्फु० सि० २८।१२,१५

निरहेद: Divisible in least terms

निवस्देदभागहारो भानोः सप्ततिगुणोंऽक्षशेपोनः । पुरुषत्पयुत्तविभक्तः कुर्वन्नावत्सराद्गगाकः ॥

बा॰ स्फू॰ सि॰ १८।५६,६०

निश्छेद: Reduced to least term

निश्छेदमागहाराद् राश्यादिकलादिना हताद् भवतात् । भगगाकलाभिर्लन्धं मण्डलशेषं दिनगगोऽस्मात् ।।

ब्रा० स्फू० सि० १८।२१,२४

पंचात: Raised to the 5th power

अन्यक्तवर्गघनवर्ग वर्गपंचगतपड्गतादीनाम् । तुल्यानां संकलितन्यवकलिते प्रयगतुल्यानाम् ॥

बा० स्फु० सि० ना४१,४२

पद: Root

संविश्तितांशवर्गश्छेदक्वतिविभाजितो भवति वर्गः । संविश्तितांशमूलं छेदपदेनोद्धृतं मूलम् ।।

ब्रा० स्फू० सि**० १**२। ४

परिकर: Zone, कटिबन्ध

प्राच्यपरं सममण्डलमन्यद्याम्पोत्तरं क्षितिजमन्यत् । परिकरवत् तन्मध्ये भुगोलस्तित्स्यतद्रष्टुः ।।

ब्रा० स्फु० सि० २१।४९

परिकर्म : Arithmatical operation

परिकर्मविशति यः संकलिताद्यां पृथग्विजानाति । श्रण्टी च व्यवहारान् छायान्तान् भवति गराकः सः ॥

ब्रा० स्फु० सि० ७।१

परिच्छेद : Well realization

गोलस्य परिच्छेदः कर्तुं यन्त्रैविनायतोऽशक्यः। संक्षिप्तं स्पष्टार्थं यन्त्राच्यायं ततो वक्ष्ये ॥

न्ना० स्फु० सि० २२।४

परिचि: Circumference

त्रिज्यामनतः कर्णः परिधिगुगो वाहुकोटिगुणकारः । असकृन्मान्दे तत्फलमाद्यसमं नात्र कर्णोऽस्मात् ॥

बा॰ स्फु॰ सि॰ २१।२६

परिलेखन: Drawing

परिलिख्य वृत्तमवनौ यिष्टिव्यासार्द्धमन्यदस्यान्त: । स्वाहोरात्रार्घार्घं घटिकाषष्ट्यंकितं परिघौ ।।

ब्रा० स्फू० सि० २२।२०

परिवर्तन: Transposition

परिवर्यं भागहारच्छेदांशौ छेदसंगुणच्छेदः । अंशोऽशगुरगः भाज्यस्य भागहारः सर्वणितयोः ॥

ब्रा० स्फू० सि० १२।४

पाट: Intersectional side of a perpendicular and base

कर्णावलम्बकयुतौ खण्डे कर्णावलम्बयोरघरे । अनुपातेन तदूने ऊर्ध्वे सुच्यां सपाटायाम् ॥

बा० स्फू० सि० १२।३२

पात : Node, मान = value

प्रतिपादनार्थमुच्चं प्रकल्पितं ग्रहगतेस्तथा पात: । भुवतेस्नाधिकता मानस्य च भवति कर्णवशात् ।।

ब्रा० स्फु० सि० २१।३०

पिण्ड: A sine expressed in numbers

भागीकृतचलकेन्द्रे त्रिगुरो खाम्बुद्धृते फलं पिण्ड: । पद्रादयिके चकाद् विशोध्म शेषेण पिण्ड: स्यात् ॥

ब्रा० स्फु० सि० २५।४२

पीठ: Name of an ancient Indian astronomical instrument

सप्तदशकालयन्त्राण्यतो घनुस्तुर्यगोलकं चक्रम् । यप्टिः शंकुर्घटिका क्ष्पालकं कर्त्तरी पीठम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० २२।५

प्रात्यत : Assumed

प्रतिपादनार्थं मुख्यं प्रकल्पितं ग्रह्मतेस्तया पातः ।
भुवतेष्टाधिकता मानस्य च भवति कर्णवदान् ॥

न्ना० स्पृत् सित २१।३०

प्रकृतिस्थ : Original

छेदेनेष्टयुतोनेनाष्तं भाज्यादनष्टिमिष्टगुराम् । प्रकृतिस्थच्छेदहृतं लब्ध्या युतहोनकमनष्टम् ॥

न्ना० स्फु॰ सि॰ १२।५७

प्रक्षेप: Additive or addend. The quantity to be added to the square of the least root multiplied by the multiplicator to render it capable of yeilding an exact square root.

वज्जवधैनयं प्रथमं प्रक्षेपः क्षपवधस्तुत्यः । प्रक्षेपशोधकहृते मुने प्रक्षेगके रूपे ॥

ब्रा० स्फु० सि० १८।६४,६६

प्रक्षेप: The proposed quantities

प्रक्षेषयोगहृतया लब्बया प्रक्षेपका गृणा लाभाः। ऊनाविकोत्तरास्तद् युतोनया स्वक्तनमूनयुतम् ॥

ब्रा० स्फू॰ सि० १२।१६

प्रतिभुज: Opposite side

श्रविषमपार्श्वभुजगुणः कर्णो द्विगुणावलम्बकविभक्तः । हृदयं विषमस्य भुजप्रतिभुजकृतियोगमूलार्थम ॥

ब्रा॰ स्फु॰ सि॰ १२।२६

प्रत्युत्पन्न : Product

रूपाणि च्छेदगुणान्यंशयुतानि द्वयोर्वहूनां वा । प्रत्युत्पन्नो भवति च्छेदवधेनोद्धृतोऽशवधः ॥

बा॰ स्फु॰ सि॰ १२।३

गुणकारखण्डतुल्यो गुण्यो गोमूत्रिकाकृतो गुणितः । सहितः प्रत्युत्तन्नो गुणकारकभेदतुल्यो वा ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।४५

प्रश्न : Qusetion

प्रतिनूत्रममी प्रश्नाः पठिताः सोद्देशकेषु सूत्रेषु । आर्थाच्यचिकशतेन च कुट्टश्चाप्टादशोऽध्यायः ॥

ब्रा० स्फु० सि० १७।१०२,१०३

प्राण: A measure of time=4 seconds

लंकासमपश्चिमगं प्राग्नेन कलां भमण्डतं भ्रमति ।

अपमण्डलस्य राशिद्धांदशमागः क्षितिजलग्नः ॥

ब्रा० स्फु० सि० २१।५६

फलक: Blade

दिक्स्यितफलकद्वियुतिस्तले तदग्रस्थसूत्रयोर्मघ्ये । कीलस्तच्छायाग्रात् कर्त्तर्या नाडिकाः स्थुलाः ।।

ब्रा० स्फु० सि० २२।४४

बाहु: Side of a triangle

कृतियुतिरसदशराश्यो वींहुर्घातो द्विसंगुणो सम्वः।

कृत्यन्तरमसद्द्ययोद्धिगुणं द्विसमत्रिभुजभूमिः ॥

ब्रा० स्फू० सि० १२।३३

बीज: Principle (only this use and not in algebra by BSS.)

कीलोत्क्षेपाहितः पटहः शब्दं करोति घण्टा वा। एवं यन्त्र सहस्राण्यने न बीजेन् कार्याणि!।

व्रा० स्फु० सि० २२।५२

बीजक और बीज : a kind of timber citrus medica

भवत: Divided

धनमक्तं धनमृणहतमृणं धनं मवति रवं रवभक्तं खम् । भवतमृणोन धनमृणं घनेन हतमृणमृणं भवति ।।

ब्रा० स्फु० सि० १८।३४,३५

भगण: Revolution

निश्छेदमागहाराद् राश्यादिकला दिना हताद् भवतात्।

भगणकलाभिलंब्यं मण्डलशेषं दिनगणोऽस्मात् ॥

ब्रा० स्फु० सि० १८।२१,२४

भमण्डल: The hole multitude of stars

लंकासमपश्चिमगं प्राग्नेन कलां ममण्डलं भ्रमति ।

लपमण्डलस्य राविहादशनागः क्षितिजलग्नाः ॥

ब्रा० स्फु० सि० २१।५६

भागहार : Division

परिवर्त्य मागहारच्छेदांशी छेदसंगुणच्छेदः।

मंशोऽंशगुणो मान्यस्य भागहारः सर्वाणतयो : ॥

व्रा० स्फु० सि० १२।४

भाज्य : Divide

छेदेनेष्टयुतोनेनाष्तं भाज्यादनष्टमिष्टगुणम् । प्रकृतिस्थच्छेदहृतं लब्ध्या यतहीनकमनष्टम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।५७

भाण्डप्रतिभाण्डक: Barter

प्राग्मूल्यव्यत्यासो भाण्डप्रतिमाण्डकेऽन्यदुवतसमम् । परिकर्माण्यण्टानां व्यवहाराणामभिहितानि ।।

ब्रा० स्फू० सि० १२।१३

भावितक: Term like Ay

मावितकरूपगुणना साव्यक्तवधेष्टभाजितष्टाप्त्यो: । अल्पेऽघिकोऽघिकेऽल्पः क्षेप्यो भावितहृतौ व्यस्तम् ॥

त्रा० स्फू० सि० १८।६०,६१

भुज: Side of a triangle

कर्णकृतेः कोटिकृति विशोध्य मूलं भुजो भुजस्य कृतिम् ।

प्रोह्म पदं कोटिः वाहुकृतियुतिपदं कर्गाः ॥

ब्रा० स्फू० सि० १२।२४

भू: Base

इप्ट द्वयेन भनतो द्विवेष्टवर्गः फलेष्टयोगाधँम् । विपमत्रिभुजस्य भुजाविष्टोनफलार्धयोगो भूः॥

न्ना० स्फू० सि० १२।३४

भूमि: Base of a triangle

त्रिभुजे भुजी तु भूमिः तल्लम्बो लम्बकाधरं खण्डम् । कध्वंमवलम्बखण्डं लम्बकयोगार्धमधरोनम् ।।

ब्रा० स्फू० सि० १२।३१

भूसम: Horizontal

घटिका स्वर्णेकुमागैः पृयग्गतंलम्बभूसमज्याधित् । साक्षीतिशतांथांकः चकस्पार्धे धनुर्यन्त्रम् ॥

न्ना० स्फु० सि० २२।१०

भेद: Factor

गुणकारखण्डतुल्यो गुण्यो गोभूत्रिकाकृतो गुणितः । सहितः प्रत्युत्पन्नो गुणकारक भेदतुल्यो वा ।।

ब्रा० स्फू० सि० १२।५५.

भ्रम: Compass

सिललं भ्रमोऽवलम्बः कर्णश्च्छाया दिनार्घकर्मोऽभः । नतकालज्ञानार्थ तेषां संसावनान्यष्टौ ॥

बा० स्फु० सि० २२।६

मण्डल: Revolution

व्येकमवमावशेषं पडुद्धृतं त्रियुतमवमशेषस्य । पंचविभक्तस्य समं यदा तदा युगगतं कथय ।।

ब्रा० स्कु० सि० १८।४८,४७

मन्दोच्च: The upper apsis of the course of a planet कक्षामण्डलमध्यं भूमध्ये मध्यम: स्वकक्षायाम् ।

अनुलोमं मन्दोच्चात् प्रतिलोमं भ्रमति शीघ्रोच्चात् ॥

ब्रा० स्फु० सि० २१।२४

मध्य: Middle terms

वर्गचतुर्गुं णितानां रूगणां मध्यवर्गसहितानाम् । मूलं मध्येनोनं वर्गदिगुणोद्धतं मध्यः ॥

ब्रा० स्फु० सि० १८।४४,४८

मध्ययन : Middle term

पदमेकहीनमुत्तरगुणितं संयुक्तमादिनाऽन्त्यघनम् । स्रादियुतान्त्यवनार्धं मध्यवनं पदगुणं गणितम् ॥

बार रफुर सिर १२।१७

मान्द: The process for determining the apsis of a planet's course

त्रिज्याभनतः कर्षः परिचिगुणो चाह् होटिगुणकारः । असक्तम्मान्दे तत्कलमाजसमं नात्र कर्णोऽस्मात् ॥

आर स्थार विरु ५४।५१

मान: Value

भुक्तं ग्नाधिकता पानस्य न भवनि पर्णगयात्।

are the fue fills

मार्ग: Section

विस्तारायामांगुलघातो मार्गाहतो द्विवेदहृतः। किष्ववगुलानि लब्बं तत् षण्णवतिर्भवति कर्म ॥

ब्रा० स्ट

मास: Month

सौरेणाव्दा मासा स्तिथयश्चान्द्रेण सावनैर्दिवसाः। दिनमासाद्दपमध्या न तद्विनार्केन्द्रमानाभ्याम्।।

वा० स

मिश्र: Amount

कालप्रमाणवातः परकालहृतो द्विधाऽऽद्यमिश्रवधात् । अन्यार्धकृतियुतात् पदमन्यार्धोनं प्रमागुफलम् ॥

ब्रा० स्फु०:

मुख: Top

मुखतलयुतिदलगिणतं वेधगुणं व्यावहारिकं गिणतम् । मुखतलगणितैवयार्घं वेधगुणं स्यादगणितमौत्रम् ।।

ब्रा० स्फु० सि०

म्ल: Root

संवर्णितांशवर्गः छेदकृति विभाजितौ मवति वर्गः । संवर्णितांशमूलं छेदपदेनोद्धतं मूलम् ॥

न्ना० स्फु० सि**०**

मूल: Principal

कालगुरिएतं प्रमाणं फलभवतं व्येकगुणहतं कालः । स्वफलयुतरूपभवतं मूलफलैवयं भवति मूलम्॥

ब्रा० स्फू० सि० १

मृत्य: Prices

प्राग्मूल्यव्यत्यासो भाण्डप्रतिभाण्डकेऽन्यदुक्तसमम् । परिकर्माण्यप्टानां व्यवहाराणामभिहितानि ॥

बा॰ स्फु॰ सि० १

यष्टि: Name of an astronomicai instrument

सप्तदशकालयन्त्राण्यतो धनुःतुर्यगोलकं चक्रम् । यप्टिः शंकुर्घटिका कपालकं कर्त्तरी पीठम् ।।

न्ना॰ स्फु॰ सि॰

याम्या: South (लङ्का)

युगपद्युगादिरुदयाद्याभ्यायां भास्करस्य वारुण्याम् । राज्यर्थातु सौम्यायामस्तमयाद्दिनदलादैन्द्रयाम् ॥

बा० स्फु० सि० २४।२

याम्योत्तररेखाः Meridian

उज्जियिनी याम्योत्तररेखायाः प्राग्वनं क्षयः पव्चात् । योजनपष्टया नाडी चरदलमि सीम्यदक्षिणयोः ॥

न्ना० स्फू० सि० २५।१०

याम्योत्तरवृत्त : Meridian

प्राच्यपरं समभण्डलमन्यद्याम्योत्तरं क्षितिजमन्यत् । परिकरवत् तन्मध्ये भूगोलस्तिरिस्यतद्रष्टुः ।।

व्रा० स्फु० सि० २१।४६

युतहीन: Plus minus written

योगोऽन्तरयुतहीनो द्विहृतः संक्रमणमन्तरविभवतं वा।

वर्गान्तरमन्तरयुतहीनं द्विहतं विषमकर्म ॥

व्रा० स्फु॰ सि॰ १८।३६,३७

युति: Conjunction

क्षितिजापमण्डलयुतिलंग्नं लग्नाग्रया दिशा लग्नम् ।

हफ्क्षेपमण्डलं दक्षिणोत्तरं विविभविलग्ने ॥

ब्रा० स्फु० सि० २१।५६

योग: Sum

गतभगणयुताद् युगणात् तच्छेरायुतात् तदैवयसंयृवतात् । तद्योगाद्युगणं वा यः कथयति कुट्टकसः सः ॥

न्ना० स्फू० सि० १८।५२,५६

योग: Sum

योगोऽन्तरयुत्तहीनो डिहृतः संघमणमन्तर विभवतं या ।

वर्गान्तरमन्तरम्तहीनं द्विहृतं विषमकर्ग ॥

रज्जु: Line

त्रिभुजस्य वधोभुजयोद्धिग्णितलस्योद्धतीह् द्यरञ्जुः । सा द्विगुणा विचतुर्भुं ज कोसस्यस्य विष्यस्थः ॥

बारुकुरु सिरु १२।२७

राशि: Sign

राइयंशकला विकला शेषात् कथितादभीष्टतो नष्टान्।

यः साधयत्युपरितनान् समव्यमान् कुट्टकज्ञः सः ॥

ब्रा० स्फु० सि० १८।२३,२६

राइयप्टां शेप्चंकान् पदसन्विभयः क्रमोत्कभात् कृत्वा ।

वव्नीयात् सूत्राणि द्वयोर्द्धयोज्यस्तिदवनि ॥

न्ना० स्फू० सि० २१।१७

राशि: Quantity

विपरीतच्छेदगुणा राश्योश्छेदांशकाः समच्छेदाः । संकलितेंऽता योज्या व्यवकलितेंऽशान्तरं कार्यम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।२

रूप: Absolute

अव्यक्तान्तरभक्तं व्यस्तं रूपान्तरं समैऽव्यक्तः । वर्गाव्यक्ताः शोव्या यसमाद् रूपाणि तदधस्तात् ॥

ब्रा० स्फु० सि० १८१४३,४४

रूप: Integer

रूपाणिच्छेदगुणान्यंसयुनानि हयोर्बहूताँ वा । प्रत्युत्वन्नो मवतिच्छेदवर्धनोद्धतोऽसवधः ॥

प्रा० स्कु० सि० १२।३

लव्य: Profit

प्रक्षेत्रयोगह्तया लब्ब्या प्रक्षेत्रका गुणा लामाः । कनाधिकोत्तरास्तद् युतोनया स्वफलमूनयुतम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।१६

लम्बन: Parallax

वृथ्यादृश्यं दृग्गोलार्घं भूव्यासदलविहीनयुत्तम् । द्रष्टा भूगोलोगरि यतस्ततो लम्बनावनती ॥

ब्रा० स्फु० सि० २११६४

लाभ: Gain

प्रक्षे पर्योगहतया लब्ध्या प्रक्षेपका गुणा लामा: । कनाधिकोत्तरास्तद् युतोनया स्वफलमूनयुतम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।१६

ब्रह्मगुष्त रचित ब्राह्मस्फुटसिद्धांत की गणित-शब्दावनी

लिप्तिका: Minute

त्रिगुणं सप्तविभवतं नगाद्रयोंऽशारवेश्चम् ।

विकलाष्टकसंयुक्ता नववाणा लिप्तिका रवेर्भु क्ति:।।

न्ना० स्फु० सि० २५।१३

वज्ञवय: Cross multiplication (forked or oblique multiplication)

> बज्रवधैक्यं प्रथमं प्रक्षेपः क्षेपवचतुल्यः। प्रक्षेपकोधकहृते मूले प्रक्षेपके रूपे।।

ना० स्फु० सि० १७।६५,६६

वत्सर: Year

अंगकशेषं त्रिमुतं लिप्ताशेषं कदा रवेकेदिने । पट्सप्ताब्दी नव वा क्र्वंन्नावत्सराद्गणकः ।।

बार स्फूर सिर १८१६,५७

वध : Product

त्रिभुजस्य ववी भुजयोद्दिगुणितलम्बोद्धृतो हृदयरज्जु: । सा द्विगुणा त्रिचतुर्भुं जकोणस्पृग्वत्तविष्कमम ।।

ब्रा० स्फू० सि० १२।२७

वव : Multiplication or product

रूपाणिच्छेदगुणान्यंशयुतानि हयोर्वहूनौ वा । प्रत्यत्यन्त्रो मयतिच्छेदवधेनोद्ध्तोऽसवयः ॥

ब्रा० स्फू० सि० १२।३

यगं : Square

संयणितौरातगेरछेरकृतिविभाजितो भवति वर्गः । संयणितांशमूलं छेदपरेतीसृतं मूलम् ॥

ब्रा० स्फु०सि० १२।५

वर्गित: Squared

ष्युनाधिमासभैयान् मूनं इयिषकं विभाजितं पड्मि: । इयुनं वर्गितमधिकं नवभिनंत्रतिः कदा भवति ॥

ब्राव स्कृत सित १८।२८,२६

वर्ण: Unknown quantities as x.y.z.

आद्याद् वर्णादन्यान् प्रोह्याद्यमानमाद्यहतम् । सद्शच्छेदावसकृद् द्वी व्यस्तौ कुट्टकौ बहुप् ।।

ब्रा० स्फू० सि० १८।४१,४२

वलन: Deflection

सिनगृहकान्तिरुदग्दक्षिणतोस्तृज्यया हृतं वलनम् । विक्षोपगुणम्गाघनं ग्रहेऽन्यद्वकर्मं चरदलवत् ।।

न्ना० स्फू० सि० २१।६६

बार: Number of..., qnotient

यावत्कृत्वोभवतं गुरोन तद्वारसम्मितिर्गन्छः।

वारुणी: West, रोमक

युगपद्युगादिरुदयाद्यास्यार्यां भास्करस्य वारुण्याम् । रात्रयर्घात् सौम्यायामस्तमयाद्दिनदलादैन्द्र्याम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० २६।२

विकला: Second

त्रिगुर्ण सप्तविभक्तं नगाद्रयोऽशा रवेरुच्चम् । विकलाष्टकसंग्रुक्ता नववाणा रवेर्भूकितः ॥

ब्रा० स्फू०सि० १५।१३

राश्यंशकलाविकला शेपात् कथिनादमीष्टती नष्टान् । यः साध्यत्युपरितनान् समध्यमानुकुट्टकन्नः सः ।

ब्रा० स्फु॰ सि॰ १८१२३,२६

विक्षेप: Celestial or polar latitude

पाताश्चनद्रादीनां भ्रमन्ति भावें रवेश्च भूछाया।

पातापमण्डलवद् त्रिमण्डलानि स्वविक्ष पे: ॥

ब्रा० स्फु० सि० २१।५३

विषटिका: 1/60th of a षटि का

रूपेण रूपरामैः खसायकैस्ताडितो गणो युवतः । पर्वामर्वेदैवृत्या वासरघटिका विघटिका स्यः ॥

न्ना० स्फु० सि० २५।४

विपरीत: opposite

विपरींतच्छेदगुणा राज्योञ्छेदांशकाः समच्छेदाः । संकलितेंऽशा योज्या व्यवकलितेंऽशांतरं कार्यम् ॥

ब्रा॰ स्फू॰ सि॰ २२।२

विमण्डल: The orbit of the planet or of the moon पाताश्चन्द्रादीनां भ्रमन्ति भार्धे रवेश्च मूछाया। पातादपमण्डलवद् विमण्डलानि स्वविक्षेपे: ॥

ब्रा० स्फू० सि० २१।५३

विलिप्ता: Second

विकलाप्टकसंयुक्ता नयवाणा लिप्तिका रवेर्भु वितः । खनवनगाः शीताँशोः पंचित्रसृद्धिलिप्तारच ॥

ब्रा० स्फू० सि० २५।१४

विविर: Difference

गतमगणोनाद् खुगणात् तच्छेपोनात् तदैवयहीनाद्धा । ताद्विवराद्खुगणां वा यः कथयति कृटुकज्ञः सः ।।

ब्रा० स्फु० सि० १८।५३,५४

विपमकर्म : Dissimilar operations

योगोऽन्तरयुतहीनो द्विह्तः संक्रमणमन्तरविमन्तं वा । वर्गान्तरमन्तरयृतहीनं द्विहृतं विषमकर्म ॥

त्रा० स्फु० सि० १८।३६,३७

विपमचतुरस : Trapezium

विषमचतुरस्रमध्ये विषमित्रभुजद्वयं प्रकरःय पृथक् । कर्णद्वयेन पूर्वयदावाधे लम्बकी च पृचक् ॥

ग्रा० स्फु० सि०१२।२६

विषमत्रिभूज: Scalene triangle

इत्टद्वयेन भवतो द्विधेष्टयर्गः फलेष्टयीमार्घ । विषयिभुजन्य भूजाविष्टोनफलाषेगीमो भूः॥

याट स्पृत मिर

विष्वनमण्डल : Equator

विषुवन्मन्डलमूर्ध्वं सममण्डलतः स्थितं स्वकाक्षाँगैः। याम्येनोत्तरतौऽधः क्षितिजे प्राच्यपरयोर्लग्नम्।।

ब्रा० स्फू० सि० २१।५६

विपकम्म : Diameter

त्रिमुजस्य वघी मुजयोर्हिंगुणितलम्बोद्धृतो हृदयरज्जुः। सा द्विगुणा त्रिवतुर्मु जकोस्पृग्व राविपकम्भः।।

ब्रा० स्फु० सि० १२।२७

विस्तार: Width or rather thickness or घनत्व विस्ताराँगुलघातो मार्गाहतो द्विवेदहृत:। किष्ववंगुलानि लब्धं तत् पण्णवतिर्मवति कर्मे।

ब्रा० स्फु० सि० १२।४५

वृत्तः Circle name of a section in ब्रा॰ स्फु॰ सि॰ वृत्ते शरोनगुणिताद् व्यासाच्यतुराहतात् पदं जीवा । ज्यावर्गश्चतुराहतशरमकतः शरयतो व्यासः ॥

ब्रा० स्फु॰ सि० १२।४१

वृद्धि: Interest

स्रज्ञातवृद्धिकर्णेत्वं हम्माणौ शतपंचकम् । वृद्धिमीसचतुष्कस्य तदीयान्यत्रयोजिता ।।

चतुर्वदाचार्य

वृद्धिकणं : Rate of interest

अज्ञातवृद्धिकर्णात्वं द्रम्माणां शतपंचकम् । वृद्धिर्मासचतुष्कस्य तदीयान्यत्र योजिता ॥

चतुर्वेदाचार्य

वैष: Depth

क्षेत्रफलं वैद्यगुर्णं समखानफलं ह्तं त्रिनिः सूच्याः । मुखतलतुल्यभुजैन्यान्येकाग्रह्तानि समरज्जुः ॥

वा०स्फु०सि० १२।४४

वेध्य: To be observed

ताम्यां सूर्यंगणांकी वेष्यावग्रस्थितेन सूत्रेण । सूत्रज्ययाज्तरांशा ये तेऽकंविभाजिता स्थितयः ॥

न्ना०स्फु०सि० २२।२५

च्यत्यास: Transposition

प्राग्मूल्यव्यत्यासी भाण्डप्रतिभाण्डकेऽन्यदुक्तसमम् । परिकर्माण्यष्टानां व्यवहाराणाममिहितानि ।।

ब्रा॰स्फु॰सि॰ १२।१३

रुयवकलित: Subtraction

अन्यक्तवर्गधनवर्ग वर्गपंचगतपङ्गतादीनाम् । तुल्यानां संकलित च्यवकलिते पृथगतुल्यानामृ ॥

ब्रा०स्फु०सि० १८।४१।४२

विपरीतच्छेदगुणा राश्योदछेदांशककाः समच्छेदाः । संकलितेंऽशा योज्या व्यवकलितेंऽशान्तरं कार्यम् ॥

त्रा०स्फु०सि० १२।२

च्यस्त: Reversed

ऊनमधिकाहिशोय्यं घनं घनाहणमृणादिधक मूनात् । व्यस्तं तदन्तरं स्याद् ऋणं घनं घनमृणं भवति ॥

ब्रा०स्फु०सि० १८।३२

व्यवहार: Investigation

प्राग्मूल्यवव्यत्यासो माण्डप्रतिभाण्डकेऽन्यदुक्ततसमम् । परिकर्माण्यप्टानां व्यवहाराणाममिहितानि ।।

ब्राव्स्फुव्सव १२।१३

व्यवहार: Determination

परिकर्मविशित यः संकलिताद्यां पृथिग्विजानाति । अष्टी च व्यवहारान् छायान्तान् भवति गराकः सः ॥

बार्ल्सु०सि० १२।१

च्यावहारिक : Practical, rough

व्यानव्यामार्धकृती परिविक्तने व्यावहारिके त्रिनुरो । तहर्गान्यां दशमिः संगुणिताम्यां पदे नूदमे ॥

ब्राव्स्फुर्वाव १२१४०

व्यास: Diameter

व्यासस्यामार्धकृती परिषिक्षने व्यावहारिके त्रिगुग्रे । सद्वर्गाक्यो दसभिः संगुणितास्यां पदे सुक्षे ॥

वारसङ्ग्रामिक १२।४०

व्यासार्छः Radius

व्यासव्यामार्घकृती परिविक्तले व्यावहारिके त्रिगुरो । तद्वर्गान्यां दशिमः संगुणिताम्यां पदे सुक्ष्मे ।।

व्राव्ह्मुवसिव १२।४०

ह्येक : Lessened by one

अवमावशेषवर्गो व्येको विश्वतिविभाजितो द्यधिक: । अप्टगुणो दशभवतो द्वियुतोऽष्टादश कदा भवति ।।

व्रावस्फुवसिव १८१२६,३०

গ্ৰু: Name of an astronomical instrument, gnomon

सप्तदश कालयन्त्राण्यती धनुस्तुर्यगोलक चक्रम् । यिट्ट: शंकूर्घटिका कपालकं कर्त्तरी पीठम् ॥

व्राव्स्फुवसिव२२।५

जार: Arrow, depth of the chord, versin

वृत्ते शरोनगृश्मिताद् न्यासाच्चतुराहतात् पदं जीवा ।

ज्यावर्गेश्चतुराहतशरमक्तः शरयुता व्यासः ॥

बार्क्सु०सि० १२।४६

शीवोच्च: Apsis of the swiftest motion of the planet, a conjunction

कञ्जामण्डलमध्यं मूमध्ये मध्यमः स्वकक्षायाम् । अनुलोमं मन्दोच्चात् प्रतिलोमं भ्रमति शीछोष्ट्यात् ॥

ब्रा॰स्फु॰सि॰ २१।४

धून्य: Cipher

वनयोर्वनमृणमृणयो र्घनर्णयोरन्तरं समैक्यं खम्। ऋणमैक्यं च वनमृणवनशून्ययोः शून्ययोः शून्यम्।।

ब्रा॰स्फु॰सि॰ १८।३०,३१

गोवन: Subtraction

शून्य विहीतमृणमृणं यन वनं मवति शूष्यमाकाशम । शोध्यं यदा घनमृणादृणं घनाद्वा तदा क्षेष्यम् ॥

ब्राव्स्फूव्सिव १८।३२

रह्मगुष्त रचित ब्राह्मस्फुटसिद्धांत की गणित-शब्दावली

पड्गत् : Raised to the 6th power बन्यक्तवर्गघनवर्ग वर्गपंचगतषद्गतादीनाम् । सुल्यानां संकलितव्यक्किति पृथगतुल्यानाम् ॥

बार्ल्स्फ्रिक्सि १८।४१,४२

संजा: Name, term

यस्मात् संप्रतिपत्तिर्न संज्ञया संज्ञितो विना तस्मात् । लोके प्रसिद्धसंज्ञा रूपारीनां स्वाकंताद्याः ।।

संप्रतिपत्ति : Perception पत्ति

यस्मात् संत्रतिपत्तिर्न संज्ञया संज्ञितो विना तस्मात् ।

लोके प्रसिद्धसंज्ञा रूपादीनां शशांकाद्याः ॥

न्ना०स्फु०सि० २५।१

सकल: Integer

स्वविकलपण्ट्यंशगुणः सकलस्त्रिज्ञोद्धृतौ विकलवर्गः। प्रक्षेप्यः सकलकृतौ वर्गवनौ द्वित्रितृत्यवदौ ।।

व्राव्ह्युवसिव १२।६२

संकलित: Addition

परिकर्मविशति यः संकलिताद्यां पृयन्विजानाति । अप्टो च व्यवहारान् छायान्तात् भवति गणकः सः ॥

ब्रा०स्मु०सि० १२।१

अन्यक्तवर्गवनवर्ग वर्गपंचगतपद्गतादीनाम् । तुल्यानां संकलितन्यवकलिते पृथगतुल्यानाम् ॥

बा०स्फु०सि० १८।४१,४२

संक्रमण: Concurrence; simultaneous equations
योगोऽन्तरयुतहीनो द्विहतः संक्रमणमन्तरविभवतं वा ।
यगोन्तरमन्तरयुतहीनं द्विहतं विपमक्तमं ॥

ब्राव्स्फुर्वसव १८१३६,३७

संदर्भण: Transition

फलसंक्रमणमुभयतो चहुराज्ञिवघोऽस्वबधहृतो ज्ञेयम् । सक्तेरवेवं भिन्तेषूनयतदछेदसंक्रमणम् ॥

बाव्स्फुवसिव १२।१२

संख्या: Coefficient

वर्गाप्रमाणभावितघाता भवतीष्टवर्गासंस्यैवम् । सिच्यति विनाऽपि भावितसमकरणात् किं कृतं तदतः ॥

न्ना०स्फु०सि०१८।६३।६४

सहश: Like

आद्याद्वणीदन्यान् वर्णान् प्रोह्याद्यमानमाद्यहृतम् । सदशच्छेदावसकृद् द्वौ व्यस्तौ कुट्टको वहुषु ॥

ब्राव्स्फुविस १८।५१,५२

सपाट: With intersectional side of a perpendicular and base कर्णावलम्बक्युतौ खण्डे कर्णावलम्बयोरघरे। अनुपातेन तदूने ऊर्ध्वे सुच्यां सपाटायाम्।।

ब्राव्स्फुवसिव १२।३२

सम : Horizontal, even

सिललेन समं साध्यं भ्रमेण यृन्तमवलम्बकेनोध्वंम् । तियंक्कर्णेनान्येः किपतैश्च नव प्रवक्ष्यामि ।।

ब्राव्स्फुवसिव २२।७

सम: Equation (simple equation)

अन्यक्तान्तरमक्तं न्यस्तं रूपोन्तरं समेऽन्यक्तः। वर्गान्यवक्ताः शोध्या यस्माद्रुपाणि तदधस्तात्।।

ब्रा०स्फु०सि०१८।४३।४४

समकरण: Equation

वर्णप्रमाणभावितघातो भवतीष्टवर्णसंस्यैवम् । सिघ्वति विनाऽपि मावितसमकरसात् किं कृतं तदतः ।।

ब्राव्स्फुवसिव १८१६३,६४

समसात : Regular excavation or prism

क्षेत्रफलं वैघगुणं समस्रातफलं हतं त्रिमिः सूच्याः । मुखतलतुल्यमुजैवयान्येकाग्रहतानि समरजजुः ।।

बार्क्सुर्वसर १२१४४

सममण्डल : Prime vertical circle

प्राच्यपरं सममण्डलमन्यद्याम्पोत्तरं क्षितिजमन्यत् । परिकरवत् तनमध्ये भूगोलस्तित्स्थतद्रव्दः ।।

ग्राव्ह्युवसिव २१।४६

सगरज्जु: Mean string

क्षेत्रफलं वेषगुणं रामखातफलं हृतं त्रिमिः सूच्याः । मुखतलतुरुयभुजैवयान्यकाग्रहतानि रामरज्जः ।।

न्ना०स्फु०सि० १२। ४४

सवणित: Homogeneous

परिवर्षं भागहारच्छैदांशी छेदसंगुणच्छेदः। अंशोंऽशगुणा भाज्यस्य भागहारः सवणितयोः।

बा॰स्फु॰सि॰ १२।४

स्पण्टोकरण: Clarification

यत्स्यण्टीकरसाधं गोनादुत्प्रेक्ष्य तत्कृतं सर्वम् । गोनाध्याय: सप्तत्यार्यासमिकविद्योऽयम् ।।

ना०स्फु०सि २१।७०

स्त्रपृति : Greater segment of the base, (called तीठ by Bhaskar)

कर्णमुताबूच्चविरसण्डे कर्णमुताबलम्बयोगे वर । स्वाबाधे स्वय्तिहते हिंघा पृथक् कर्णलम्बयुर ।।

सायन : Terrestrial

मानानि सौरचान्द्राक्षसावनानि ग्रहानयनमेशि । मानैः पृषक् चनुभिः संव्यवहारोऽत्र लोकस्य ।!

नारस्कुर्गात २२।२

सूची: Needle (prolonged trapezium in the shape of a triangle कर्णावलम्बकयुतौ खण्डे कर्णावलम्बयोरघरे। अनुपातेन तदूने अर्घ्वे सूच्यां सपाटायाम्।।

ब्रा०स्फु०सि० १२।३२

सूची: Pyramid क्षेत्रफलं वेद्यगुणं समखातफलं हृतं त्रिभि: सूच्याः । मुखतलतुल्यभुजैक्यान्येकाग्रहृतानि समरज्जु। ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।४४

सूत्र: Formula, rule प्रतिसूत्रममी प्रश्नाः पठिताः सोद्देशकेषु सूत्रेषु । आयित्र्यधिकशतेन च कुट्टश्चाष्टादशोऽघ्यायः । स्ना०स्कृ०सि० १८।१०२,१०३

सीम्य: North, (तिद्वपुर)
युगपव्युगादिरुदयाद्याभ्यायां भास्करस्य वारुण्याम् ।
रात्र्यर्थात् सीम्यायामस्तमयाद्दिनदलादेन्द्र्याम् ॥

ब्रा०स्फु०सि*० '*२४।२

सौर: Solar सोरेपाब्दामासास्तिथयश्वान्द्रेण साधनै दिवसाः। दिनमासाव्दपमघ्या न तद्विनाऽकेन्दुमानाम्याम्।।

ब्रा॰स्फु॰सि॰ २२।१

हुत: Divided

धनमक्तं घनमृणहृतमृणं धनं भतित खं खभक्तं खम् ।

मक्तमृणेन घनमृणं धनेन हृतमृणमृणं भवित ।

न्ना०स्फु०सि० १८।३४,३५

हृदय: About a quadrilatral, Circumradius ध्रविषम पार्श्व भुज गुणः कर्णो द्विगुणावलंबक विभक्तः हृदयं विषमस्य।

हृदयरज्जु : Central line or radius of a circumcircle त्रिमुजस्यवधो भुजयोद्दिगुणितलम्बोद्धृतो हृदय रज्जु: । सा द्विगुणा त्रिचतुर्मु जकोणस्पृग् वृत्त विष्कम्म: ।।

ब्रा०स्फु०सि १२।२७

वेदांग ज्योतिष-शब्दावली

- (१) अंश—numerator
- (२) अघऊच्वेमंडल vertical circle
- (३) श्रिमास 13th month, intercalary month
- (४) अन्द—year
- (५) अभ्यस्त—multiplied
- (६) अयुज-odd
- (৬) স্মান্তক—a measuse of weight
- (८) आवाय—addition
- (६) (কুহুৰ)—a measuse of weight
- (१०) गणित—calculation
- (११) गुण multiplied (in compounds as दिगुण)
- (१२) ज्यंश—one third
- (१३) द्रोण—a measure of weight
- (१४) नाडिका-a measure of time
- (१५) निरेक-less than one
- (१६) पन-- a measure of weight
- (१७) भिन्त-fraction
- (१८) मुगोल carth
- (१६) मण्डल-circle
- (२०) महत्तं-a measure of time =(२ नाहिका)
- (२१) रूप—unity
- (२२) विभाजन-division
- (२३) योधन subtraction
- (२४) संत्याय -calculate
- (२४) संगुत-odded
- (२६) स्त्र—star
- (२७) हर

विनिजिद : Name of a नहात्र

लभिजिद प्रताहदयं प्रयोदमिरंगकै: ।

मा२१,अ

£189

लयन:	Solstice precession	
	एकायनगती स्यातां सूर्याचन्द्रमसी यटा ।	११११,म
अयनांश:	Degree of the precession	
	तहोस्त्रिघ्ना दशाप्ताशापिज्ञेया अपनामिषा ।	४।१०,ग्र
अश्विनी:	Name of a नक्षत्र	
	विशाखाश्विनसौम्यानां योगतारोत्तरा स्मृताः ।	८।१६,इ
असकुत्कर्म	: Repeated correction	•
	धनमूनेऽ सक्तत्कर्म यावत्सर्वं स्त्रिरीमरेत् भ	५।६,व
अस्तमय:	Setting	
	वयोदयास्तमययोः परिज्ञानं प्रकीर्त्यते ।	६।१,अ
त्रस्फुट :	Approximate	
	नतांश वाहु कोटिज्ये स्फुटे दवक्षेप दगती।	५१७,झ
अहिंबु दिन	: Another name for uttara bhadrapada	
	अहिर्दुं घ्न्यमुदक्स्थत्वान्न लुप्यन्तेकंरिश्मभिः ।	६।१८,व
अहो रां त्र	: A complete day	
	सुरासुराणामन्योन्यं महोरात्रं विषयंयात् ।	१।१४,व
बाग्नेय		
	भरण्याग्नेय पित्र्याणां रेवत्याश्चैव दक्षिणा ।	८।१८,व
अ।दित्य	: The sun, another name for पुनर्वेसु	
	रोज्प्यादित्य मूलानां प्राची सार्षस्य चैवहि।	दा १ ह,व

सूर्यंसिद्धान्तशब्दावली	३४३
आघारकक्षा : Sustaining hoops आघारकक्षाद्वितयं कक्षा वैषुवती तथा ।	१३।४,ब
व्यापस् : Name of a नक्षत्र श्रपाम्बत्सस्तु चित्राया उत्तरें गैस्तु पंचिमः । वृहत्किंचिदतो मागैरापः पड्मिस्तथोत्तरेः ॥	न ।२१
आप्य : Another name for पूर्वापाढ़ा आप्यास्यैवाभिजित्प्रान्ते वैश्वान्ते श्रवणस्थिति:।	দ। ४,ब
आपाढ़ा (पूर्वा उत्तरा) : Name of two नक्षत्र ······तथैवापाढ़योद्वंयो: ।	८।१६, स
इप्ट: Desired मध्यमानयनं कार्यं ग्रहाणामिष्टतो युगात् ।	१।५६
उच्य : Apsis चन्द्रोच्यस्याग्नि शून्यादिव वसुसर्पाणंवा युगे ।	१।३३,स
स्वात्क्रमण्या: Versed sine or inverse-under sine स्यात्क्रमण्याविधिरयंत्रत्क्रमण्यास्विष स्मृतः।	२।३२
उत्क्रमच्यार्षं पिण्डक : The tabular versed sines प्रोज्ङ्योत्क्रमेण व्यासार्घादुत्क्रमच्यार्धपिण्डका: ।	२।२२
उत्तरायण : Northern progress भानोर्मकरसँकान्तेः षण्मासा उत्तरायणम् ।	१४।६,य
उदय: Rising in the orienc-sine-sine of amplitude बचोदगास्तमययो: परिज्ञानं प्रकीरयंते ।	·
	∣१,ब

बीजपद : Odd quadrant

अयोजपदगरवेन्दोः कान्तिविद्येपसंस्कृता ।

उदयज्या: The sine of amplitude मध्योदय ज्यान्यन्ता त्रिज्याप्ता विगतं फलम । प्राप्त,व उदयासव: : Time of rising स्वाधी घः परिशोध्याय मेपाल्लंकोदयासवः 3182,83 उन्नतज्या : Sine of the sun's distance from the horizon उन्नतज्या तया हीना स्वान्त्या शेपस्य कामुकम्। है।इद उन्नति : Elevation श्रुवोन्निर्मिचनस्य नितम् रुं प्रयास्यतः । १२।१२,अ उन्मण्डल: East and West hour circle उन्मण्डलं च विपुवनमण्डलं परिकीर्द्यते । ए।६,व उन्मीलन: Emergence अतीत्योन्मीलनादिन्दोः पहकृसिढिः गणितागतान् १।६३,अ ऋक : Star प्रहर्भदेवदैत्यादि म्जतोस्य चराचरम । १।२४,व ऋजु: Direct ******मन्दा मन्दतरा समा। ऋजिचिति पंत्रधा जेया ••••••। २।१३,अब ऐन्दवस्तिथि: Lunar-date ऐस्टरस्तिथिमिस्तइसाकास्या मीर उच्यने।

2310

\$183

सूर्यसिद्धान्त-शब्दावली	३४४
कक्षा (शशांककक्षा): Orbit (of the moon) earth's peripphery	
शशांककक्षा गुणितो भाजितो वाककक्षया।	
	४।३,अ
कपाल: Eastern and westrern himispheres	
्प्राक् कपालेऽघिकं मध्याद् भवेत्प्रागगन्नहण् यदि ।	. •
	प्रा१५
कपाल: The vessel	
तोय यंत्रै: कपालाख्यैर्मपूर नरवानरैः ।	१३।२१,अ
2	₹ 1 ₹ ₹ ₹ \$ 5 ° 4
करणी : Surd	
शंकु वर्गार्घसंयुक्त विषुवद्वर्ग भाजितात् । तदैव करणी नग्म तांद्वुयक्स्थापेयपृवः ।	
det was the distance of the second	३।२६
कर्क : Name of the sign cancer	
कर्कादी प्रोज्झ्य चकार्वात्तुलादी भार्यसंयुतात् ।	
•	३ १८,य
कर्नट : Name of the sign cancer	
व्यास्ताव्यस्तैर्युंताः स्वैः स्वैः कर्कटाद्यास्ततस्त्रयः ।	3188-88
The Dragge of correction	
पार्मन् : Process of correction	
एतदाद्ये कुजादीनां चतुर्थे चैवकर्माणि ।।	२।५२,व
कला : A measure of time, second	
विकलानां कला पष्टवा तत् पष्टया भाग उच्यते ।	
	१।२= व
फल्प: An Aion	
न तत्रचुनिसोमेदो द्वाह्यकर्षे प्रकीतितम् ।	014 0 0 -
काल : Time	१४,२१,ब
सोक्तामस्तकुरकालः कालोस्यः कतानात्मकः ।	
	१११ ०/ङ

लगति : Motions in time

तल्लग्नामुहते भुक्ती अष्टादश शतोद्घृते । स्यातां कालागतीताभ्यां दिनादि गतगम्ययो: ।

8113

लाश्रयम् : Based on the time

दद्यां कालाश्रयं ज्ञानं ग्रहाणां चरितं महत्।

१।५.व

कस्तुष्टन: Name of करण

ध्रवाणि शकुनिनगिं तृती

. २१६७

नस्तुष्न: Name of a करण

ध्र्वाणि शकुनिर्नागः नृतीयं तु चतुष्पदम् । किस्तुष्तं तु चतुर्देश्याः कृष्णायाश्चापरार्षेतः ।

रा६७

कुज: Mars

कुजाकिगुरुशीद्राणां भगणाः पूर्वयापिनाम् ।

११२६, व

कुटिला: Transverse

वकानुवका कुटिला मन्दा मन्दतरा समा।

कुटविग्रह: A kind of conjuction

स्वल्पी हावपि विष्वस्ती भवेतां कृटविग्रहे ॥

७१२२, व

कत : Name of an age

नत्याविष्टे नु कृते मयनामा महासुरः।

..... जाराघयन् विवस्ततं तपस्तेपे सुदुश्चरम् ।

१।२,३ व तथा व

कृत्तिका: Name of the pleiades

कृतिका यैत्र मुलानि साप रौद्रक्षे मेव च ।

£188,4

सूर्यसिद्धान्त-शब्दावली	३४७
केन्द्र: Centre	
दोषं वेन्द्रपदं तस्याम्द्रुजज्या कोटि रेव च।	२।२६,व
कोटि: Perpendicular	
ततः परचान्मुखीं कोटि कर्णं कोट्यग्रमध्यगम् ।	१०११०,द
कोटिकला : Perpendicular in minutes	
भानोगेंहेकोटिलिप्ता मघ्यस्यित्यर्घ संगुणाः। स्फुटस्थित्यर्घसंभक्ताः स्फुटाः कोटिकलाः स्मृताः।	४।२२
कोटिज्या : Perpendicular sine	
युग्वे तु गम्याद् वाहुज्या कोटिज्या तु गताद्मवेद् ।	२।३०
कोटिकल: The result from perpendicular	
शैत्रयं कोटिफलं केन्द्रं मकरादी घनं स्मृतम् ।	
संशोध्यं तु त्रिजीवायां कर्कादी कोटिजं फलम् ॥	२।४०
कोटिलिप्तिका : Perpendicular in minutes	
इप्टनाडीविहीनेन स्थित्वेनाकंचन्द्रयोः।	
भुत्र्यन्तरं समाहन्यात् पष्ट्याप्ताः कोटिलिप्तिका ।	४।१८
ऋमज्या : Required sine	

तदवाष्तफलं योज्यं ज्याषिण्डे गतसंज्ञके । स्यारकमज्या विधिरयभुरक्रज्यास्वपि स्मृत: ॥

तद्गुणज्या त्रिजीयाप्ता तच्चापं क्रान्तिरुच्यते ।

क्रान्तिज्या विषुवत्कर्गंगुणाप्ता संकुजीवया ।

फान्ति : Sine of declination

त्रान्तिज्या : Sine of declination

२।३२

११।२८

३।२२,झ

वन्ह: Terrestrial days

भवन्ति मोदया भानुमगाणैक्तिताः ववहाः।

क्षेत्र: Latitude (only use in this sense) o

called विक्षेप

क्षेयो भुजस्तयोवंगंयुतेम् लं थवस्तु तत्।

गण्ड : तदग्र भेटबाद्यगादी गण्डान्तं नाम कीर्त्यते ।

गोल: Sphere

गोलं बब्बा परीक्षेत विक्षेत्रं झुवकं स्कुटम् ।

गानमन्त्र: Name of an astronmical instrumen

तुंगवीज समायुक्तं गोलयन्त्रं प्रसाध्येत् ।

प्रस्त : Swallowed up

मवन्ति लोके खचरा भानुमाग्रस्त मूर्तयः।

ਬਵ : Planet

परवाद् ग्रजन्तो तिजवान् नक्षत्रैः सततं ग्रहाः जीयमानास्तु लम्बन्ते तुल्यमेव स्वमार्गगाः ॥

यह मृक्ति: Planet's (daily) motion

ग्रहुभुवतेः फलं कार्यं ग्रहवन्मन्दक्रमेणि ।

यर मैनक: The conjuction of planets
यहमैनक यच्छेगं ब्रह्मुक्त्या दिनानि च ।

चर खण्ड: Portion of ascensional difference स्वदेशवरखण्डोना भवन्तीध्टोदयासव: ।

चरजा (ज्या) : The sine of ascensional difference विज्योदक्चरजा युक्ता याभ्यायां तद्विवीजता ।

चरदल: Variable portion तत्संस्कृताद् ग्रहारकान्तिच्छाया चरदलादिकम् ।

चलकर्णः Variable hypotenuse तद्वाहुकल वर्गैक्यान्मलं कर्णश्चलाभिनः । विज्याम्यस्तं भुजकलं चलकर्णं विमाजितम् ॥

चार: Arc नव्यस्य चापं लिप्तादि फलं गैत्रयमिदं स्मृतम् ।

चित्रा: Virginis, spica अपाम्बरसस्तु चित्राया उनरेंगैस्तु पंचिमः ।

ष्टायाः Shadow इंकुच्छाया कृतियुतेमूँ लं कर्णोऽस्य वर्गतः । प्रीज्यय मंकुकृतिं मुलं छाया मंकृतिययेर्यान् ।

छेद: Divisor विज्यासकता सबैच्छैदो लम्बज्यायुनीऽय भाजित:।

छेद्यक : Projection न छेद्यकमृते यसमाङ्कीदा प्रहणयीः स्कुटाः । झायस्ते तत्त्रयध्यामि छेपक भानगुलमम् ॥

चृषेसिद्धान्त-शब्दावली	३४१
च्यादिग्ड : "The quantity corresponding to the sine." तदबाप्तफलं योज्यं च्यापिण्डे गत संज्ञके ।	
मुनज्याकत : The result from the base-sine	
तद्मु जज्याफलवनुर्मान्दं लिप्तादिकं फलम् ।	
ज्यार्व : Half-chord used in the sense of chord also रागिलिप्ताप्टयो मागः प्रयमं ज्यार्वमुच्यते ।	
	२।१५
च्यावंपिण्ड : Tabular sines	
क्षण्डकाः स्यरचतुर्विदाज्ज्यार्धपण्डाः क्रमादमी ।	
	२।१६
ভবতা: Name of a নম্বক	
ज्येष्ठा श्रवणमैत्राणां वाहंस्पत्यस्य मध्यमा ।	५ ।१५
ज्योतियां चरितम् : System of the heavenly bodies	
इत्येवंपरमं पुण्यं ज्योतिषां चरितं हितम् ।	
रहस्यमिदमास्यातम्।	
	११।२६
न: Mercury	
युगे सूर्वेनशुकाणां खचतुष्करदार्णवा: ।	
•••••••नगणाः पूर्वयायिनाम् ।	
	१।२६,ग्र
निविद्यय : Omitted lunar day	
सावनाहानि चान्त्रेम्यो द्युन्यः प्रोज्स्य तियिक्षयाः ।	१।३५
निष्म : A figure resembling the fish	
तस्मध्ये तिमिना रेखाकर्तव्या दक्षिगोत्तरा ।	
निष्य: Name of a नक्षप्र	३।३,व
गरणीतिष्य सौम्यानि सौदम्यात्त्रिस्सप्तकांशकैः।	
मुना: Name of the sign libra	
्या विश्वास का ताल अद्यासकात विश्वास का साम अद्यास का स्वास का स्वास का स्वास का स्वास का स्वास का स्वास का स्व	
	१।५=,ऋ
	الدامين وال

त्रिजीवा: Radius लम्वाज्याघ्नस्त्रजीवाप्तः स्फुटो भूपरिधिः स्वकः । ११६०,अ त्रिज्या : Radius स्वपांकृता विभज्याप्ते हक् त्रिज्ये दृदशाहते। 3133 त्रिभमीविक : Radius मध्यच्छाया भुजस्तेन गुणिता त्रिभमीविका । ३।१४,ग त्रृटि: An imaginary measure of time प्राणादि कथितो मूर्तस्त्रुट्याद्यो मूर्तसंज्ञकः । 8128 दक्षिणायन : Southern progress ककदिस्तु तथैव स्यात्पण्मासा दक्षिगायसम् । १४।२६,व Another name for अश्वनी नक्षत्र दस्र: बुहस्पतेः खदस्राध्विवेद पड् वह्नयस्तथा । १।३१,व दृकक्षेप: : Sine of celiptic zenith distance मध्याज्यावर्गं विदिलष्टं दृशक्षेपः शेपतः पदम् । प्राइ,ग्र दृब्तुत्यता : "Coming within the sphere of sight" the cocincidence with the observed pole म्फुटं दृष्तृत्यतां गच्छेदयने विषुवद्वये ।

दुग्गति:: Co-sine of altitude

तन् त्रिज्यायर्गविद्वेषारमूलं शकुः स दृगातिः ।

५१६,च

३।११,ग

सूर्यंसिद्धान्त-	श न्दावली	इ ५ ३
दृग्ज्या :	Sine of zenith distance	
	तत् त्रिज्या वर्गविक्ष्लेपान्मूलं दृग्ज्यामिघोयते ।	३।३२
देशान्तर:	Longitude	
	तेन देशान्तरभ्यस्ता ग्रहभुक्तिर्विभाजिता ।	
		१।६०,ब
दोज्याः	Basc-sine	
	दोर्ज्यान्तरादिकं कृत्वा भुक्तादृणवनं भवेत् ।	
	,	२।४७,व
द्युकर्णः :	Day-radii त्रिमघुकर्णाघुं गुणाः स्वाहोरात्रार्धं भाजिताः ।	•
द्युगण:	Sum of days तद्गुणाद् भूदिनैमंक्ताद् द्युगणाद्यदवायप्ते ।	318
द्युगण :	Suming days सावनी द्युगणः सूर्योद्दिनमासाव्दपास्ततः ।	१।५०
धनु: :	Name of an astronomical instrument णंगुयप्टि चनुदचक्रैदछायायन्त्रैरनैकचा ।	1140
		१३।२०,ञ
घनुः :	∧re तन्मध्यमूत्रसंयोगाद् बिन्दुत्रिस्पृग् लिखेद्वनुः ।	,
		१०।१३,अ
चिट्या :	Another name for अस्विनी नक्षत्र प्रोत्यन्ते लिप्तिकाभानां स्वभोगेन दशाहत: । भयन्त्यतीत विष्ण्यानां भोगतिप्तायुता ध्रुवः ।	,
		=18
ध्यसः:	Fixed, immovable गोलं बच्चा परीक्षेत विक्षेपं ध्रुपकं स्पुटम् ।	
4MF :	Star, asterism	
	पःभार् प्रजन्तोऽतिजयाम् नक्षत्रैः सत्तत्रं प्रहाः ।	
		१।२४

नक्षत्र : Star, asterism

पश्चाद् ब्रजन्तोऽतिजवान् नक्षत्रैः सततं ग्रहाः । जीयमानास्तु लम्बन्ते तुल्यमेव स्वमार्गगाः ॥

शर्य

नतज्ञा: Sine of the hour-angle

नतज्वाक्षज्वयोघांत: त्रिज्याप्तस्ता तस्य कार्मु कम् ।

४।२७

नतासवः:

उत्क्रमज्याभिरेवं स्युः प्राक्षरचार्घनतासवः ।

3118

नतांश: Sun's meridian zenith distance

शेपं नतांशाः सूर्यस्य तद्वाहुज्या च कोटिजा ।

३।२०,व

नितः Parallax in latitude depression

घुवोन्नतिभंचकस्य नतिमें हं प्रयास्यतः।

१२।७२,अ

नर: Name of an astronomical instrument

तौययंत्रकपाला चैभैयूरनरवानरैः।

१३।२१,अ

नायत्रम् : Sidereal

नाडी पष्ट्या तु नाक्षत्रमहोरात्रं प्रकोतितम्।

१।१२,अ

नाग: Name of a Karana

ध्रुवाणि मकुनिर्नागं तृतीय तु चतुणदम ।

किस्तुघं तु चतुर्दश्याः कृष्णायादचापरावतः ।

राइ७

नाडिका: sec नाडी

नारों : A measure of time (equal to a period of 24 minutes),

a measure of length (1.12 π (B))

ाल्लंकोदयामुभि: ।

38,2818

सूर्वेसिद्धान्त-	तन्दावली	३५५
निमोलन: 1	Total disappearance of the eclipsed body,	
i	immersion	
	निमीलनास्यां दद्यात्सा तन्मार्गे यत्र संस्पृशेत्	६।२०
	विमालकाल्या द्वारसा तन्माग यत्र तत्रुत्यप्	41.1.
पद:	Quadrant, fourth quarter	
;	तच्चापं मादिकं क्षेत्रं पदैस्तत्र मवो रविः।	
		इ।४०,स
परकास्तिज्य	II: Sine of the greatest declination	
	कृत्योज्ये त्रिज्यास्यस्ते परकान्तिज्ययोद्धते ।	
	अन्त्याच्य विष्याभ्यस्त परकान्तिष्ययाद्धतः ।	१११६,स
		१११८,ल
परमापक्रम	ज्या : Sinc of the greatest declination	
	परमापक्रमज्या तु सप्तरन्घ्रगुर्गेन्दवः ।	
		रारङ
परिधि:	Epicycle circumference	
	मह्माण्डमध्ये परिधिव्योमकक्षाभिघीयते ।	
		१२।३०,अ
परिलेख:	Delineation, figure	
	नित्यशोऽभँस्य विक्षेताः परिलेखे ययादिशम् ।	६।इ
पर्व :	·	
44.	The moment that distinguishes and separates two	
•	intervals, (Lit. knob, joint)	
	गत्तैष्मपर्वनाष्टीनां स्वकलेनीन संयुती ।	
		४।८,व
पात	Node of a planet's orbit, transgression	
	वामं पातस्य वस्विग्वमादिवजिलिदस्रकाः।	
		१/३३
पिष्ट्य :	Another name for नवा नक्षत्र	**- *
	मरण्यानेय पित्र्याणां रेबत्यास्त्रीय दक्षिणा ।	
	तर जरताचा वज्ञानीत जनरवांच वर्ष व्यक्तित है	
षोष्ण :	Anathan and Europe and	अद,व
41-7 :		
	तेषां तु परिवर्तेन भौम्यान्ते सगराः स्मृतः ।	
		११२७,द

सूर्यसिद्धान्त	-राव्दावली	३५७
बिन्दु :	Point	
	तत्र विन्दू विवायोगी वृत्ते पूर्वापराभिषी ।	३।३,अ
वहाद्दप :	Name of a नक्षत्र (Capella)	
	हुतभुग्त्रह्महृदयां वृषे द्वाविश भागगी।	
. •		ना११
******	Name for asterisum	
मग्गा :	Revolution, troop of asterisms, zodiac circle of	
	asterisms, circle of constellation	
	प्राग्गतित्वमतस्तेषां भगणैः प्रत्यहं गतिः । परिणाहवद्याद्भिन्नः तद्वशाद्भानि मुंजतो ।	
	संस्थितसम्बद्धानमाः तहसाद्भागि मुजता ।	१।२६
भचक :	Circle	*****
	भचकिवित्ताधीत्यंदीः परमं दक्षिणोत्तरम् ।	
	विक्षिप्यते स्वगातेन	
		१।६⊏
भद्राध्व :	Name of a year	
	भद्रास्ववर्षे नगरी स्वर्णप्राकारतोरणा ।	
		१२।३८,व
भयागः	The postion of an asterism	
	भयोगऽष्टराती लिप्ताः खादिवशैलास्तयातिषेः ।	
		२१६४
भरणी:	Name of a नक्षत्र	
	मरण्याग्नेय पिश्याणां रेवत्यादचैवदक्षिणा ।	
मा:	A shadow (Lit light, radiance) मानोर्मार्धमतीच्छाया तत्तु ल्पेडर्क समेडिंग या ।	V.e
भाग		४१६,व
-3141	A degree	
	विकत्तानां कता पट्या तत् पट्या माग उच्यते ।	१।२≂,ष
		112014

भाद्रपदा : Name of a नक्षत्र ।
फाल्गुन्योर्भाद्रपदयोस्तर्थंवापाढ्योद्धंयोः ।

माम्रमः : Path of the Shadow मत्स्यद्वयान्तर युतेस्त्रिस्पृक् सूत्रेण भाम्रमः ।

3,871

मुक्ति: Daily motion of a planet स्फ्टस्वभूक्त्या गुणितौ मध्यमुक्त्यो दृतौ स्फुटौ ।

भ्ज: Arm, base of a right-angled triangle मध्यच्छाया भ्जस्तेन गुणिता त्रिभमौर्विका।

मुजज्या: Base-sine the values, as sines of the base an perpendicular of a right-angled triangle शेपं केन्द्रपदं तस्माद्भुजज्या कोटिरेव च ।

भुजफल: Result from the base-sine तद्भुजज्याफलधनुर्मान्दं लिप्तादिकं फलम् ।

भूकर्ण: Diameter of the earth योजनानि वातान्यप्टी भूकर्णो द्विगुणानि लु ।

भूपरिधि: Circumference of the earth

योजनानि शतान्यप्टौ भूकणों हिगुणानि तु ।

तह्वगैतो दशगुणात्यदं भूपरिधिमैयेत ।

भूमगोल: Circumference of the earth

मूमगोलस्य (भूगोलकस्य) रचनां कुर्यादादचर्यकारिस्गीम् ।
भूगोलक: An earth globe

मूमितावन वासर: Terrestrial civil days

उदयादुदयं भानोभू मिसावन वासराः॥

१।३६,व

मूव्यास : Earth's diameter

स्फुटेन्दुम्बितम्ब्यास गुणिता मध्ययोद्धता ।

४।४,अ

मोग्यासव:: The equivalent in respiration of the part of the

sign to be traversed

गतमोग्यासवः कार्या मास्करादिष्टकालिकात् ।

3184-86

भोदय: Rising of the asterism

मीदया भागगीः स्वस्मवैरुनास्तस्योदयायुगे ।

8138

मकर: Name of the sign of capricorn

मकरादी गणांकोच्चं तत्पातस्तु तुलादिगः।

1125

मण्डल: Arc, circle, disk

तत्र शंक्षंगुलैरिप्टै: समं मण्डलमालिखेत्।

\$15

मण्डल: Disk

महत्वानमण्डलस्यार्थः स्वरूपमेवापकृष्यते ।

315

मत्स्य: A figure resembling the fish

मन्स्यद्वान्तरस्तिस्त्रस्युक् मूत्रेण माश्रमः।

३,४२,अ,(४१1)(पु०४४१)

मध्यक्षणं : Radius

थक्षित्वेष्टरपंजी मध्यरपोव्या स्वका ।

शर्र,ब

इंड०	प्राचीन भारतीय गाएव
ध्यगति : Mean motion	
दिनराञिः कृतासरैः ।	
विभाजितो मध्यगत्या मगणादिर्प्रहो भवेत् ।।	
	१।४१
मध्यज्याः Meridiam-sine	
नेयं नतांशास्त्रसीवीं मध्यज्या सामिधीयते ।	_
	प्राप्त
मध्यमकान्ति : Declination of the meridian ecliptic	c point
बक्षीदङ् मध्यम क्रान्तिसाम्ये नावनतेरपि ।	
	४।१ .
नव्यमुक्ति: mean motion (of the planet)	
दृश्वेषः शीतत्रिमांशोमंच्य मुक्तयन्तराहतः ।	
अध्यमानयन : Calculation of the mean place	
सध्यमानयतं कार्यं ग्रहाग्रामिष्टतौ युगात् ।	
	१।५६
मध्यत्रमः: Meridian ecliptle-point	
भानी क्षयपने कृत्वा मध्यलग्नं तदा भवेत्।	
	\$186'XZ
मध्यमृत्र: Central meridian of the earth	
राझमालयदेवाकः जैलयोर्भव्यमूत्रगाः ।	
	१1६२,व
मनु: A legendary figure name of the son	of sun,
name of an Acon	
समस्ययस्ते मनवः कत्ये शैवास्चनुर्देग ।	

सन्द : Apris, slow, another name for saturn , सन्दादयः क्रमेय स्युप्तनुषी दिवनाथियाः ।

१२(७८,ग्र

१।१६,म

मूर्यंसिद्धान्त-शब्दा दर्जी	इंटर्
मन्दत्तरा: Very slow.	
क्कानुक्का कृदिला मन्द्रा सम्बद्धाः समा ।	२।१२
मन्दर्गरिव : Epicycle of the apsis	
स्वमन्दर्गिवञ्चुण्या सगर्यामीवृत्ताः कलाः ।	
कर्कादी तु वर्न तयः	२१४८
मण्डकतः Equation of the apsis	
मध्यप्रहे मन्दक्तं सक्तं जैञ्चमित च ।	
m. 6	रा४४,व
मत्त्रमुन्ति : Motion of the apsis	
स्वमन्द मुक्ति संगुद्धा मध्यमुक्तिनियापतः।	ગ્ર૪૬
मन्द: Slow	
वकानुबका कृष्टिला मन्दा मन्दतरा समा।	રા૪૭
मन्दोच्य Apex of slowest motion	4100
एवं स्वर्गात्रमन्दांच्चाये प्रोक्ताः पूर्वयायिनः ।	
विलीयगतयः पातास्तद्वष्चकादिसीयिताः ।	
Ringry a Policy	6148
मिवलर: Partiarchate, (Lit another (मनु))	
पुगाता मन्त्रतिः सैका मन्त्रन्तरमिहोच्यते । मगुर: Name of an action of the state o	\$15=
म्यूर: Name of an astronomical instrument तीययंथ कपालाकैमैनूरनस्वानरै: ।	
	१३१२१,अ
भागिनिका: Measures in minutes	
रहुदाः स्वक्यांसिल्ट्यात्वा संबंधु मानिसिक्ताः ।	
नाम्हाने : The process of correction for the apsis	७।१४, व
मान्य सम्बद्धानिक भीमाशानामधी स्वते ।	
क्षा विकास का व्यक्ति ।	२१४३, अ
	** - 2/ -3

नियुन: Name of a sign

बनीति मार्गयास्यायामगस्यो मियूनान्तगः।

=120.4

मीन: Name of a sign (pisces)

मृतः Name of a नलव

रोहिण्यादित्यम्लानां प्राची सार्यस्य चैवहि ।

दा**१**६,व

मृत: Another name for the sign of capricorn

मृगादी प्रोट्ट्यं भगणात् मच्यान्हेऽकं: स्फुटो भवेत् ।

312=,3

मृगव्याव : Name of a star (sirius)

विशे च मियनस्यांशे मुगव्यावा व्यवस्थितः।

७।१०,व

भेन : Name of a mythological mountain situated in the north

दण्डं तनमध्यमं मेरी समयत विनिर्ततम् ।

१३।४,स

नेप: Name of a sign

विना त पातमन्दीन्नान्येपादी तृत्यतामिताः।

११५७.व

मैत : Another name for anuradha Nakshtra

८।१८,व

ज्येच्टा श्रवस् नैत्रामां बाहुंसस्यस्य मध्यमः।

বহি: Staff

शंहु यस्टियतुम्बर्वम्छायायन्त्रेरनेकवा।

१३।२०,व

বাদ: Nonh

याम्योतर दिशीमेंथे तिनितात्वंग्रियमे ।

३।४,य

नूर्यसिद्धान्त-बट्यादर्की	<u> </u>
योग्या : North प्रहे प्रानमगणाई-मो बान्याया-एकपीति ।	
युग : Age	5 ! G. Ā
युगानी परिवर्तेन कालकेटी अकेटनक् ।	शह
युग्यपद: Even quadrants जना चेरस्यात्तदा भावी दास् बुग्यपदस्य च ।	१११=,च
वृद्धः Encounter (Liv. war, conflict)	€ # (= x =
ताराब्रहाकामन्योन्द्रं स्थाता बुद्धसमानमी । योगतारा : Junction-star	७।१,स
हस्तस्य योगतारा या श्रविष्ठायास्य परिवमा ।	=।१७,व
योजन: A unit of measurement of the earth एकज्यापकमानीतीयोजनै: परिवर्जिती: 1	
योजन : सार्घानि षट् सहस्राणि योजनानि विवस्वतः ।	१ २।६५,स १५।१,अ
रागि : Sign तत् विश्वता भवेद्राशिभैगणो द्वादसैव ते ।	
राशि : दादशघ्ना गुरोयाता मगणा वर्तमानकैः।	
रागिभिः समिताः शुद्धाः पप्ट्यास्युविजयादयः ।	१।४४
राहु: Mythological demon believed to occasion the	
eclipses of the sun & moon दक्षिणोत्तरतोऽध्येवं वातो राष्ट्रः स्वरंहसा । विक्षापत्येष••••••	
विक्षिपत्यपः	२१६,च

रेवती: Name of a Nakshtra

भरण्यानियपित्र्याणां रेवत्यादवीव दक्षिणा ।

रोहिणी: Name of a Nakshatra विक्षेपीस्यविको भिन्यादीहिण्याः शक्टं तु सः।

लग्नान्तरप्राण: The ascensional equivalent, in respiration of the interval तयो लग्नान्तरप्राणाः कालांगाः पष्टिमाजिताः ।

लग्नामव : The ascensional equivalent नद्वदैष्यमनग्नामृत् एवं यातांस्त्रयादकमात् ।

तम्बज्या : Sine of the -co- latitude तम्बज्यास्त्रिजीयान्तः स्तुटी मृतरिधिः स्त्रकः ।

नम्बन: Parallax in longitude नम्बनम्यापि पूर्वान्यक्षित्रवद्याच्य तयोच्यते ।

नित्राः Minutes

सचक्रनिप्ताशीर्यंगः परमं दक्षिणोत्तरम् ।

विशिष्यते स्वगदेन·····

वहः: Retrograde

बद्धानुष्ठेत्रः दृष्टिता मन्या मन्दातरा समा ।

तथा मीज्रतमा मीचा महायामच्या मति: ।

सूर्यसिद्धान्त	:-शव्दा बली	३६७
वृत :	Circle, epicycle	
	तच्छायाग्रं स्पृशेद्यत्र इत्ते पूर्वापरार्धयोः ।	
•	N .	३।२
दृप :	Name of a Sign	
	वृषे सप्तदशे भागे यस्य याम्योंऽशकद्वयात् ।	
		८११८,अ
वपृत:	Name of a पात	
	तद्युतौ मण्डले ऋान्त्योस्तुल्यत्वे वैघृताभिघः ।	
		११।१,ब
वैष्णव :	Another name of श्रवण नक्षत्र ।	
	·····स्वाती वैष्णवयासवाः ।	
•		2113
व्यतीपातः	: Name given to an aspect of the positions of the	
	sun and moon	
	समास्तद्वा व्यती पातो भगणार्धे तयोर्युति: ।	0015 37
		११।२,अ
व्यासार्खं :	Half—diameter	
	प्रोज्योत्क्रमेण व्यासाद्धीदुरक्रमज्याधैषण्डकाः ।	२।२२
211) 1122221	: Orbit of the ether	
०५। भ५७६।।	प्रहााण्डमच्ये परिधिव्योम कक्षामिषीयते ।	
		१२।३०,ग्र

Gnomon

धंकु यष्टि धनुइचकैरछाया यन्त्रैरनेकथा ।

तन्मध्ये स्पारयेच्छंकु कलानाद्वादशांगुलम् ।

१३।२०,अ

212

वंकु :

शंकु :

सूर्यंसिद्धान्त-शब्दावली		३६६
सन्ध्या:	Twilight	
	सन्ध्या सन्ध्यांशसहितं विज्ञेयं तच्चतुर्यु गम् ।	
		१।१६,व
सम:	Even	
	वकानुवका कुटिला मन्दा मन्दतरा समा।	
सममण्डल : Prime vertical		
	प्राक् पश्चिमाश्रिता रेखा प्रोच्यते सममण्डलम् ।	
	,	३।६,अ
समागम : Coming together, conjunction		
	ताराग्रहाणामन्योन्यं स्यातां युद्धसमागमौ ।	
		७।१,ञ
समासमण्डल : Aggregate—circle		
	मण्डलं तत्समासास्यं ग्राह्याधेन तृतीयकम् ।	
		६।३,व
सार्षः	Another name for बारलेपा नक्षत्र	
	रोहिण्यादित्यमूलानां प्राची सार्पस्य चैत्र हि ।	
	6 3	८।१६,ञ
सावन:	Civil, mean solar	
	तत् निशता भवेन्मासः सावनोकींद्रवैस्तया ।	0.67~
सित :	Another name for the planet venus	१।१२,व
1311 +	सितयोध्यस्य पट्नप्तत्रियमास्विरसमूपराः ।	
	Industra a fragues and a vert	१।३२,अ
मूची:	Corrected diameter of the earth	114 ()41
	विमोत्य सब्धं सून्या तु तयीविष्तास्तु पूर्वेषत् ।	
		४।४,व
सूत्र:	Cord	
	••••••गुर्वास्मूर्वभैष्यादिनिगंतै: ।	-
		३१४,अ

.

सीर: Solar

तद्वत्संकान्त्या सीर प्रच्यते।

१।१३,अ

ह्यित्यर्घ : Half duration

स्थित्यर्घ नाडिकाभ्यस्ता गतयः पष्टिभाजिता ।

४।१४,अ

स्फुट: Corrected

लम्बज्याघ्नस्त्रिजीवाप्तः स्फुटो भूपरिधिः स्वकः।

१।६०,ग्र

स्फुटीकरण: Correction

••••••द्वत्वतां ग्रहाः।

प्रयान्ति तत्प्रवक्ष्यामि स्फुटीकरणमादरात्।

२।१४,व

हरिज: Parallax in longitude

मध्यलग्नसमे मानी हरिजस्य न सम्मवः।

५।१,अ

हस्त: Name of a नक्षत्र, a unit to measure length

हस्तस्य योगतारा सा श्रविष्ठायाश्च पश्चिमा।

८।१७,व

हुतभुक्: Name of a star

हुतभुग् ब्रह्महृदयो वृषे द्वाविश भागगी ।।

51११,व

सम्राट जगन्नाथ कृत रेखागणित-शब्दावली

- (१) 对新—number
- (२) अधिक कोण obtuse angle
- (३) अधिकको ए त्रिभूज—obtuse angled triangle
- (४) अन्तर-difference, distance
- (१) अन्तव त Incircle
- (६) अन्त्यांक last number
- (७) अपवर्ताक—common measure
- (८) अर्धकरण bisection
- (१) अल्पकोण-acute angle
- (१०) अप्टफलक octahedron
- (११) সাবাঘ segment of the base
- (१२) आयत-oblong, long figure rectangle
- (१३) उपपत्ति—proof
- (१४) उपरिवृत्त circumcircle
- (१५) एककेन्द्र वृत्त concentric circles
- (१६) एक दिवक—on the same side
- (१७) एक रूप निष्ततियुक्त—proportional
- (१८) कर्ण-diagonal, hypotenuse
- (१६) कल्पित-supposed
- (२०) मृटिल रेया—curved line
- (२१) फेन्द्र—centre
- (२२) गोण—angle
- (२३) पोदण्ड —segment of a circle
- (२४) धेन-proposition
- (२४) धेनफल-area
- (२६) क्षेत्रलम्य—the altitude of a figure
 - 26) mus-part, regment

श्रायामगुगी पादव तद्योगहृते स्वपातखेते । विस्तारयोगार्ध गुगी नेयं अंत्रफल मायामे ॥=॥ सर्वेपां अंत्राणां प्रसाद्य पादवें फलं तदम्यासः । परिषे: पद्भागच्या विष्कंमार्थेन सा तृत्या ॥६॥°

चत्रविकंशतमण्डग्गां हापिटस्त्या सहस्राणाम् । अयुतद्वय विष्कं मन्यासन्ती वृत्तपरिषाह ॥१०॥ समब्ता परिविशाद छिन्छात् त्रिमुजाच्यन्म् जाच्यैव । ममबापत्यावीति त् विष्कंगार्धं यथेप्टानि ॥११॥ प्रयमाञ्चापज्याचीह शैल्नंखण्डितं दितीयार्थम । तस्त्रथमज्याधीमस्तै स्तैक्तानि घेणाणि ।१२॥³ वृत्तं भ्रमेगा साध्यं त्रिम्जं च चतुर्मृ जं च कर्णास्यम् । साध्या जलेन समभूरय ऊच्ये लम्बक्रीनैय ॥१३॥ मंको: प्रमाणवर्ग छायावर्गेण मंयतं इत्वा । यनस्य वर्गमूलं विष्कंमार्च स्ववृत्तस्य ॥१४॥ र्वकुगुणं शंकु भूता विवरं शंकुमुक्त्योविशेषह्तम् । यल्लव्यं सा छाया जेवा गंको: स्वमृताहि ॥१५॥ छायागुणितं छायात्र दिवरमुनेन भाजिता कोटि.। र्श्कु गुणा कोटी सा छाया मक्ता भुजा भवति ॥१६॥ यद्त्रैय मुद्रावर्गः कोटी वर्गय्च कर्णावर्गः सः। वृत्ते शरसंवर्गीर्धज्यावर्गः स खलु धनुषोः ।।१७।। ग्रामोने हे ब्ही श्रासगुगी भाजपेत् प्रयक्तवेन । ग्रामीन योग लब्बी संपातशरी परस्परतः ॥१८॥

इप्टं ब्येकंडलितं सपूर्वं मुत्तर गुर्गं समुखमध्यम् । इप्टग्णितमिष्ट बनं त्वथवाधन्तं पदार्धहतम् ॥१६॥

सब क्षेत्रीं की आयत में परिवर्तित करके फिर दो मुजाओं की गुणा करने से क्षेत्रफल आही जाता है। परिवि के छठ नाग की जीवा अबंद्यास के वरावर होती है।

२. यदि व्यास २०००० है तो परिवि ६२५०४ होनी है।

३. सूर्वसिद्धाः के राधि लिप्ताप्टमो मागः वाले दो इलोकों से अय स्पष्ट होगा।

कालिकया-पादः

वर्ष द्वादश मास स्त्रं शद्दिवसो भवेत्स् मासस्तु पष्टि नांडयो दिवस: पष्टिश्च विनाडिका नाडी ॥१॥ गुर्वक्षराणि पष्टिविनाडिकाक्षी पडेव वा प्राणा: । एवं काल विभागः क्षेत्र विभाग स्तथा भगणात् ॥२॥ भगणा द्वयोर्द्वयोर्ये विशेषशेषः युगेद्वियोगास्ते । रवि शशि नक्षत्र गणाः सम्मिश्राञ्च व्यतीपाताः ॥३॥ स्वीच्चो भगाणाः स्वभगणै विशोषिताः स्वीच्चनीच परिवर्ताः । गुरुभगणा राशि गुरगास्त्वाश्व युजाद्या गुरोरव्दाः ॥४॥ रवि भगणा ख्यब्दा रवि ज्ञाज योगा भवन्ति ज्ञाशि मासाः। रवि भूयोगा दिवसा मावतिश्चापि नाक्षात्राः ॥ ४॥ अधिमासका यूगे ते रिवमासेभ्योऽधिकास्त् ये चान्द्राः। श्रीश दिवसा विजेया भूदिवसोनास्तिथिप्रलया: ॥६॥ रविवर्ष मानुष्यं तदिप त्रिशद्गुर्गं भवति पित्र्यम्। पित्रयं द्वादशगृणितं दिन्यवर्पं समृद्धिप्टम् ॥७॥ दिव्यं वर्षसहस्रं ग्रहसामान्यं युगं द्विपट्कग्णम् । अष्टोत्तरं सहस्रं ब्राह्मो दिवसो ग्रहयुगानाम् ॥५॥ उन्सर्विणी युगार्ध पंश्चादपसपिणी युगार्ध च। मध्ये युगस्य सुपमादावन्ते दुप्पमेन्दूच्चात् ॥६॥ पप्टयव्दानां पप्टियंदा व्यतीतास्त्रयश्च यूगपादाः । त्र्याधिका विश्वतिरव्दास्तदेह मम जन्मनोऽतीताः ॥१०॥ युगवर्षमासदिवसाः समं प्रवृत्तास्त् चैत्र शुल्कादेः। कालोऽयनाद्यन्तो ग्रहभैरनुमीयते क्षेत्रे ॥११॥ पष्टया सूर्याच्दानां प्रपूरयन्ति ग्रहा मपरिणाहम् । दित्येन नभ: परिधि सम भ्रमन्तः स्वकक्ष्यासु ॥१२॥ मण्डलमल्पमबस्तात् कालेनाल्पेन पुरयति चन्द्र: । उपरिष्टात् सर्वेषां महच्च महता शनैश्चारी ॥१३॥

अपमण्डलस्य चन्द्रः पाताद्यात्यूत्तरेण दक्षिणतः । क्रग्र कोणाश्चैवं शीघ्रोच्चेनापि व्षश्कौ ॥३॥ चन्द्रों शैद्रीदश्मिरविक्षिप्तोक्तीन्तर स्थितैर्द्रश्य. । नविमभ् गुर्म गोस्तै ह्यंघिकै ह्यंधिकैर्ययाश्लक्ष्णः ॥४॥ भूग्रह मानां गोलाधीन स्वच्छायया विवणींन । अर्घानि ययासारं सूर्यामिम्खानि दीप्यन्ते ॥५॥ वृत्तभपज्जरमध्ये कक्ष्मा परिवेष्टितः खमध्यगतः। मृज्जल शिख वायुमयो भूगोलः सर्वतो वृत्तः ॥६॥ यहत्कदम्ब पूष्पग्रन्यिः प्रचितः समन्नतः कुसुमैः । तद्वद्धि सर्वसत्वैजंलजै: स्थलजैम्च भूगोल: ॥७॥ बाह्यदिवसेन भूमेरुपरिष्टाद्योजनं मवति वृद्धि.। दिन तुल्ययैव राज्या मृद्यचितायास्तदिह हानि: ॥५॥ अनुलोमगति नौंस्य पश्यत्यचलं विलोमगं यहत्। अचलानि भानि तहत् समपश्चिमगानि लंकायाम् ॥६॥ उदयास्तमयनिमित्तं नित्यं प्रवहेण वायुना क्षिप्त: । लङ्का समपश्चिमगो भपञ्जर: सग्रहो भ्रमति ॥१०॥ मेर्वोजनमात्रः प्रभाकरो हिमवता परिक्षिप्तः। नन्दनवनस्य मध्ये रत्नमयः सर्वतोवृतः ॥११॥ स्वर्मेश्स्यलमध्ये नरको वडवा मुखं च जलमध्ये। नमरमरा मन्यन्ते परस्पर मद्यः स्थिता नियतं ॥१२॥ चदमो योलंकायां सोऽस्तमय: सवित्रेव सिद्धपूरे। मन्याह्नो यवकोट्यां रोमक विषयेऽवंरात्र: स्यात् ॥१३॥ स्यल जलमध्यात्लका भूकक्ष्याया भवेचचतुभि । उज्जायिनी लंकाया: पञ्चदशांशे समीत्तरत: ।।१४॥ भूत्यासार्धेनोनं दृश्यं देशात् समाद् भगोलार्धम् । वर्ष भूमिच्छन्नं भूव्यासार्घाधिकं चैद।।१५॥ देवाः पश्यन्ति मगोलाधंत्रदङ् मेरुतंस्थिताः सन्यम । अपसन्यगं तयार्घ दक्षिणवडवामुखे प्रेताः ॥१६॥ रविर्वपर्धि देवः पश्यन्त्युदितं रवि तथा प्रेताः । श्रातिमासार्धं पितरः शशिगाः कुदिनाधांमिह मनुजाः ॥१७॥ मध्य ज्योदयजीवासंवर्गे व्यासदल हृते यत्स्यात् । तन्मध्य ज्या कृत्योविशेष मूलं स्वदृक्षेपः ॥२३॥ दृग्द्वक्षेप कृति विशेषितस्य मूलं स्वदृग्गतिः कुवशात् । क्षितिजे स्वा दृक्छाया भूव्यासार्घ नभोमध्यात् ॥३४॥ विशेषगुर्गाक्षज्या लम्बकभजिता मवेदणमुदक्स्थे । उदये घनमस्तमये दक्षिणगे घनमृणं चन्द्रे ॥३५॥

विक्षेपकम गुणमुत्कमगां विस्तार। धंकृति भक्तम् । उदगृरा धनमुदगयने दक्षिरागं धनमुणं याम्ये ॥३६॥ चन्द्रो जलमकोंऽन्तिम् द्भुच्छायापि या तमस्ति । छादयति शशी सूर्य शशिनं महती च भूच्छाया ॥३७॥ स्फूटशशि मासान्तेऽर्क पातासन्ना यदा प्रविशतीन्दः। भुच्छायां पक्षान्ते तदाधिकोनं ग्रहणमध्यम् ॥३८॥ भूरविविवरं विमजेद् भूगिएतं तुरविभू विशेषेणम् । छायाया दीर्घत्वं लब्घ भूगोलविष्कंभात् ॥३६॥ छाय।ग्रचन्द्रविवरं भूविष्क भेगा तत् समभ्यस्तम् । मुच्छायया विभक्तं विद्यात् तमसः स्वविष्कंभम् ॥४०॥ तच्छशिसंपकीर्घाकृते: शशिविक्षेपवर्गितमपोहय। स्थित्यर्घ तन्मूलं ज्ञेयं चन्द्रार्क दिन भोगाद् ।।४१।। चन्द्रकासार्घोनस्य वर्गितं यत् तमोमयार्घस्य । विक्षेपकृतिविहीनं तस्मान्मूलं विमदिधिम् ॥४२॥ तमसो विष्कंभार्वं शशि विष्कंभार्घवर्जित मयोहय । विक्षेपाद्यच्छेपं न गृहयते तच्छशांकस्य भूच्छाया ॥४३॥ विक्षेपवर्गसहितात् स्थित्यर्घादिष्ट वर्जितान्मूलम् । रूपकोर्चाच्छोध्यं शेपस्तात्कालिको ग्रासः ॥४४॥ मध्याहात् ऋमगुणितोऽक्षो दक्षिणतोर्घ विस्तरहृतोदिक् । स्यित्यर्घाच्चार्केन्द्वोस्त्रिराशि सहितायनात् स्पर्शे ॥४५॥ प्रग्रहणान्ते धूम्नः, खण्डग्रहणं शर्शा मवति कृष्णः।

सर्वग्रासे कपिलः सकृष्णवास्रस्तमोमघ्ये ॥४६॥

सूर्येन्दु परिधि योगेऽर्काष्टम भागो मवत्यनादेश्यः ।
मानोर्मासुरमावात् स्वच्छतमत्वाच्च शिश्वपिरेधेः ॥४७॥
क्षितिरिवयोगाद् दिनकृद्रवीन्द्रयोगात् प्रसाधितश्चेन्दुः ।
शिण्तांराग्रहयोगात् नर्थेव ताराग्रहा सर्वे ॥४८॥
सदसञ्ज्ञान समुद्रात् समुद्धृतं देवता प्रसादेन ।
सज्ज्ञानोत्तमरत्नं मयानिमग्नं स्वमितनावा ॥४६॥
आर्यभटीयं नाम्ना पूर्व स्वायम्भुवं सदा सत्यम् ।
सुकृतायुषोः प्रणाशः कुरुते प्रतिकंवुकं योऽस्य ॥५०॥

वेदांग उयोतिष-मूल

पन्नसंबत्सरमय युगाव्यक्षं प्रजापतिम् । दिनःवंयनमामंगं प्रणम्य शिरसा श्चि:। ज्योतिपामयनं पुण्यं प्रवङ्गाम्यनुपूर्वशः । संमतं बाह्यग्रेन्द्राग्गां यज्ञकालार्वसिद्धये ॥१॥ वेदाहि यज्ञार्यमभिष्रवृत्ता कालानुपृर्व्या विहितारच यज्ञाः। तस्मादिदं कालविधान धास्त्रं यो ज्योतिषं वेद सवेद यज्ञान् ॥२॥ प्रणम्य शिरमा कालमभिवाद्य सरस्वतीम्। कालज्ञानं प्रवस्यामि लगवस्य महात्मन: ।।३ ।। यथा शिका मयूराणां नागानां मणयस्तथा। तहहेदांग बास्वाणां गणितं मूर्वनि स्थितम् ॥४॥ माघ कृत्स प्रयन्नस्य पीपकृष्ण समापित:। युगस्य पञ्चवर्षस्य काल ज्ञानं प्रचलते ॥५॥ स्वराक्रमेते सोमाकी सदा साक सवासवी। स्यात्तदादि युगं माघस्तपञ्जुलकोऽयेनं ह्युटक् ॥६॥ दक्षिणायाम प्रपद्येते श्रविष्ठादौ सूर्या चन्द्रमसाबृदक् । सपर्वि दक्षिणार्कस्तु मावश्रावणयोस्सदा ॥७॥ वर्भवृद्धिरपो प्रस्य: क्षपाहास उदगाती। दक्षिणे तौ विपर्यास: पण्मूहृत्ययनेन तु ॥ ।। ।। प्रथमं सप्तमं चाहुरयनाद्यं त्रयोदशम् । चतुर्यं दशमं चैव द्वियुंग्मं बहुलेऽप्यृती ॥६॥ वम्स्तवण्टा भवोजश्च मित्रस्तर्पोदिवनी जलम्। अर्यमा कोञ्यनाद्यास्युरघं पञ्चमभस्त्वृतु: ॥१०॥ एकान्तरेऽह्मि मासे च पूर्वान्कृत्वादिमृत्तर:। ग्रर्वयो: पञ्च वर्षाणांमृतू पञ्चदशाष्ट्रमी ॥११॥ द्यु हेयं पर्व चेत्पादे पादस्विंशत् संकिका । भागात्मनाऽपवृज्यांशान्निदिशेदविको यदि ॥१२॥

हेयादेय पर्वज्ञानोहायं पर्व राशिमानमाह :—
निरेक द्वादशाम्यस्तं द्विगुण रूपसंयुतम् ।
पष्ट्या पष्ट्या हृतं द्वाम्यां पर्वणाराशिरूच्यते ॥१३॥
स्युः पादोध्वं त्रिपद्यायाः त्रिद्वेकेऽह्वः कृते स्थितिम् ।
साम्येनेन्दोः स्नृणोऽन्ये तु पञ्चकाः पर्वसम्मताः ॥१४॥
भाशास्युरष्टकाः कार्याः पञ्चद्वादशकोद्गताः ।
एकादश गुणश्चोनः शुल्केऽर्घं चैन्दवा यदि ॥१४॥
पक्षात्पञ्चवशादृष्ट्वं तद्भक्तमिति निर्दिशेत् ।
नविमस्तूद्गतोऽशस्यादूनांशो द्वयधिकेनतु ॥
नवकं रुद्गतांशस्स्यादूनस्यप्तगुणो भवेत् ।
ग्रावापस्त्वयुणि द्यस्या त्पौरस्त्येऽऽस्तं गतेऽपरम् ॥१६॥
जावाद्यंशैस्समं विद्यात्पूर्वार्घे पर्वेसूत्तरे ।
भादानं स्याच्चतुर्वश्यां द्विमागेम्योऽधिको यदि ॥१७॥
जी द्वागः खश्वे ही रोपा

चिन्मू पण्यः सू माधारणः।

रे मृघास्वापोऽजः

कृष्योहण्येष्ठा इत्यृक्षा लिडंगै: ॥१८॥
कार्या मांशाष्ट्रक स्थाने कला एकोनविश्वतिः ।
कनस्थाने द्विसप्तती रुद्धरेद्युक्त संमवे ॥१६॥
तिथिमेकादशाभ्यस्तां पर्वमांश समन्विताम् ।
विभज्य भसमूहेन तिथिनक्षत्रमादिशेत ॥२०॥
याः पर्वमादार कलास्ताम् सप्तगुणा तिथिः ।

उक्तातासां विजानीया त्तियिभादानिकाः कलाः ॥

या: पर्वभादानकलास्तासु सप्तगुणा तिथिम् । प्रक्षिपेत् तत्समूहं तु विद्याद्भादानिका: कला: ॥२१॥

अतीत पर्व भागेभ्य: शोधयेत द्विगुणां विथिम । तेषु मण्डल भागेषु तिथि निष्ठां गतो रवि: ॥२२॥

विप्वन्तं द्विरभ्यस्य रूपोनं पड्गुणीकृतम् । पक्षा यदर्ध पक्षाणां तिथिस्स विप्वान्समृत: ॥२३॥

विप्वत् तंद्गुणं हाभ्यां रूपहीनं तु पड्गुणम् । यत्लब्धं तानि पर्वाणि तदर्घ सातिधिर्भवेत ।।

तृतीया नवमी चैव पौर्णमासी त्रयोदशी। षण्ठी च विषुवान् प्रोन्त: हादश्यां दशमं भवेत् ॥

(इति बहवृच पाठः)

पलानि पश्चाशदपां धुतानि, तदाहकं दोणमत: प्रमेयम ।

त्रिमिविहीनं कुडवैस्तु कार्यम्, तन्नाडि कायास्तु भवेत्प्रमाणम् ॥२४॥

नाडिके हेम्हर्तस्त पञ्चाशण्यलमाटकम् । आटकात्कु मिका द्रोण: कुडुवैवंधंते तिभिः

एकादशभिरभ्यस्य पर्वाणि नवभिस्तिथिम्। युगलब्धं स पर्वे स्याद्वर्तमानाकंमं कमात् ॥२४॥

सुर्वर्धमागान्नवभिविभज्य शेषं द्विरभ्यस्य दिनोप भूनितः तिथियंया भृतित दिनेपू कालो योगो दिनैकादशकेनतद्भम् ॥२६॥ व्यंशो मशेषो दिवसांश माग श्वतुर्देशस्याप्यपनीय मिन्तम् ।

मार्घेऽधिके चाधिगते परेंशे द्यत्तमैकं नवकैरवेत्य ॥२७॥ विशलाह्यां सपट्पष्टिरव्य: पट्चर्तवोऽयने मासा द्वादम सौराहरयुः एतत्वञ्चगुर्ण युगम् ॥२८॥ उदया वासवस्य स्यूदिनराशिः सपञ्चकः।

मृत्ये द्विषय्द्या हीनस्स्याद्वियस्या सैक्या स्तृणाम् ॥२६॥

दृश्युपाय समुद्देशी भृयोऽत्येयं प्रकल्पयेत् क्षेयराशि पतास्यस्यं विभवेद् ज्ञानराशिनर ॥४३॥ इत्येतान्मासयपीणां मुहुतीदय पर्यणाम् दिनत्येयनमासानां व्याव्यानं लगयोऽप्रयीत् ॥४४॥ सीम मृयेन्त्र चरितं विद्वात् वेद विद्दनुते सीममृयेस्त् चरितं लोकं लोके च संततिम् ॥४५॥

इति वेदागज्योतिष